

savoir sans frontieres

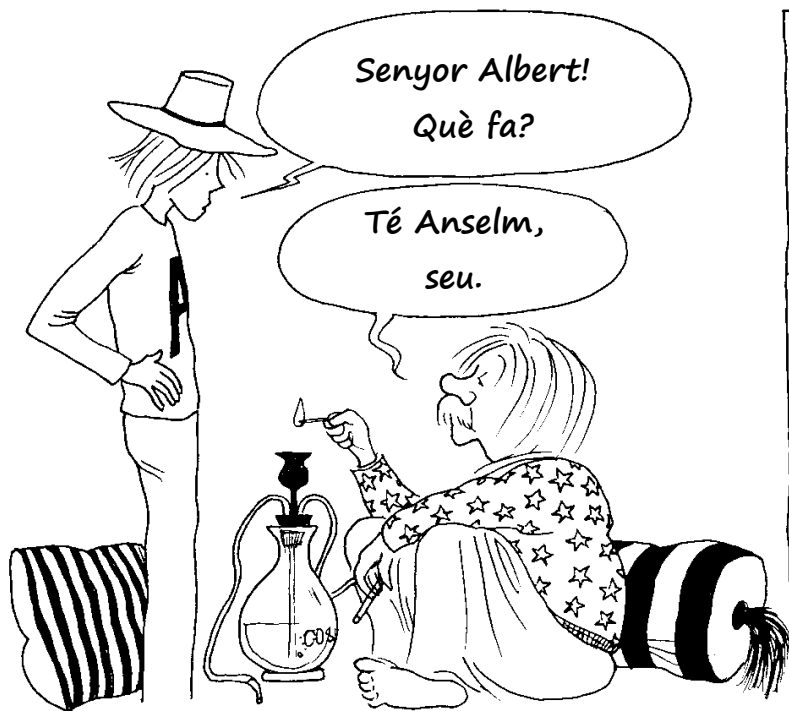
# EL FORAT

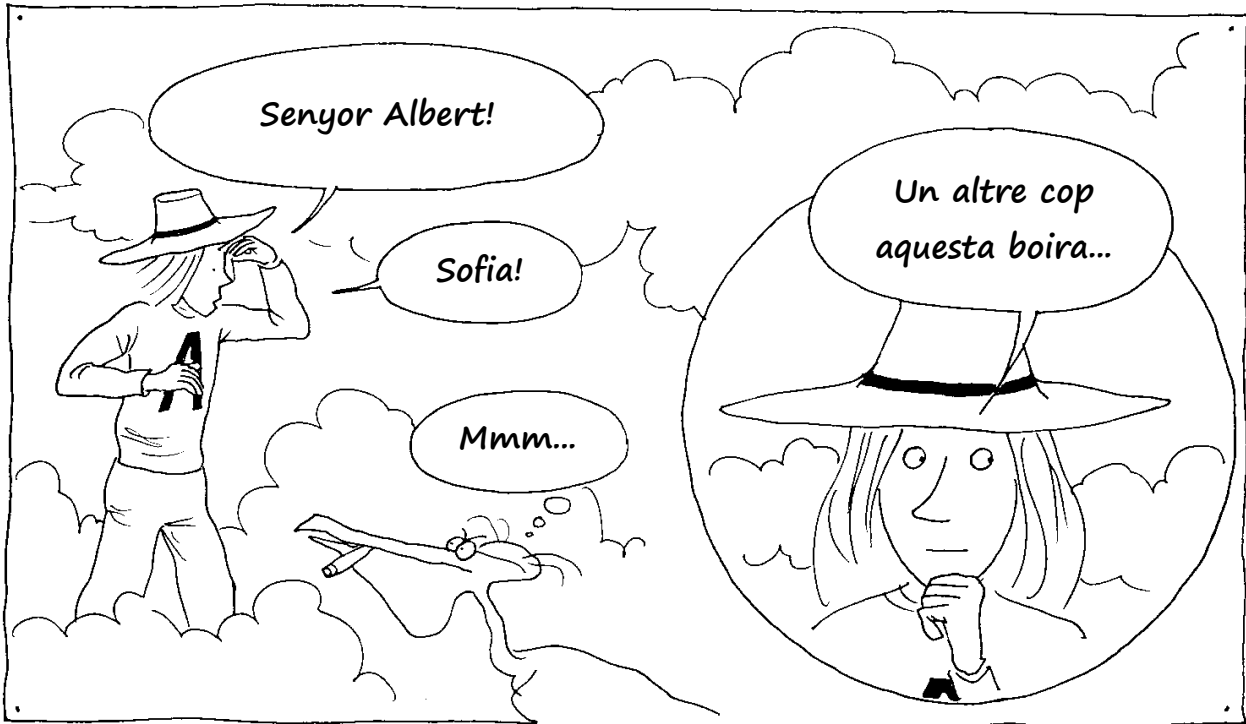
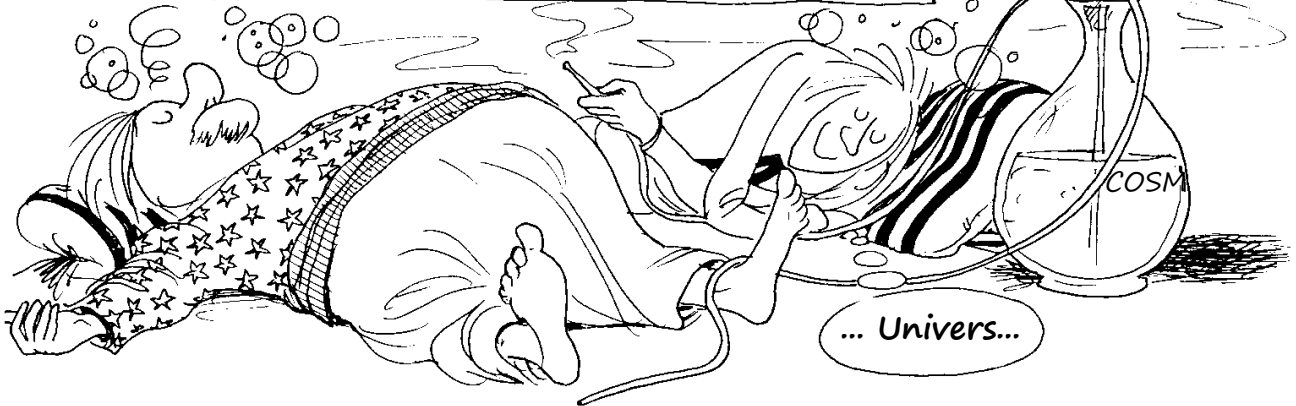
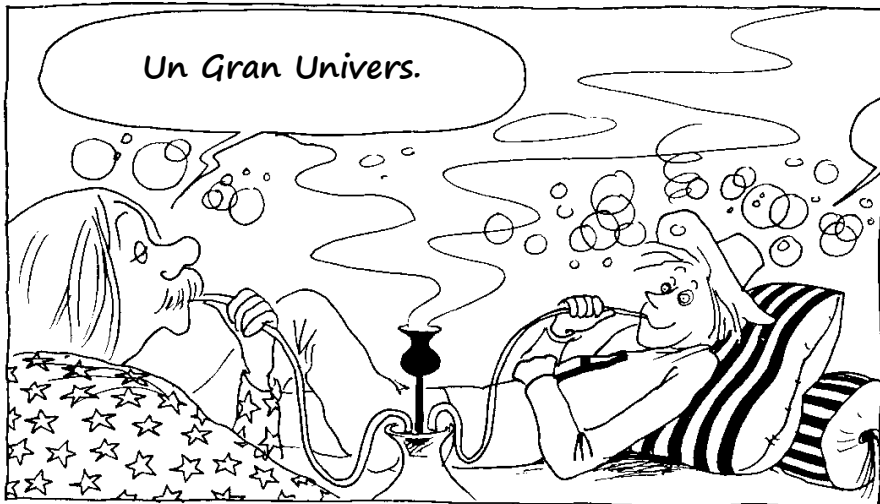
# NEGRE

per Jean~Pierre Petit

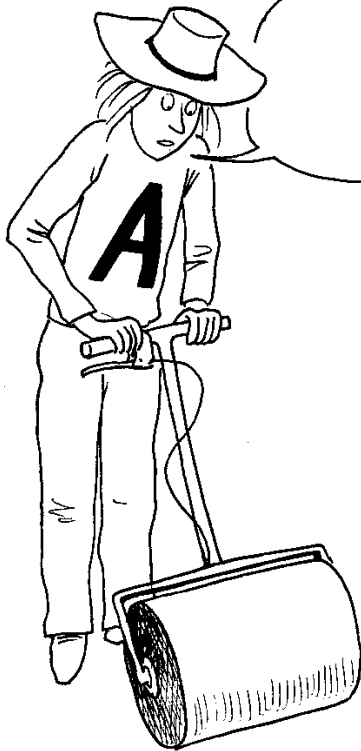


<http://www.savoir-sans-frontieres.com>





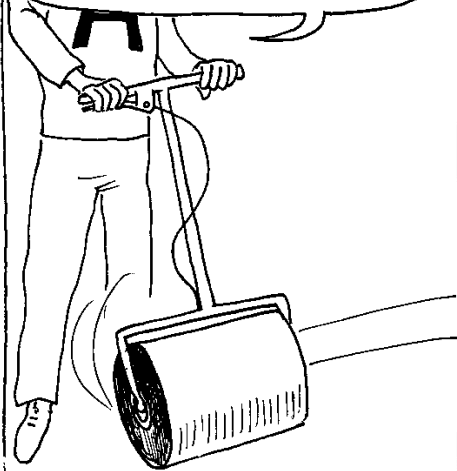
Un cop més, Anselm marxa per explorar mons ennuvolats.



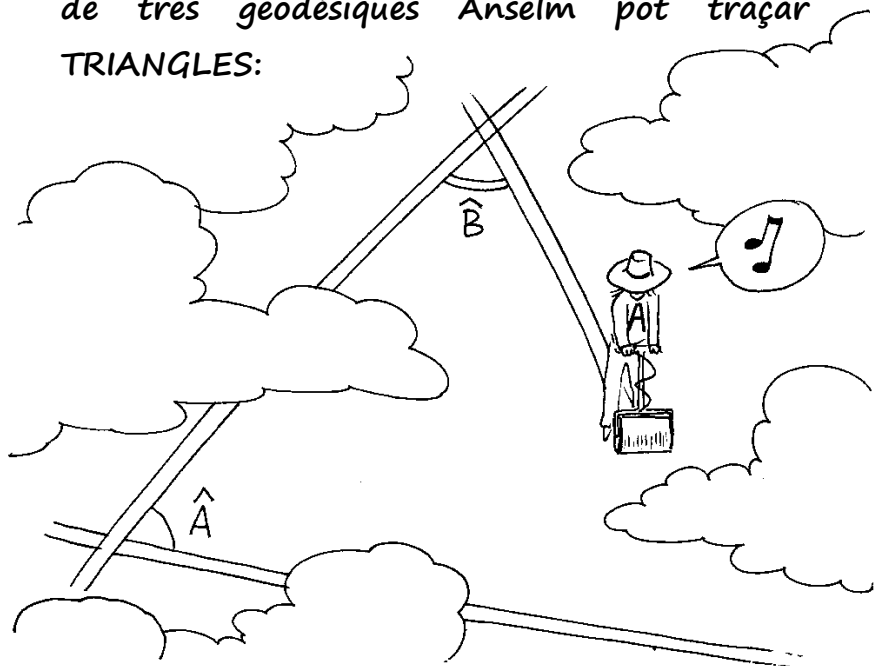
Mira, què és aquesta cosa?  
Jo diria un corró per les pistes de tenis,  
o una espècie de rodet per pintar.



Per què serveix aquest mànec? I ara, elimina l'adherència i em permet de tant en tant canviar de direcció.

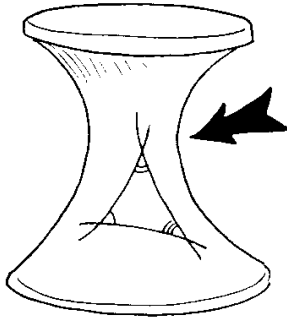
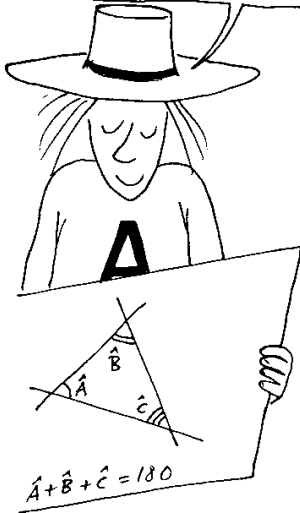


Gràcies a aquest aparell Anselm pot traçar les GEODÈSIQUES d'una superfície. Amb l'ajuda de tres geodèsiques Anselm pot traçar TRIANGLES:



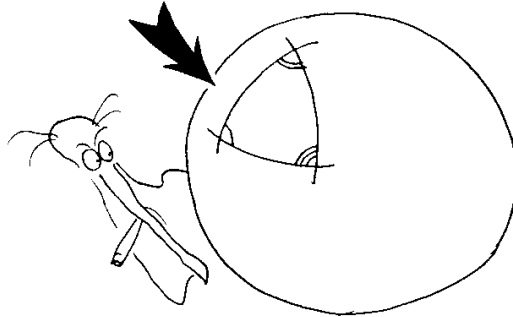
Una superfície és un ESPAI DE DUES DIMENSIONS. És a dir, que fan falta DUES QUANTITATS per veure la posició d'un punt, dues coordenades.

A veure, quan l'espai és EUCLIDIÀ, la suma dels angles del meu triangle val  $180^\circ$ .

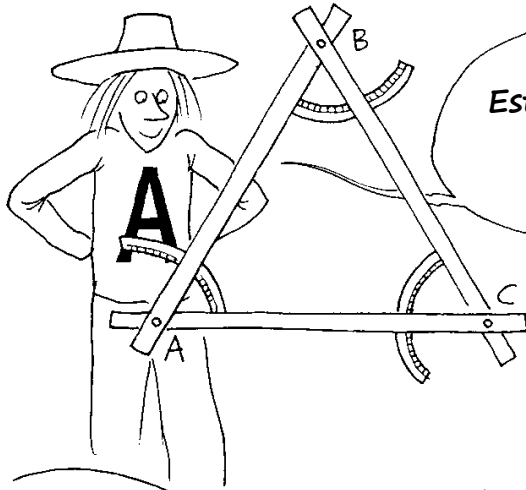


Quan l'espai té una curvatura negativa, aquesta suma és INFERIOR a  $180$  graus.

En un espai de curvatura POSITIVA la suma és SUPERIOR a  $180$  graus.



# ESPAIS DE CURVATURA VARIABLE:



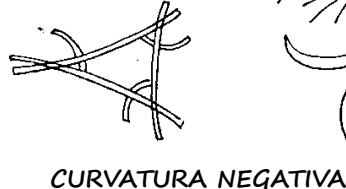
He inventat un curvímetre. Està format per dues làmines elàstiques que poden girar lliurement al voltant de tres reblons A, B, C.



Només cal apretar-la contra una superfície i mesurar els angles amb l'ajuda dels tres transportadors per conèixer la CURVATURA LOCAL.



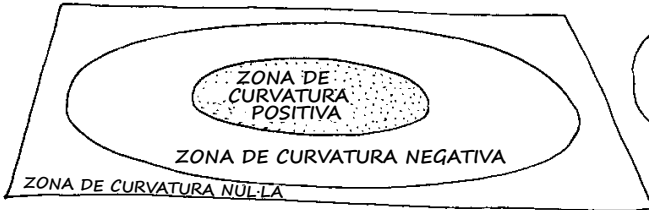
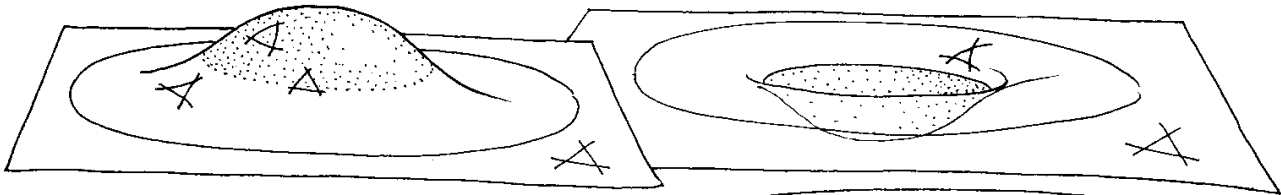
CURVATURA POSITIVA



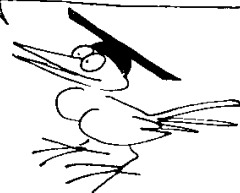
CURVATURA NEGATIVA

(\*) Per més detalls, veure el GEOMETRICÓ, del mateix autor, Edicions BELIN.

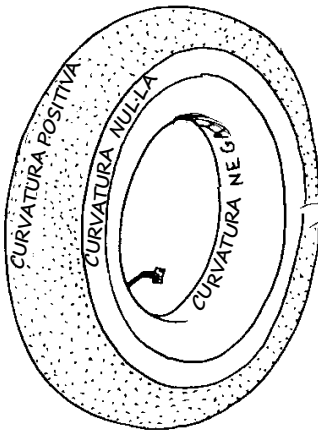
Aquest bony, modelat en un pla està format per una regió central de curvatura positiva, envoltada d'una regió de curvatura negativa.



Des del punt de vista de la CURVATURA, el CLOT és idèntic al BONY.

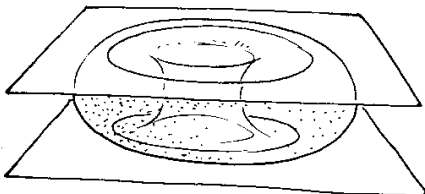


Excepte error, això és un TOR.



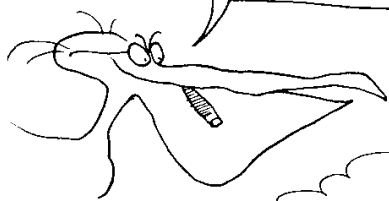
Sí, hi ha una banda amb curvatura positiva, una altra amb curvatura negativa, separades per una frontera allà on la curvatura és nul·la.

Aquesta última pot ser determinada fent un entrepà amb el tor entre dos plans.



Estimat Tirèsies, s'ha adonat de que la seva closca és un espai bidimensional de curvatura variable?

Lleó, deixa tranquil a Tirèsies!



Mi!...



# PUNTS CÒNICS



Ja veuràs, Anselm, hi han coses  
encara més estranyes.

Afanya't Tirèsies, tinc set  
de coneixement...

Espera'm!

Veus, Tirèsies, POSARÉ UNA XARXA a la meva superfície  
entrecreuant geodèsiques, el que em donarà un munt de triangles.

Closca amb curvatura variable...  
ja et donaré jo!!...

Ara ja no comprenc res de res!  
Què passa al voltant d'aquest punt P?

Tan sols has  
d'utilitzar el teu curvímetre.

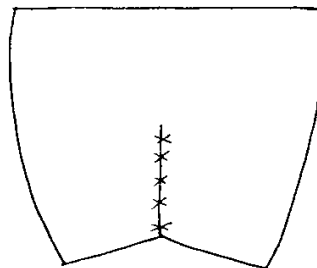
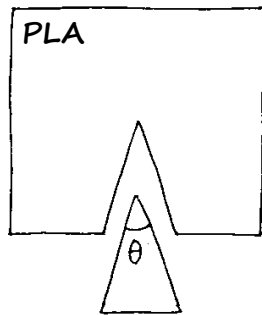


Però, Sofia, què passa? Si el triangle del curvímetre no conté pas aquest punt  $P$ , aquest indica una curvatura nul·la.

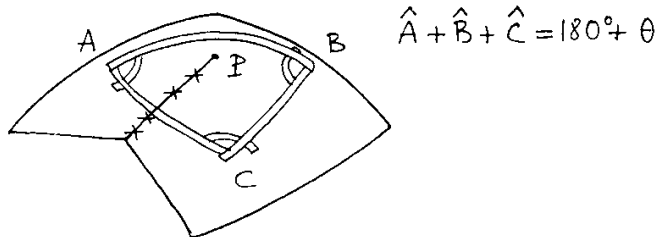


Però si el punt  $P$  es troba a dins del triangle, aleshores és corb!

És un punt cònic. Vine, mira, agafo un pla, TREC un sector d'angle  $\theta$  i el torno a cosir.



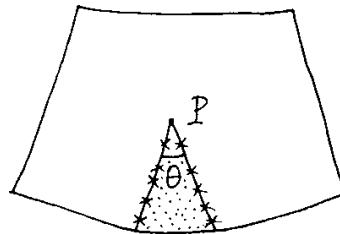
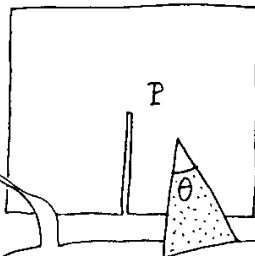
Obtinc un con que anomenarem un POSICON.



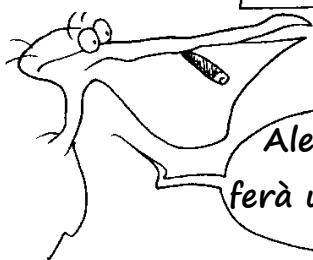
Ho podeu comprovar amb cartró. Un rotllo de paper adhesiu us ajudarà a materialitzar fàcilment les geodèsiques.



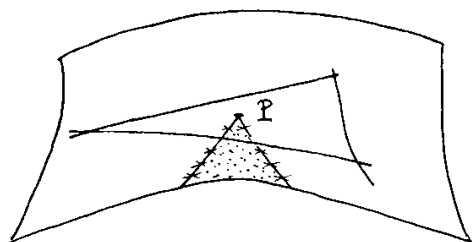
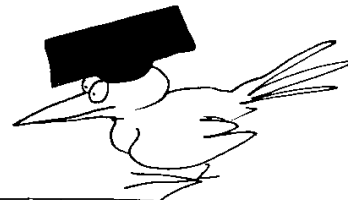
Bé, aleshores, si el meu triangle conté el vèrtex d'un con,  
la suma dels seus angles sempre és superior a  $180^\circ$ !



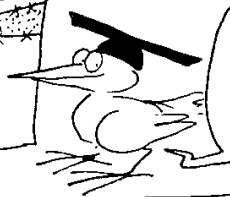
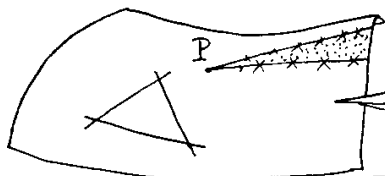
No tan ràpid! Retallant el meu pla ara faré  
el contrari, AFEGIRÉ un sector  
d'angle  $\theta$ .



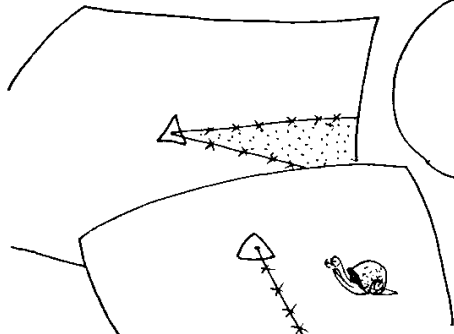
Aleshores, això  
ferà un NEGACON?



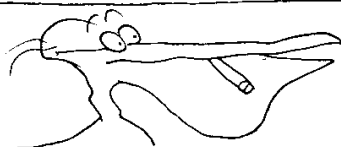
Aquest cop, quan el triangle envolta  
el punt P, la suma dels angles  
val  $180^\circ - \theta$ .



Però, un altre cop, quan el  
punt es troba a fora del triangle,  
la suma val  $180^\circ$ .



Aquesta propietat dels cons és  
independent de la mida del triangle,  
ja sigui minúscul o gegant.





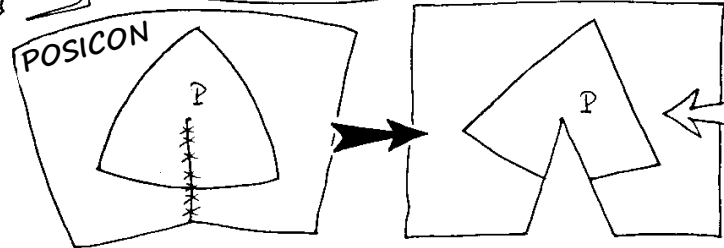
Però... igualment!...  
És corb o no és corb?

Un punt cònic,  
Anselm, és una  
curvatura concentrada.

Entre els punts cònics, l'espai és  
euclidià, sense curvatura.

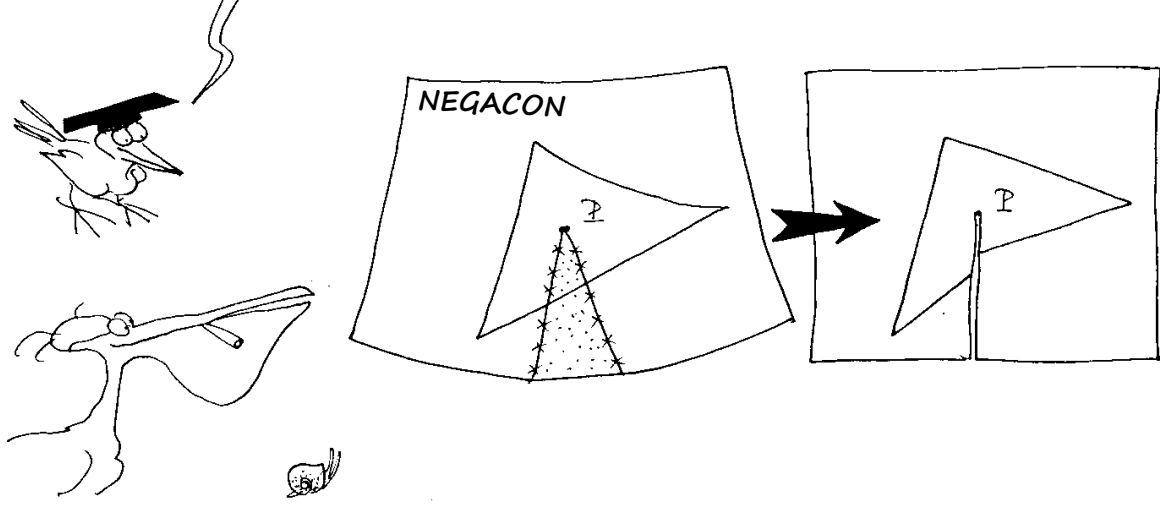
L'angle  $\theta$  és  
la mesura d'aquesta  
quantitat de curvatura.

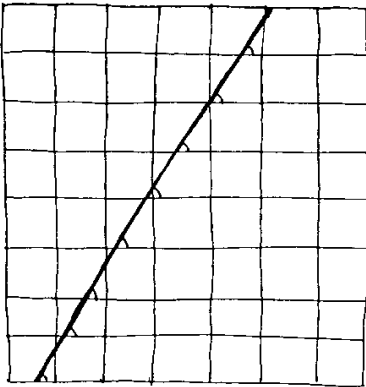
Obre el teu con  
i posa'l pla.



Vet aquí el resultat  
de l'operació, feta  
per Anselm, en el cas  
d'un con de  
curvatura positiva.

I en el cas d'un con de curvatura negativa.





Agafem una superfície PLANA i l'envoltem d'una xarxa amb geodèsiques formant una quadrícula regular. Direm que hem PAVIMENTAT aquesta superfície amb quadrats, tots idèntics. Si seguim una TRAJECTÒRIA, un TRAJECTE, tallant els costats dels quadrats successius sota un mateix angle, aquest trajecte s'efectuarà segons una geodèsica de la superfície.

*La Direcció*

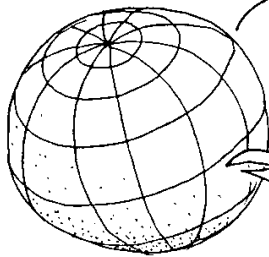
Però, per què no fer això a sobre d'una esfera?

Primer, intenta PAVIMENTAR una esfera amb quadrats, ben units, ja m'explicaràs.

Els meridians d'una esfera són geodèsiques d'aquesta. Un trajecte tallant aquests meridians sota un angle constant, diferent de  $90^\circ$ , portaria invariablement cap a un dels POLS!

Una navegació a cap constant porta... al pol!

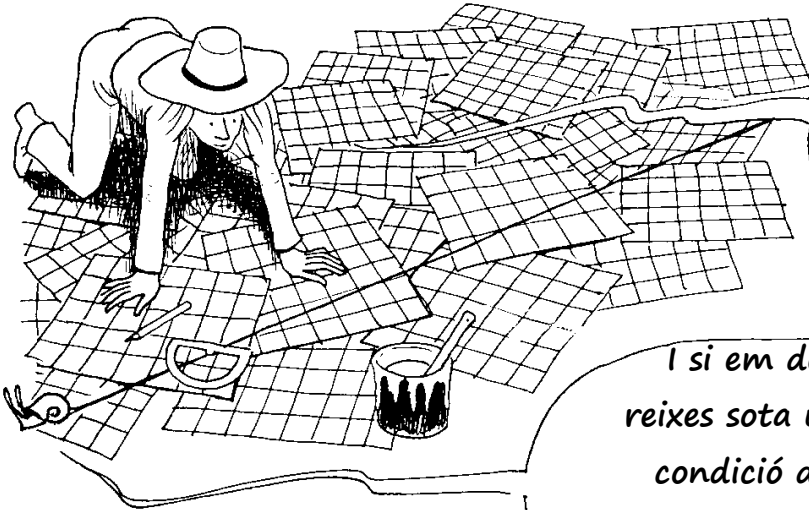




Tallant els meridians de l'esfera a  $90^\circ$ ,  
em desplaçaré seguint paral·leles.



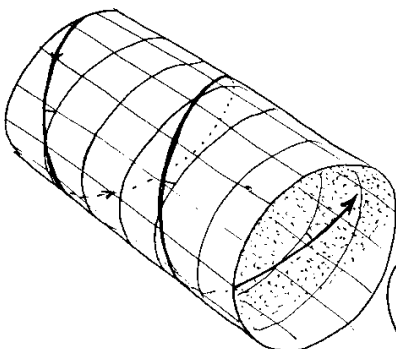
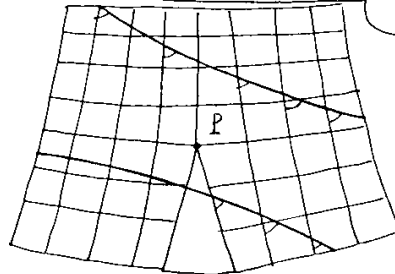
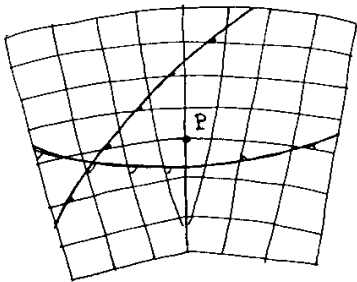
Paral·leles que no són  
geodèsiques. Vist!(\*)



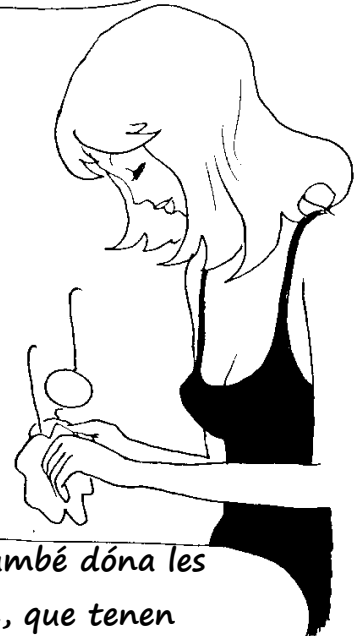
Puc cobrir una  
superfície plana, euclidiana,  
amb l'ajuda d'elements  
plans, quadriculats.

I si em desplaço tallant aquestes  
reixes sota un angle constant, amb la  
condició d'assegurar bé les juntes,  
de mica en mica, obtindré una

geodèsica.

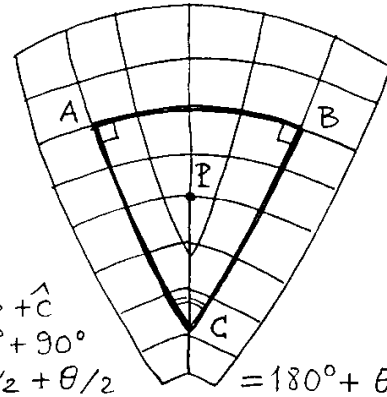
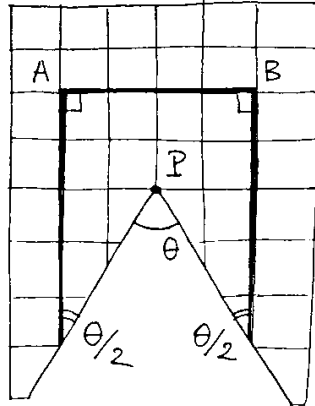
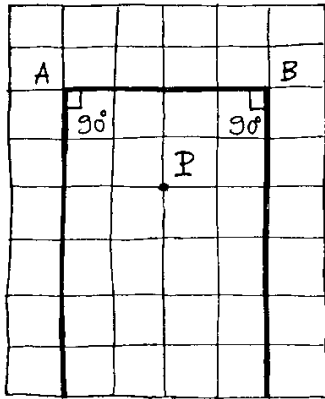


Aquest senzill mètode també dóna les  
geodèsiques del cilindre, que tenen  
forma de ressort.



(\*Es poden traçar, a l'esfera, amb l'ajuda de cinta adhesiva (llevat l'equador).

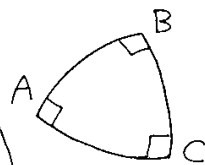
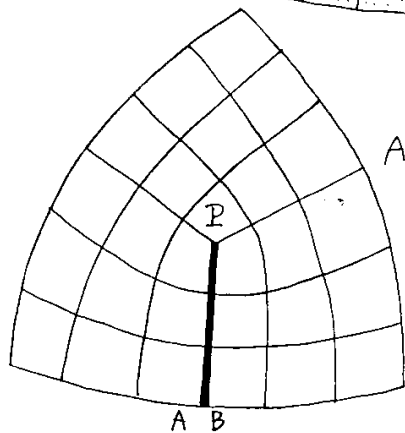
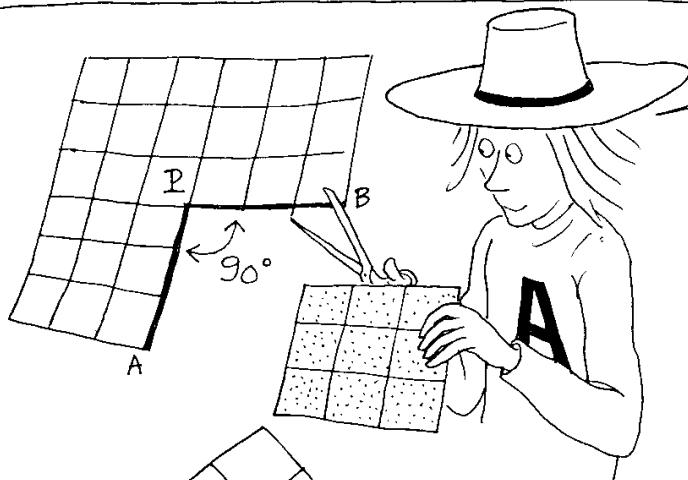
Aquí veiem per què la suma dels angles d'un triangle, a sobre d'un posicon, creix a l'angle tallat  $\theta$  :



$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 90^\circ + 90^\circ + \theta/2 + \theta/2 = 180^\circ + \theta$$

Ara Anselm construirà cons particulars, a dins dels quals la regularitat de l'enreixat pot ser conservada.

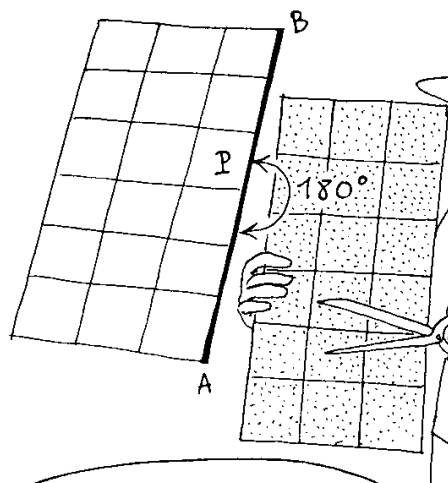
*La Direcció*



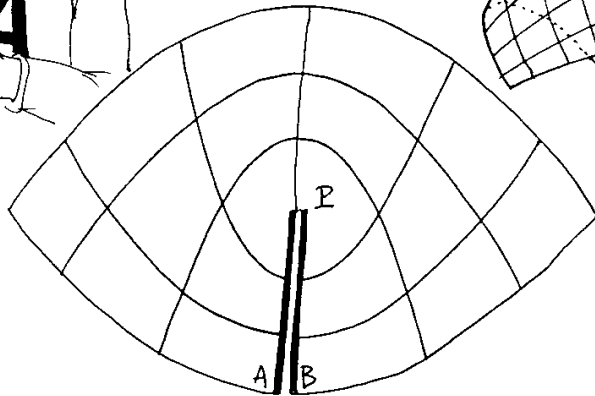
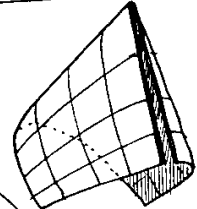
$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ + 90^\circ = 270^\circ$$

Aquí trec 90°.

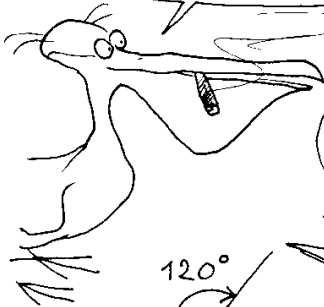
A sobre d'un con com aquest, pots traçar triangles rectangles equilàters.



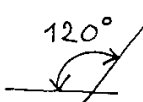
Ara trec un sector de  $180^\circ$ .



En un con com aquest, la suma dels angles d'un triangle val  $360^\circ$ .



El que significa que podríem traçar a sobre, amb l'ajuda de les seves geodèsiques, un triangle amb tres angles iguals de  $120^\circ$ , és a dir, obtús.



I es tancaria igualment?

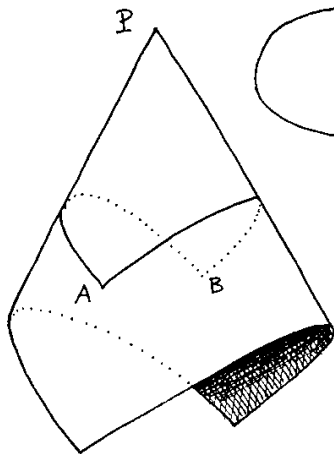


I tant, estimat Tirèsies, és vostè l'obtús!

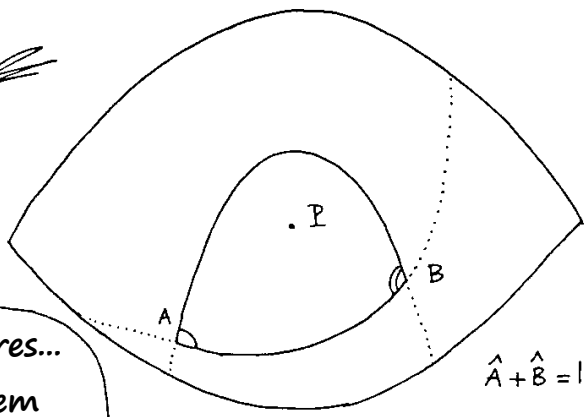


Mi!

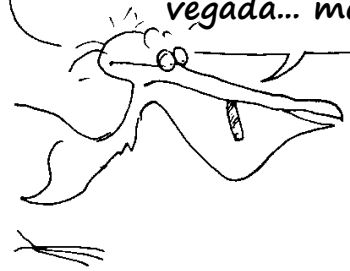




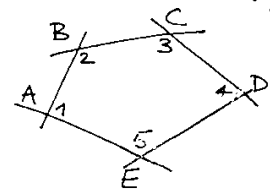
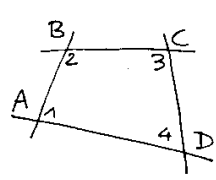
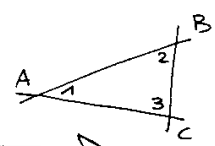
En aquest con, podem traçar **BIANGLES**, valent la suma dels angles  $180^\circ$ .



Un moment! Ara ja no comprenc res... Parlàvem de triangles. I ara trobem **BIANGLES**. Per què no, la propera vegada... monoangles??!!...



Tots aquests objectes són **POLÍGONS**.



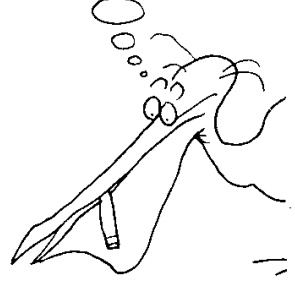
Etc...

A dins del PLA:

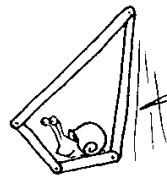
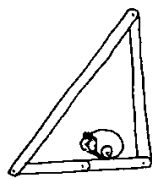
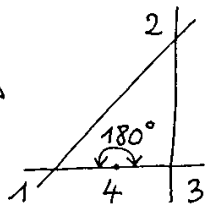
- triangle val  $180^\circ$
- quadrangle val  $180^\circ + 180^\circ = 360^\circ$
- pentangle val  $180^\circ + 180^\circ + 180^\circ = 540^\circ$

Ja no puc més...

I en el cas del **BIANGLE**, reduït a un segment, aquesta suma és nul·la.



Per què  $180^\circ$  més cada cop que afegim un vèrtex?

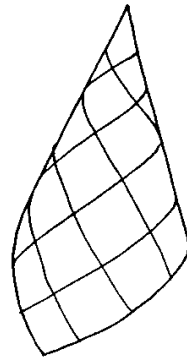
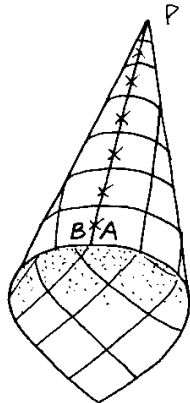


Hop!

Això hauria d'aclarir el seu dubte.

Bé, continuem...

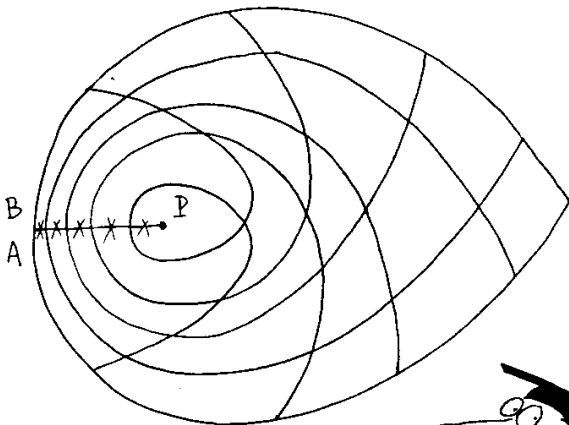
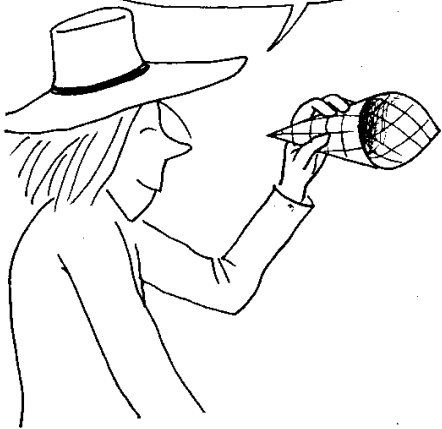
Ara trauré els tres quarts del pla.



Sembla un cobretaula.



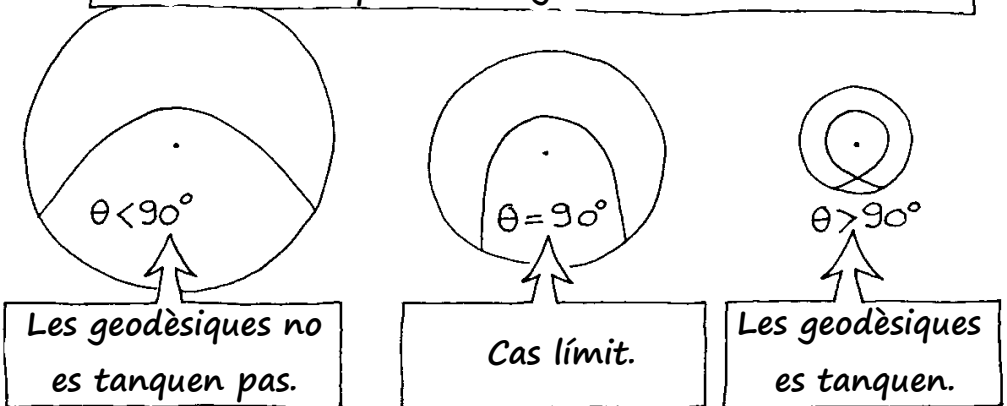
I quan la miro pel cul.



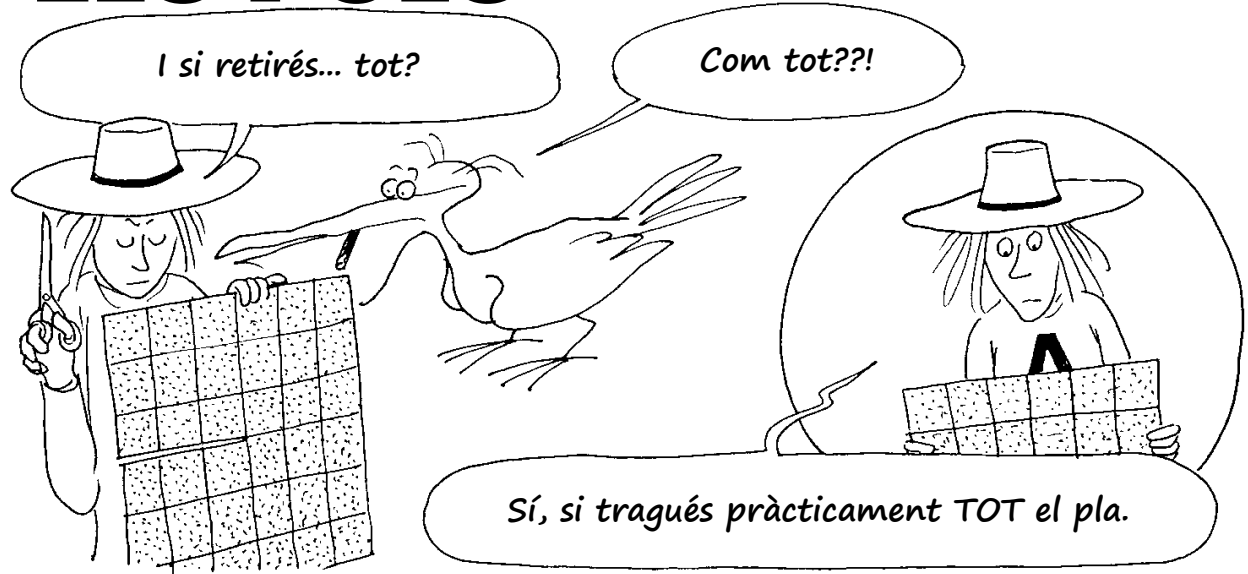
Anselm obté això.

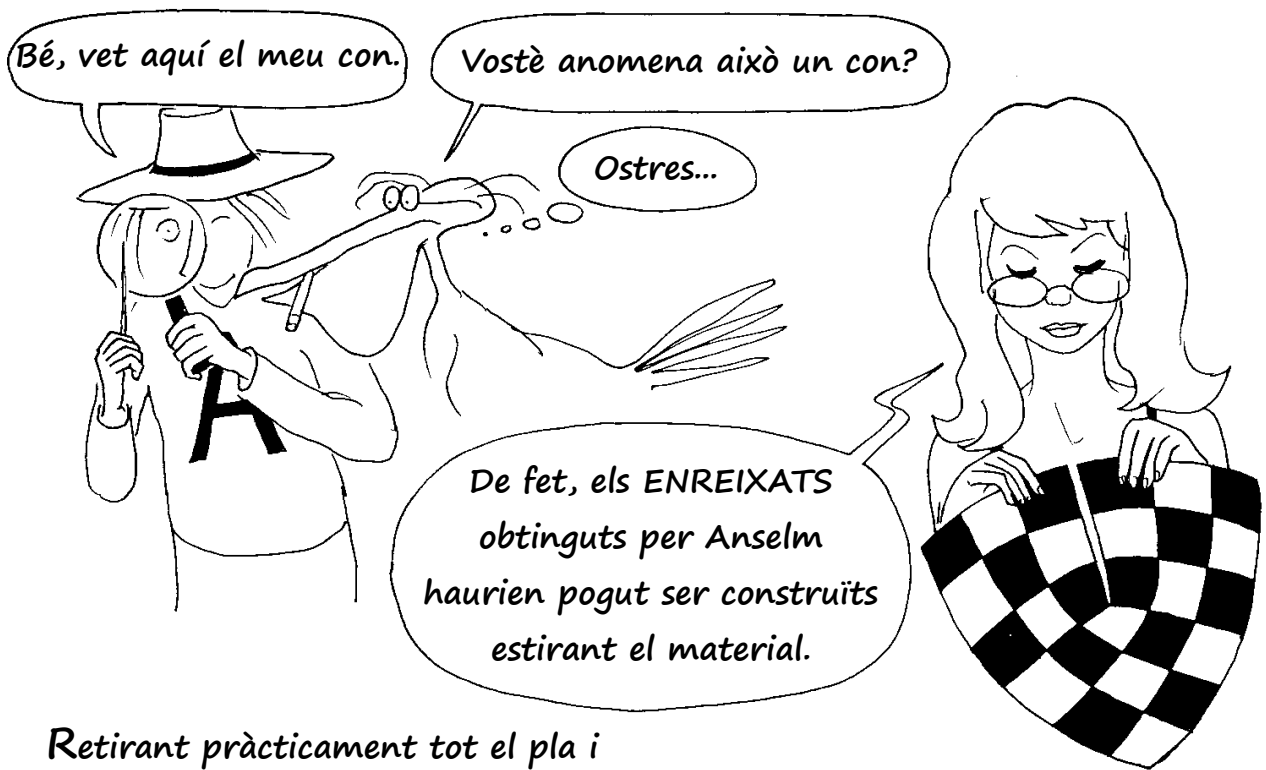




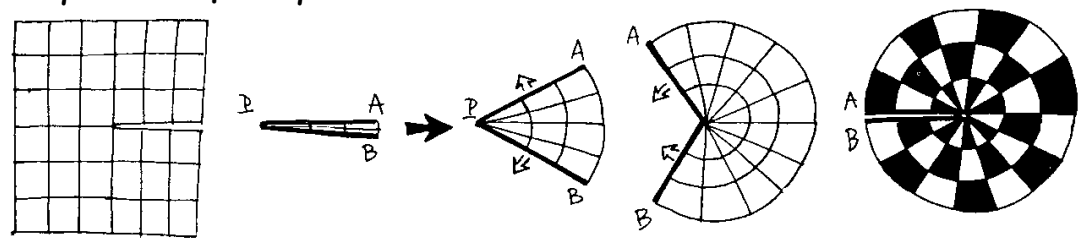


# ELS POLS

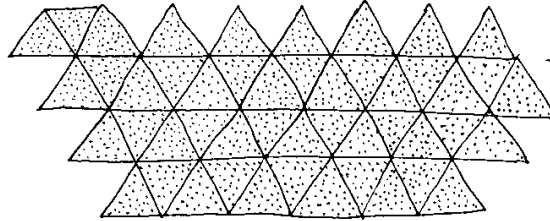




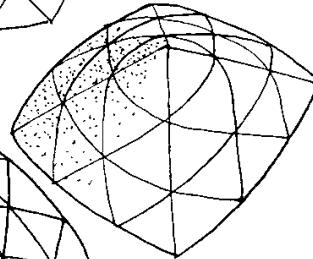
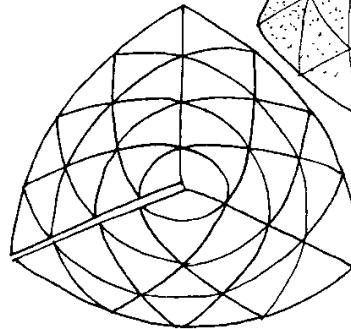
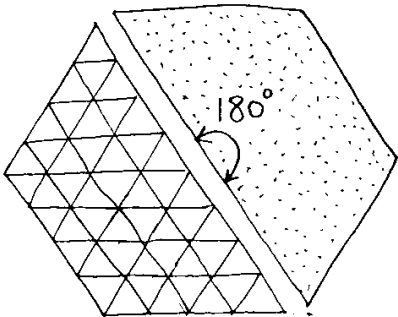
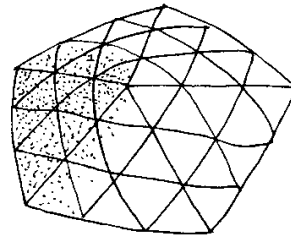
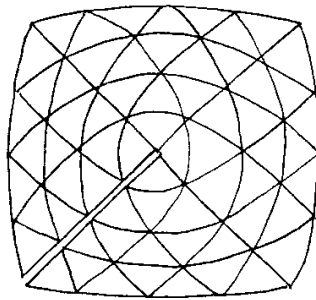
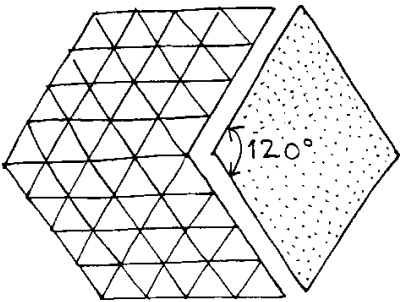
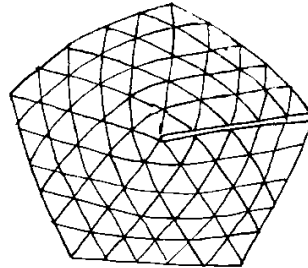
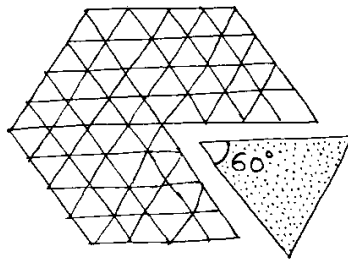
Retirant pràcticament tot el pla i aplicant aquest procés, obtindríem això:



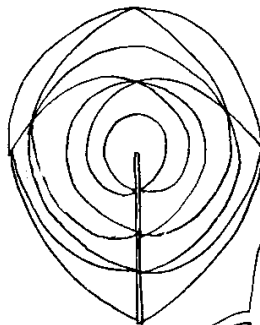
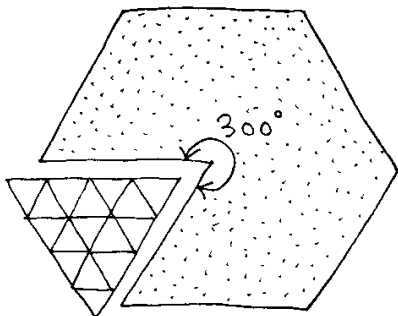
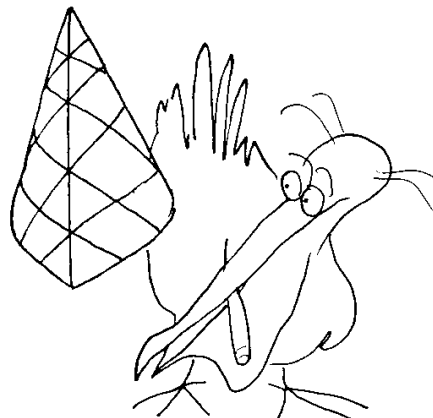
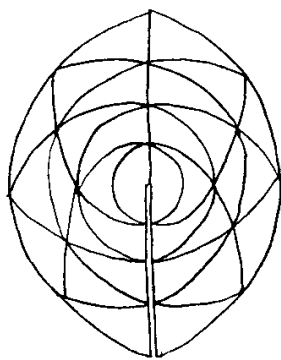
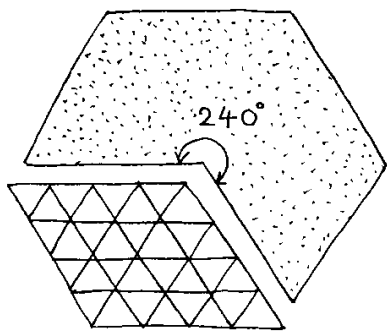
Fa un moment, havia pavimentat espais de dues dimensions (superfícies) amb quadrangles. Però també hauria pogut fer-lo amb triangles.



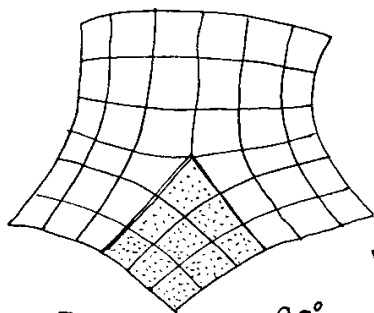
O amb hexàgons.



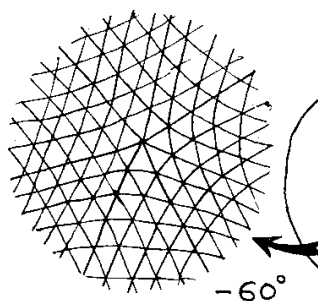
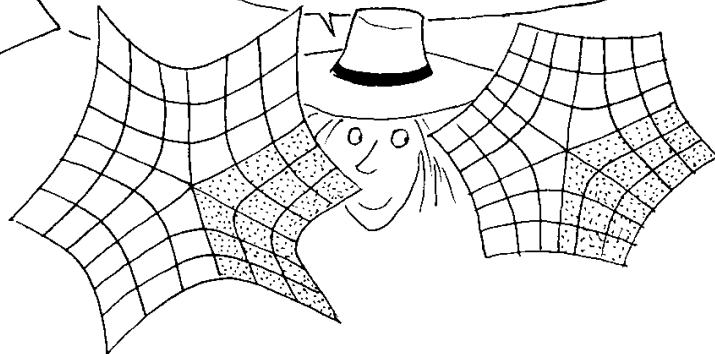
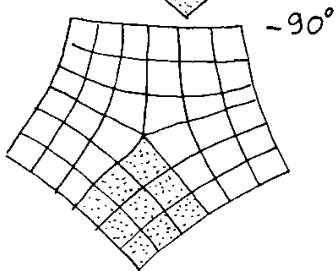
Aquests enreixats en triangles equilàters permeten engendrar els cons d'angle  $60^\circ$ ,  $120^\circ$ ,  $180^\circ$ ,  $240^\circ$  i  $300^\circ$ .



Inserint un sector d'angle  $\theta$ , formo una curvatura negativa  $-\theta$ , concentrada al vèrtex d'aquest negacon.



Quantitat de curvatura concentrada =  $-180^\circ$ , etc...



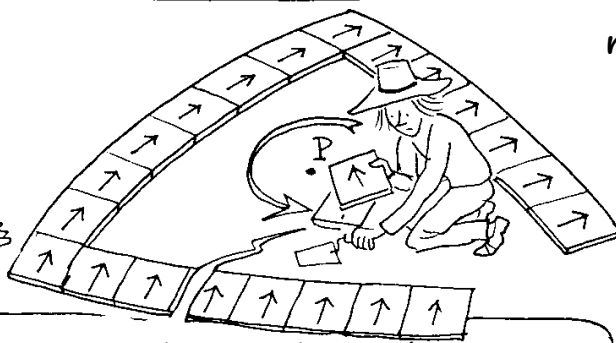
També podem fer negacons ben macos amb enreixats triangulars.



# MESURA DE LA CURVATURA



Aquí trobem a Anselm molt ocupat jugant amb un nou tipus de xarranca .

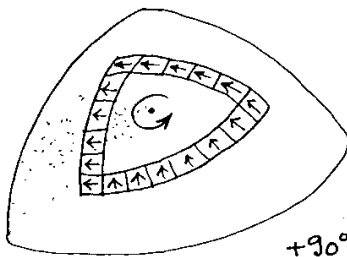
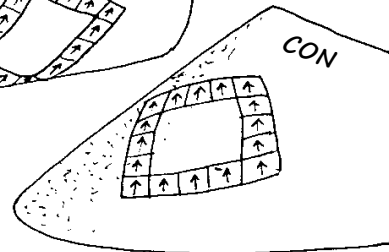
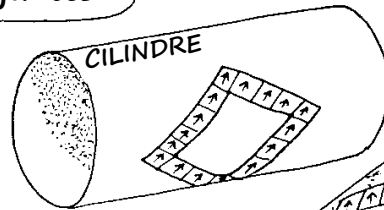
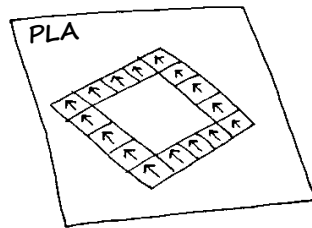


Les meves rajoles han d'estar ben juntes.

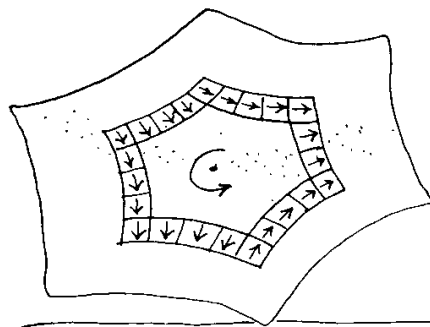
El joc consisteix a envoltar un punt de concentració de curvatura amb rajoles respectant la continuïtat de les fletxes. Quan hem fet una volta al voltant del punt  $P$ , l'angle de la fletxa que ha girat dóna una mesura directa de la curvatura  $\Theta$ .

Alguns exemples:

Pla, cilindre, con (sense envoltar el vèrtex): quantitat de curvatura: zero.



Posicon  $+90^\circ$



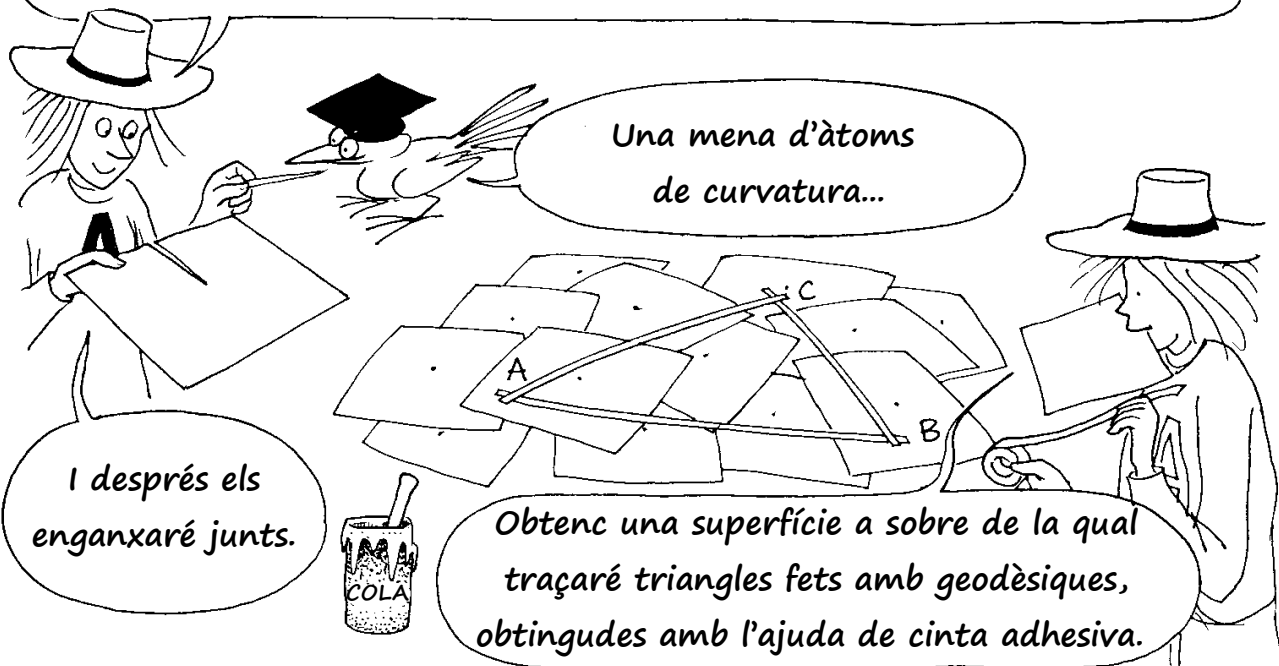
$-180^\circ$

Negacon  $-180^\circ$



Tornem al voltant del punt en un sentit qualsevol. Si la fletxa gira en el mateix sentit, es tractarà d'un posicon. Si gira en el sentit contrari, es tractarà d'un negacon.

Fabricaré posicons que tinguin un angle  $\theta$  molt petit.



La suma dels angles del triangle superen els  $180^\circ$  d'un valor que és igual a la suma dels angles dels cons elementals, els vèrtexs dels quals estàn continguts en aquest triangle.

*La Diferència*



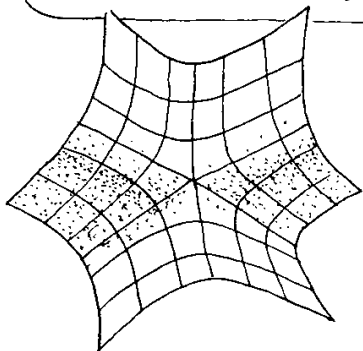
El que habitualment anomenem una superfície corba pot ser considerat com un assemblatge d'un nombre molt gran de microcons enganxats junts.

També podem ajuntar NEGACONS, o POSICONS i NEGACONS. En aquest cas, la suma dels angles del triangle valdrà  $180^\circ$ , més la quantitat de curvatura que conté, comptat algebraicament.

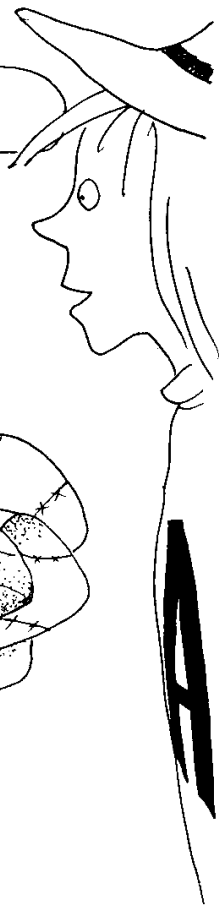
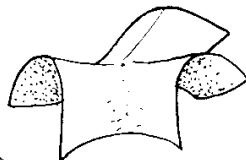


# PATCHWORK

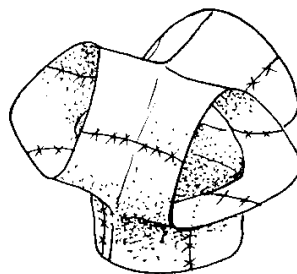
Sofia, què passa si junto NEGACONS?



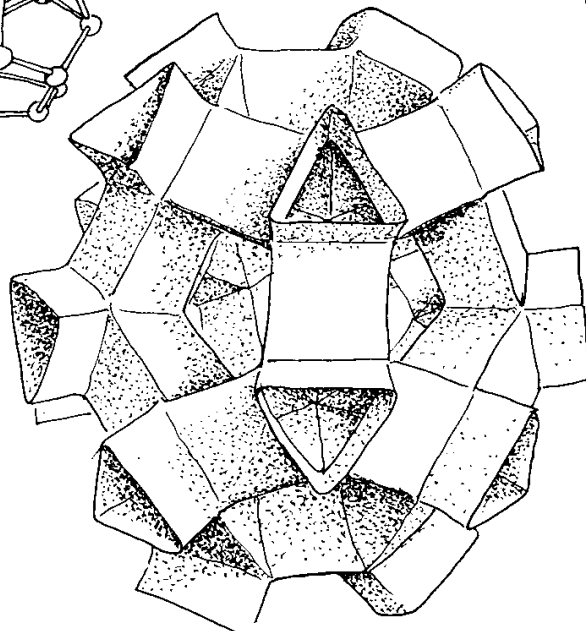
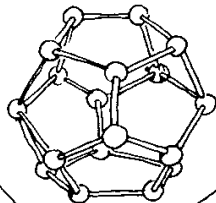
Per exemple  
negacons  
 $\theta = -180^\circ$ . El seu  
contorn correspon a  
un hexàgon que tindria els  
seus sis angles rectes.

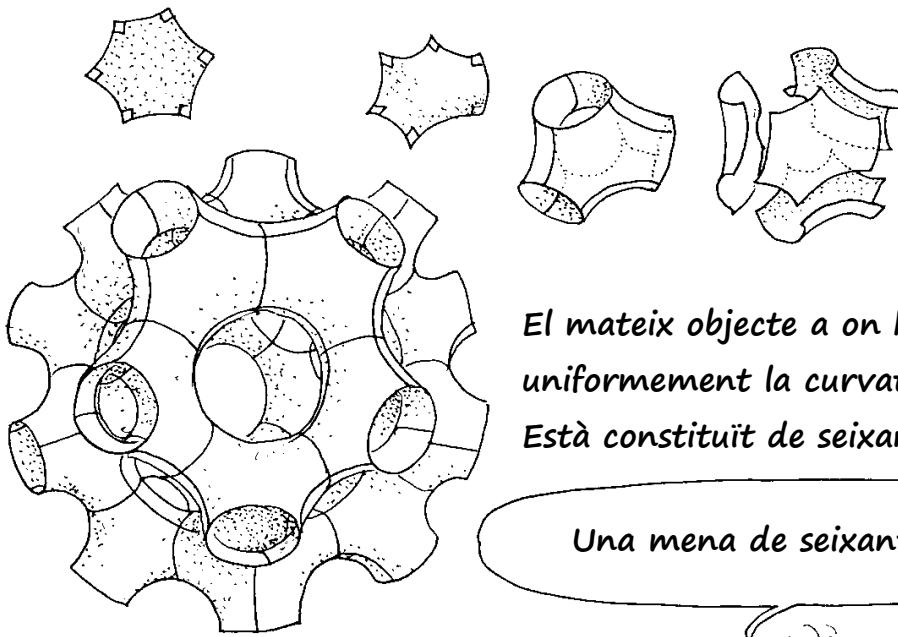


Primer podem  
juntar-los de quatre  
en quatre.



Si ajuntes  
vint, obtens  
aquest element  
de superfície  
amb curvatura  
negativa, cadascú  
es col·loca a sobre d'un  
dels vint vèrtexs d'un  
DODECAEDRE(\*)





El mateix objecte a on hem repartit més uniformement la curvatura negativa. Està constituït de seixanta hexaortgons.

Una mena de seixantaedre.

Sembla una vèrtebra de DODECAEDRODON.



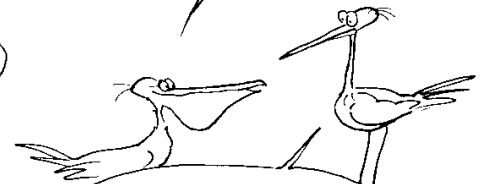
Si vostè fos enrajolador, i si utilitzés rajoles hexaortgonals, el seu sòl s'assemblaria a això.



Estimat, pensava que potser modificant els gens d'un cargol, podríem fer que la seva closca...



Aquest exemple mostra com la distribució de la curvatura pot condicionar la forma dels objectes.



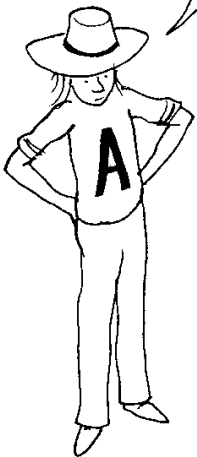
Quin horror!!!



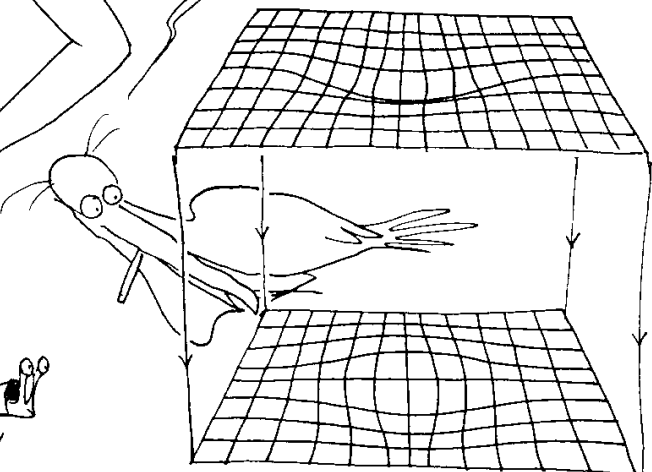
# TRES DIMENSIONS

Sofia, podem VEURE la curvatura del nostre espai de TRES dimensions?

Sofia

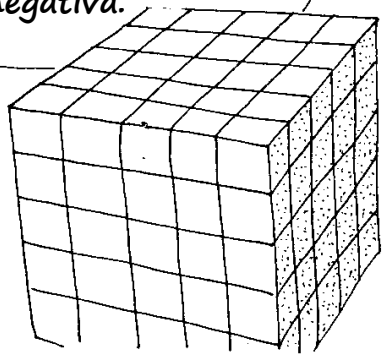


A veure, he vist que podem llançar geodèsiques d'una superfície (de dues dimensions) a sobre d'un pla (2 dimensions).

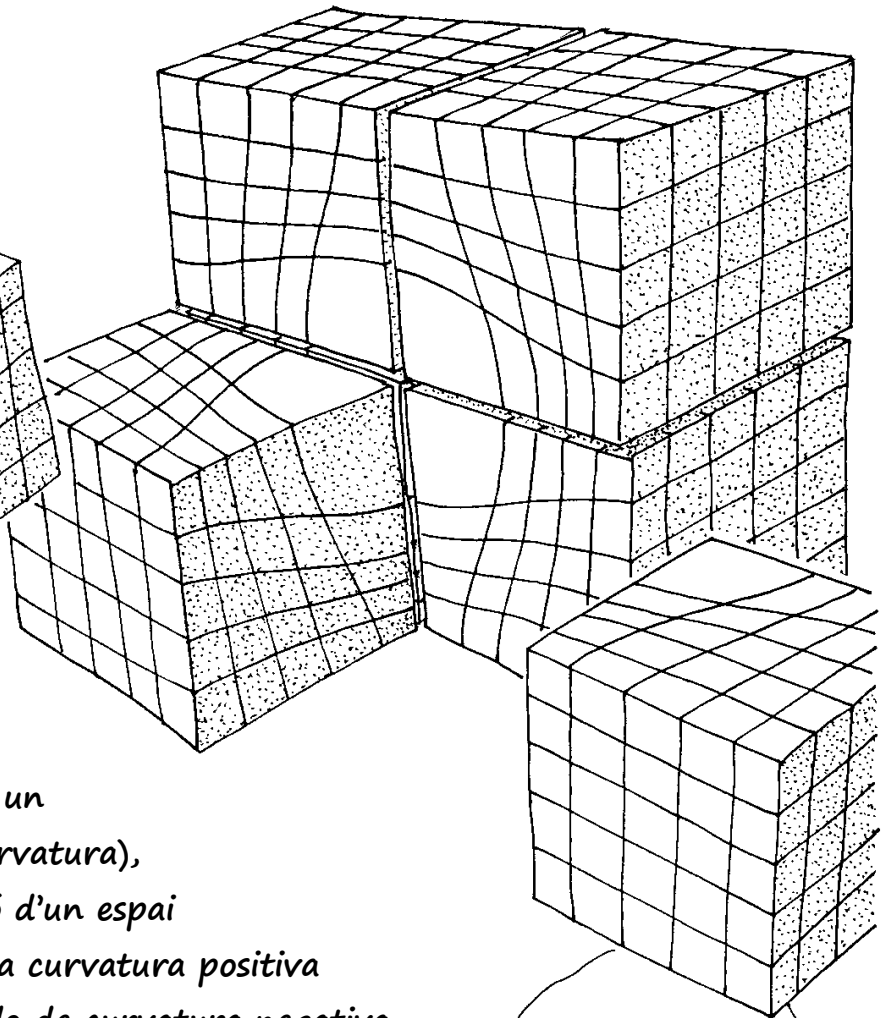
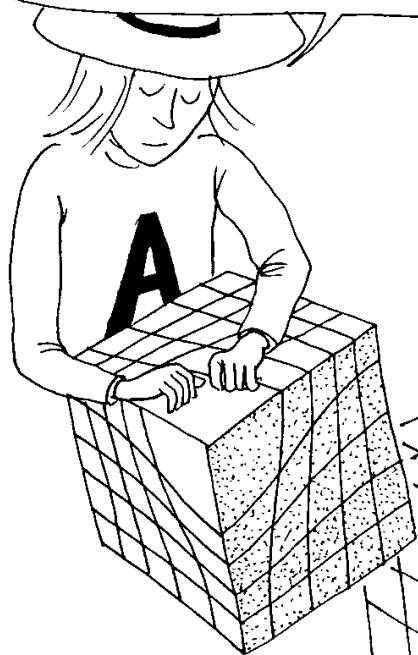


Aquest "bony" correspon a una concentració de curvatura positiva, envoltada d'un halo de curvatura negativa.

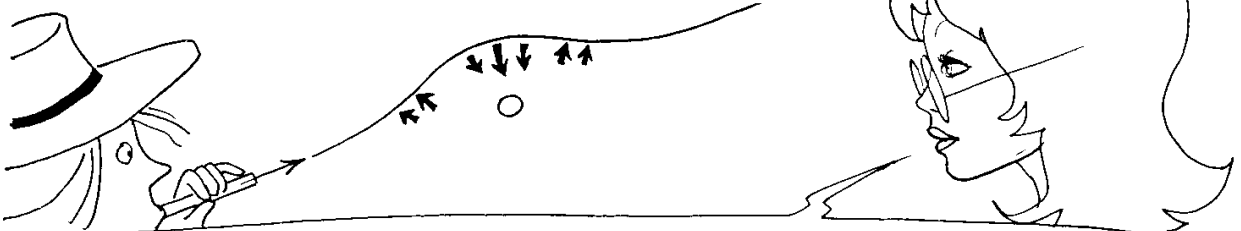
Mira ara un cub vestit amb cordill.



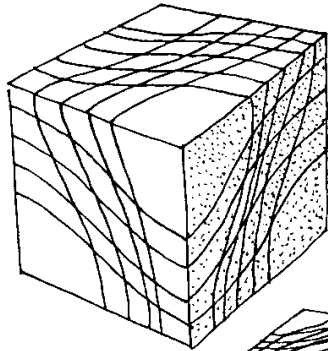
Ara faig rrelliscar els cordills així:



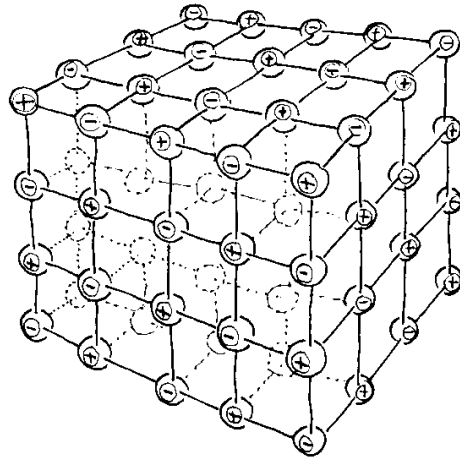
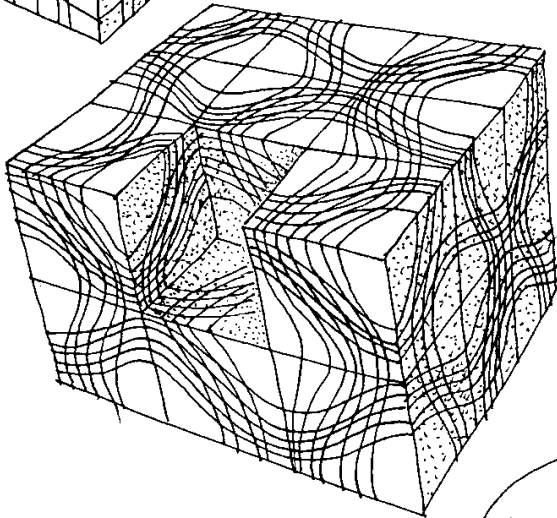
Juntant així  
vuit d'aquests cubs,  
obtenim la projecció  
de tres dimensions, en un  
espai euclidià (sense curvatura),  
geodèsiques d'una regió d'un espai  
tridimensional a on una curvatura positiva  
està envoltada d'un halo de curvatura negativa.



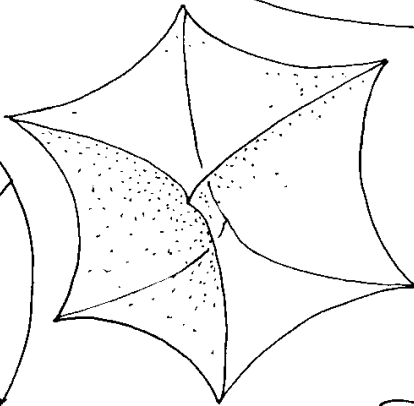
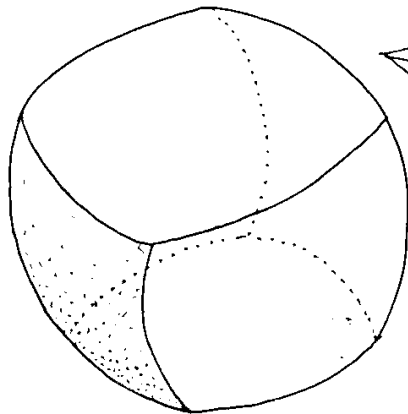
Assimilant aquestes geodèsiques a TRAJECTÒRIES, primer trobaríem  
una repulsió, després una atracció, després una repulsió.



Fent rrelliscar els fils d'aquesta manera i ajuntant apropiadament els cubs, fabricariem l'imatge d'un món poblat de curvatures positives i negatives:

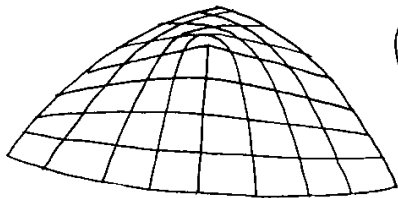


Quan ho mirem de prop, es tracta de deformacions afectant CUBS omplint l'espai tridimensional.

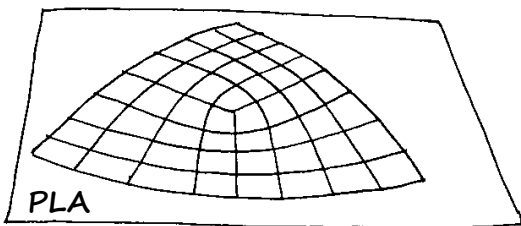


I ara, és curiós, podria apilar tots aquests cubs estranys i omplir l'espai.

# PROJECCIONS



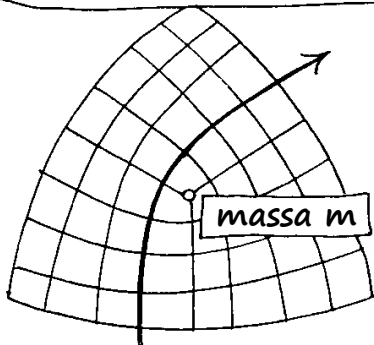
Puc projectar les geodèsiques d'un con a sobre d'un pla.



Totes aquestes línies incorbades, això evoca trajectòries.



Exacte!



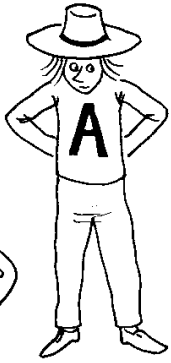
La idea de base de la RELATIVITAT GENERAL consisteix a assimilar les MASSES a alteracions locals de la curvatura de l'espai.

Vol dir que la massa és un angle??!

Hi Hi!... Fiqueu-me per  $\pi/8$ ...



Sí, en la mida en que les masses són concentracions de curvatura.



En resum, el que vostè vol dir, senyor Albert, és que les inflexions de les trajectòries, degudes a les FORCES, no són més que un efecte de PROJECCIÓ, a dins del nostre món sensible, d'una trajectòria traçada a sobre d'una altra superfície, i que és una GEODÈSICA d'aquesta.

Més metafísica!

No, és geometria.

Et donaré un exemple. Imagina que ens trobem a dins d'una nau espacial, en òrbita al voltant de la Terra.

Ens trobem fora de tota gravetat.

Ah no!

Mi!

Jugarem a una espècie de billar.

Aparentment, aquest objecte està constituït amb dues superfícies transparents, plenes de plecs, de butllofes, però idèntiques i properes l'una de l'altra.

El que permet llançar petites boles entre les dues, i observar les seves trajectòries.

Aquestes no depenen de la velocitat inicial  $V$  que es conserva durant tot el moviment.

*La Jiverris*

En aquest cas precis, resulta que totes les trajectòries possibles són **GEODÈSIQUES** (si hi hagués gravetat això no passaria).

Oh, mireu, el llum projecta les trajectòries a sobre del sòl de la nau espacial.

Algú que solament veiés aquestes ombres pensaria que els objectes que es desplacen a sobre d'aquest PLA estan sotmesos a un **CAMP de FORÇA**. Quan en realitat es tracta d'un problema de curvatura d'una superfície.

Aleshores, quan observo la trajectòria d'un cometa al voltant del Sol, suposant que es realitza a dins d'un espai tridimensional euclidià, sense curvatura, de fet aquest cometa segueix una GEODÈSICA d'una mena d'espai a dins del qual... va TOT RECTE!!!!

Solament percebem l'ombra de les coses.

És molt platònic el que diu, estimat Tirèsies.

Solament podem anar TOT RECTE!

La LLUM també segueix una geodèsica.

Carai, són divertides, les geodèsiques, quan les projectem seguint un altre angle, no tenen el mateix aspecte en absolut!

??!

Tirèsies!

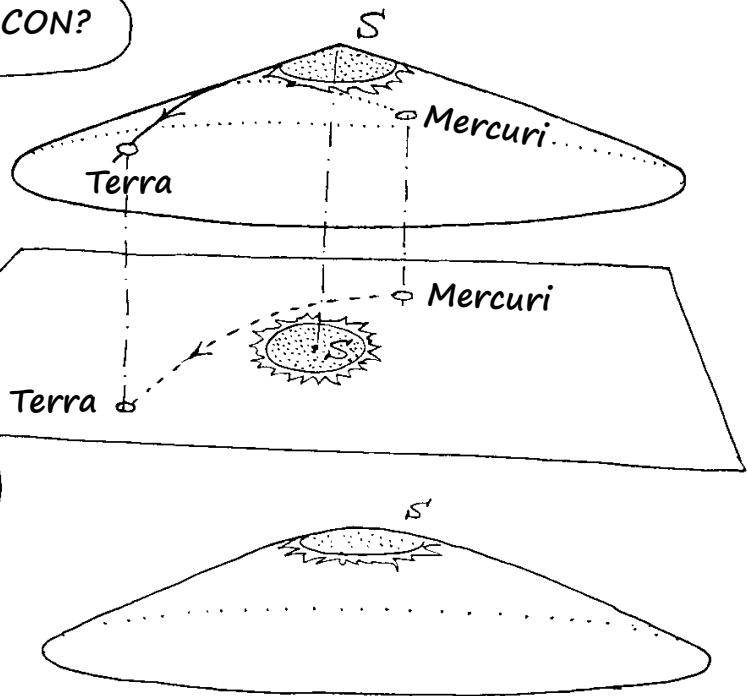
Bé, bé...

# MASSA-MATÈRIA

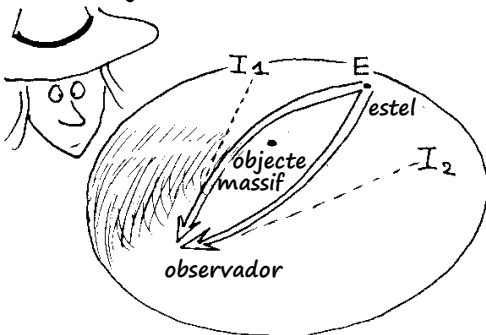
Però aleshores, el Sol és un... CON?



Sabem que el Sol desvia els raigs lluminosos que venen de Mercuri.



Creiem que l'espai, veí del SOL, és PLA. De fet, aquest astre, per la seva important massa, representa una certa quantitat de curvatura. Però com el Sol no és una massa puntual, hem de representar aquesta regió de l'espai amb l'ajuda d'un con esmussat:



Objectes extremadament massisos poden corbar l'espai fins al punt que un observador podrà percebre DUES imatges  $I_1$  i  $I_2$  d'un mateix estel E: és l'efecte de la LENT GRAVITATÒRIA, recentment posat en evidència per l'observació.



Les masses dels àtoms, partícules,  
constitueixen la curvatura general de l'Univers.

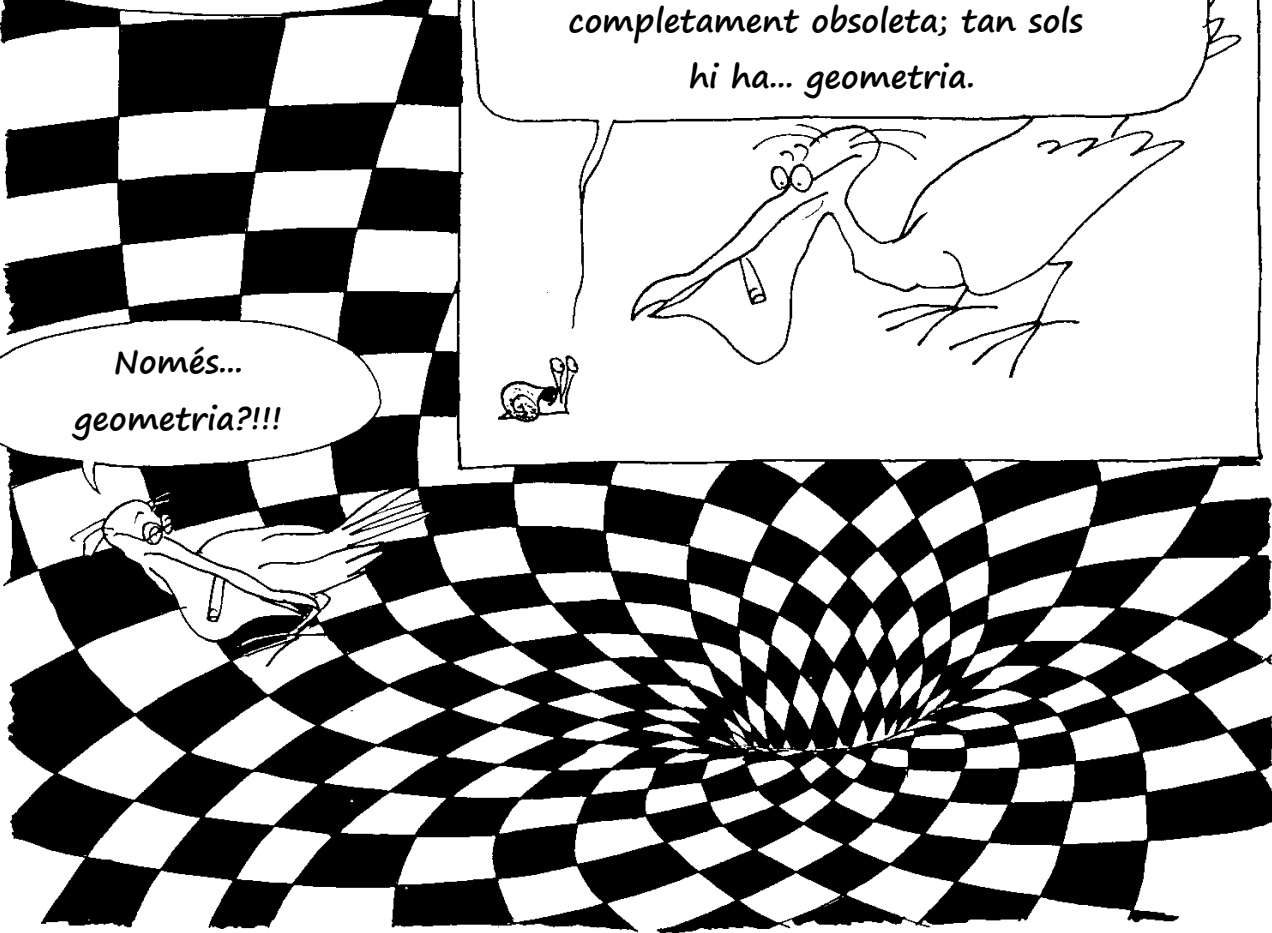
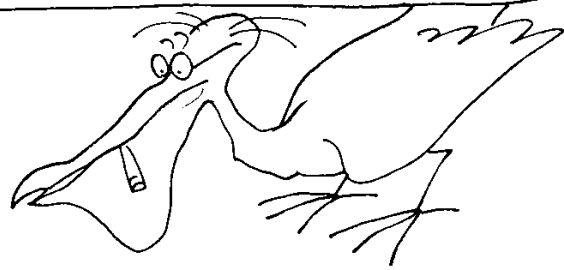
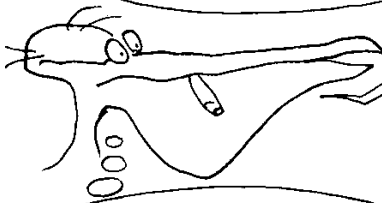
Es dóna a la MASSA una  
significació GEOMÈTRICA.

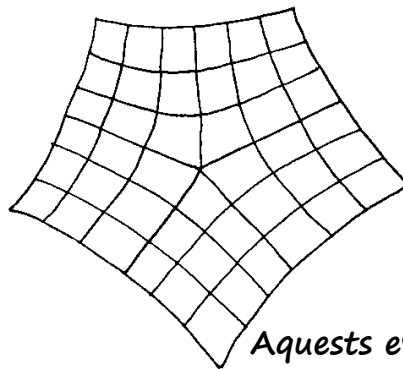
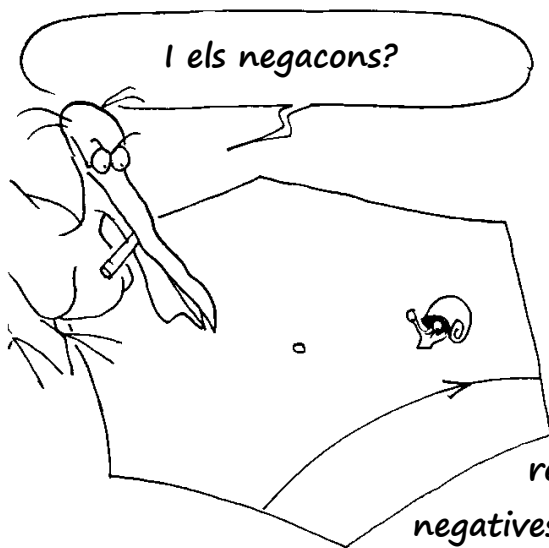
Però, entre els àtoms  
hi ha el... BUIT?

O aleshores ja no  
comprenc res...

Només...  
geometria?!!!

Però no, estimat amic, aquesta antiga  
oposició entre matèria i buit està  
completament obsoleta; tan sols  
hi ha... geometria.

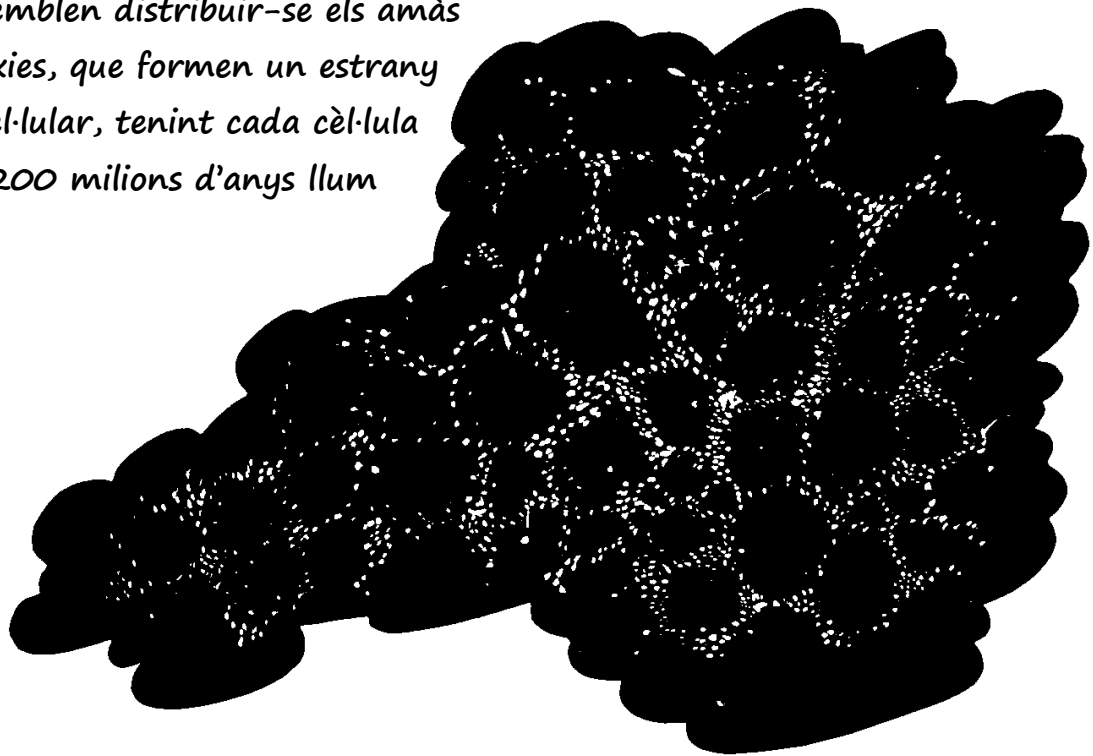




Aquests evocuen "masses negatives", generadores de forces repulsives. Un univers omplert de masses negatives seria estrany. En lloc de crear galàxies,

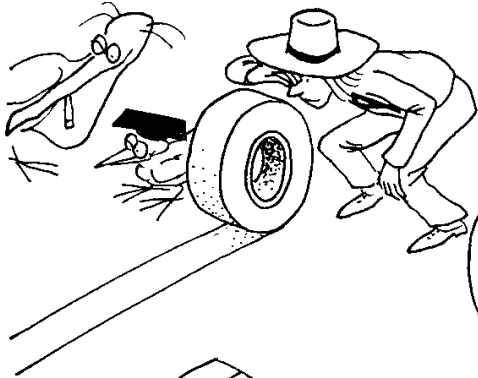
estels, es poblaria de bombolles, de grans buits:

Així semblen distribuir-se els amàs de galàxies, que formen un estrany teixit cel·lular, tenint cada cèl·lula alguns 200 milions d'anys llum a sobre.

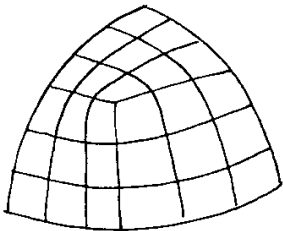


Les forces de gravetat podrien, aleshores, revelar-se repulsives a molta distància.

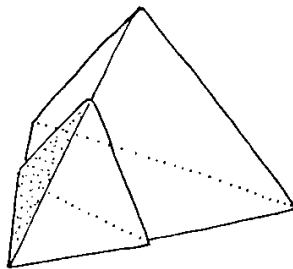
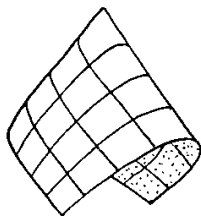
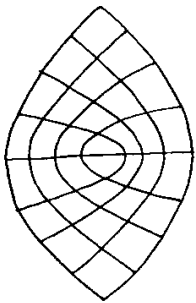
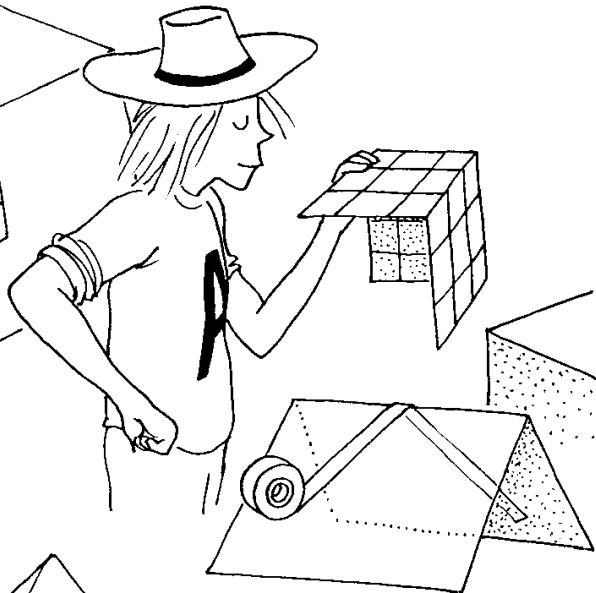
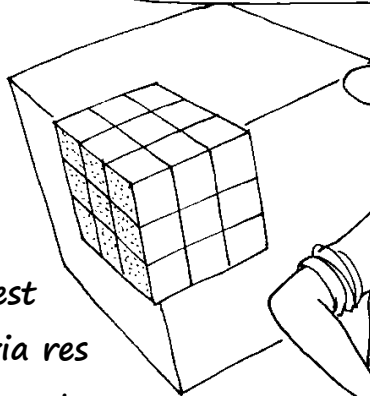
# POLÍEDRES



Anselm, materialitzaràs les geodèsiques d'una superfície amb l'ajuda, per exemple, d'una cinta adhesiva.



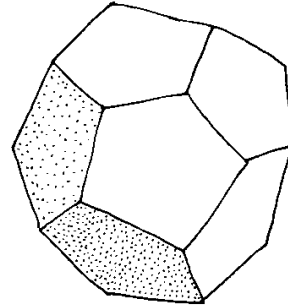
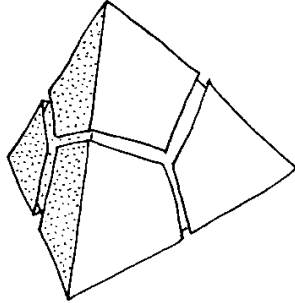
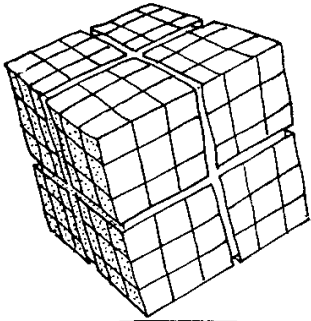
El fet de plegar aquest con ( $\theta=90^\circ$ ), no canvia res a les geodèsiques, i aquest casa perfectament amb el vèrtex d'un cub.



Així mateix, pots fer tres plecs en aquest con ( $\theta=180^\circ$ ) per fer-lo coincidir amb el vèrtex d'un tetraedre regular.



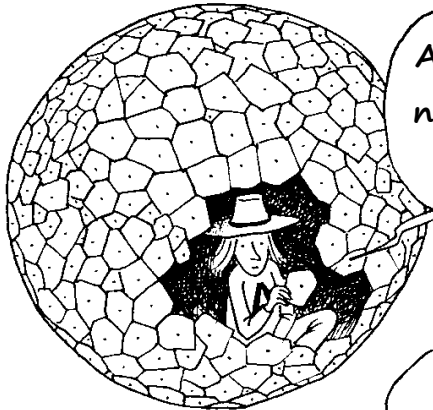
# UN ESPAI HA DE SER OBERT O TANCAT



Vuit cons ( $\theta=90^\circ$ )  
permetent fabricar  
un CUB.  
 $90 \times 8 = 720^\circ$

Quatre cons ( $\theta=180^\circ$ )  
permetent fabricar  
un TETRAEDRE.  
 $180 \times 4 = 720^\circ$

Vint cons ( $\theta=36^\circ$ )  
permetent fabricar  
un DODECAEDRE.  
 $20 \times 36^\circ = 720^\circ$



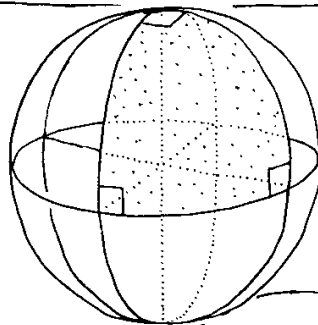
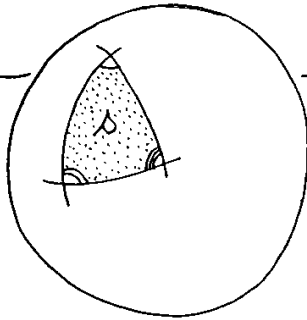
Ajuntant d'una forma el més regular possible un nombre  $N$  de microcons d'angle  $\theta$ , puc constatar que quan  $N \times \theta = 720^\circ$  obtinc... una esfera!

És normal, ja que la CURVATURA TOTAL de l'esfera val  $720^\circ$ .

Ara, surt d'aquí estimat meu.

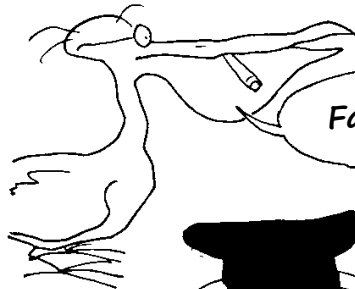
A sobre de l'esfera, la curvatura està repartida uniformement. Així la suma dels angles d'un triangle traçat a sobre d'una esfera és igual a  $180^\circ + 720^\circ \times \frac{\Delta}{S}$  a on  $\Delta$  és la superfície del triangle i  $S$  la de l'esfera. El segon terme:  $720^\circ \times \frac{\Delta}{S}$  representa la QUANTITAT de CURVATURA continguda a dins del triangle.

*La Diverció* (\*)



Exemple: aquest triangle ocupa un vuitè de la superfície de l'esfera

$$\hat{A} + \hat{B} + \hat{C} = 180^\circ + \frac{720^\circ}{8} = 270^\circ$$



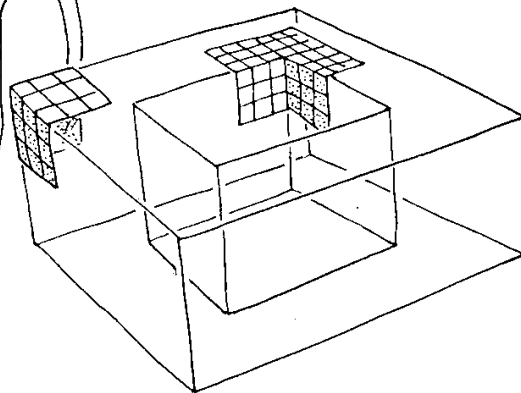
Fantàstic!...

Per raons anàlogues, si la densitat mitja al nostre espai tridimensional (és a dir la quantitat de curvatura per unitat de volum) excedeix de  $10^{-29}$  grams/cm<sup>3</sup> aquest espai es TANCARÀ sobre ell mateix.



Digui, senyor Albert, la curvatura total d'un TOR, què val?

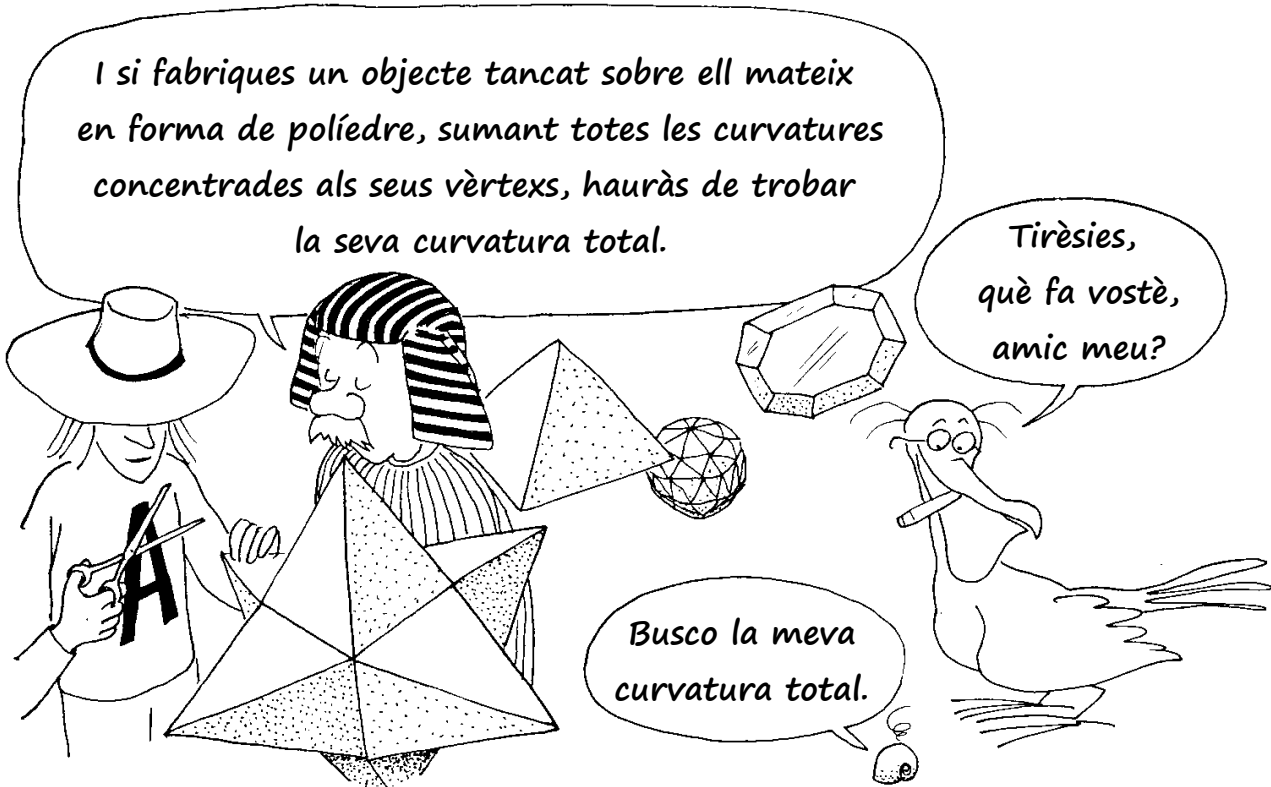
Senzill, Anselm, tan sols has de representar-la així: amb vuit posicons ( $\theta = +90^\circ$ ) i vuit negacons ( $\theta = -90^\circ$ ).



(\*) Teorema degut a GAUSS.



Un tor amb  $N$  forats, una FOUGASSE<sup>(\*)</sup>, tindrà una curvatura total igual a  $-4\pi(N-1)$  (tallem  $4\pi$  per cada forat).

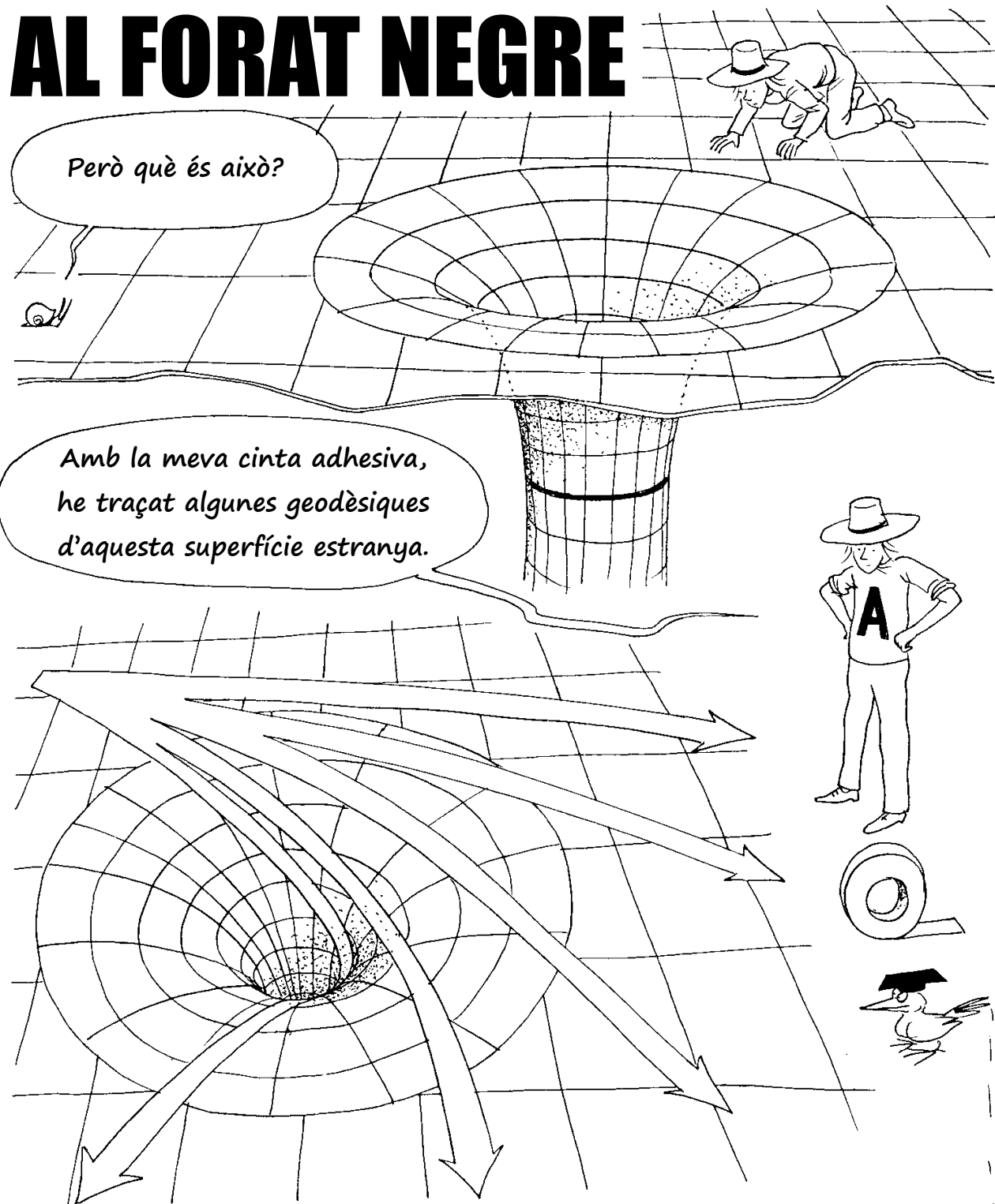


(\*) Una FOUGASSE és una espècie de pa que es fabrica a la Provença francesa, a on viu l'autor.

# PRIMER APROPAMENT AL FORAT NEGRE

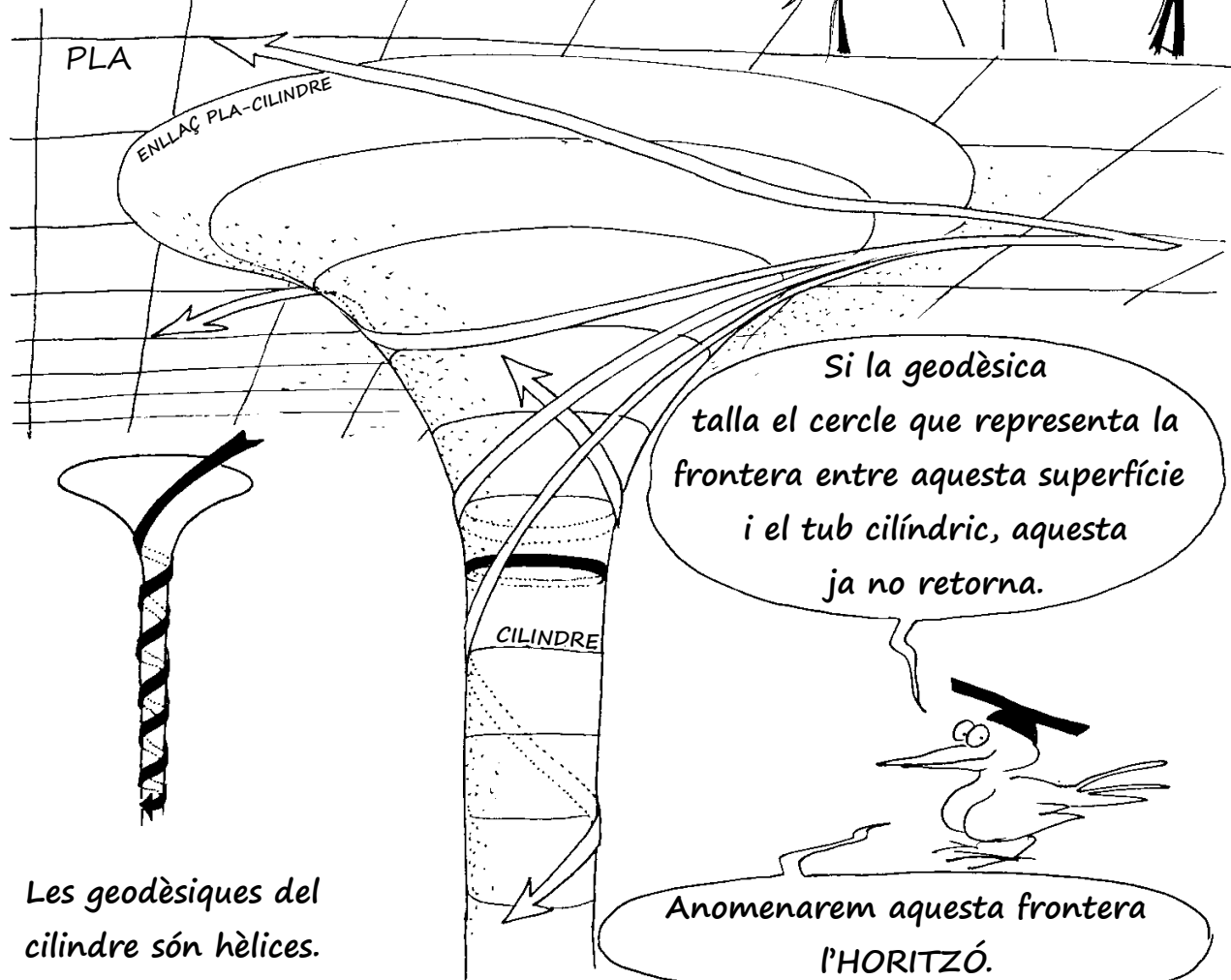
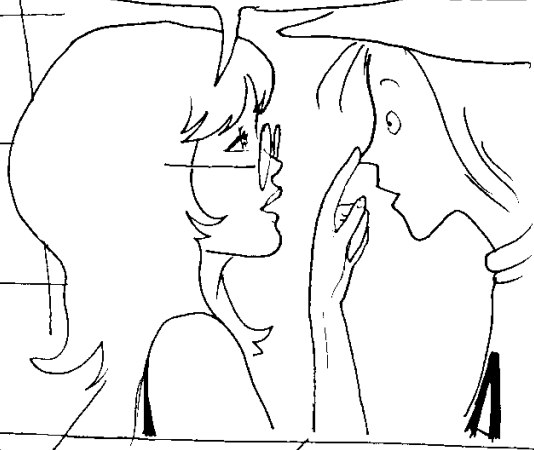
Però què és això?

Amb la meua cinta adhesiva,  
he traçat algunes geodèsiques  
d'aquesta superfície estranya.





Si la geodèsica es submergeix suficientment en aquesta depressió, arribarà a tallar-se ella mateixa.



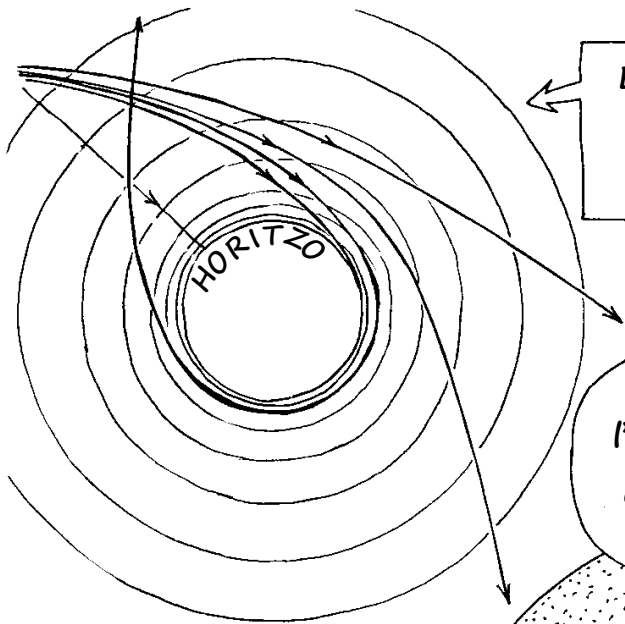
Si la geodèsica talla el cercle que representa la frontera entre aquesta superfície i el tub cilíndric, aquesta ja no retorna.



Anomenarem aquesta frontera l'HORIZZÓ.

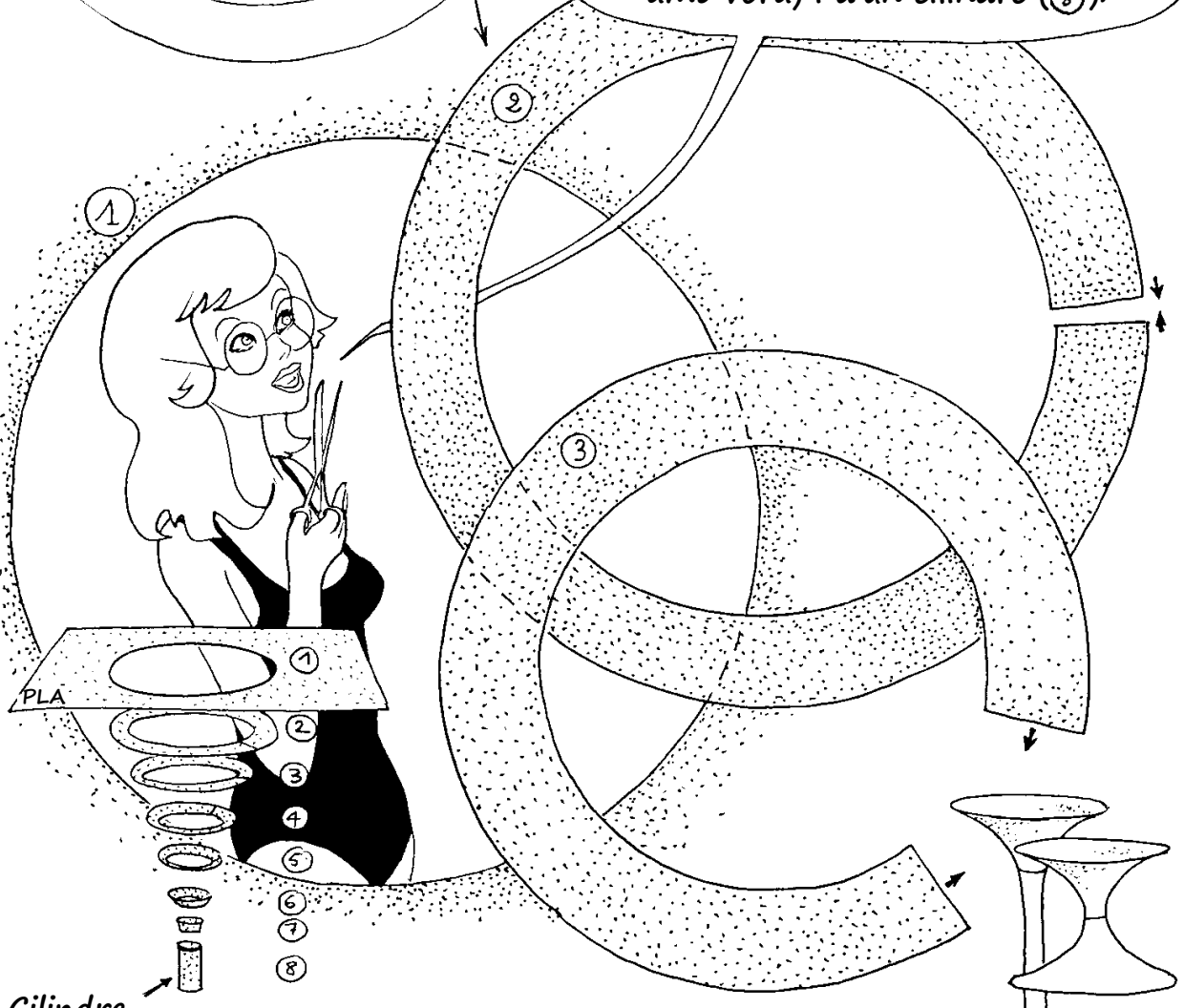
Les geodèsiques del cilindre són hèlices.





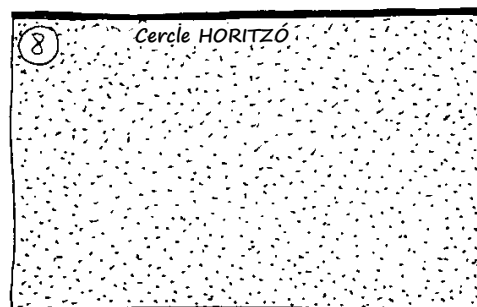
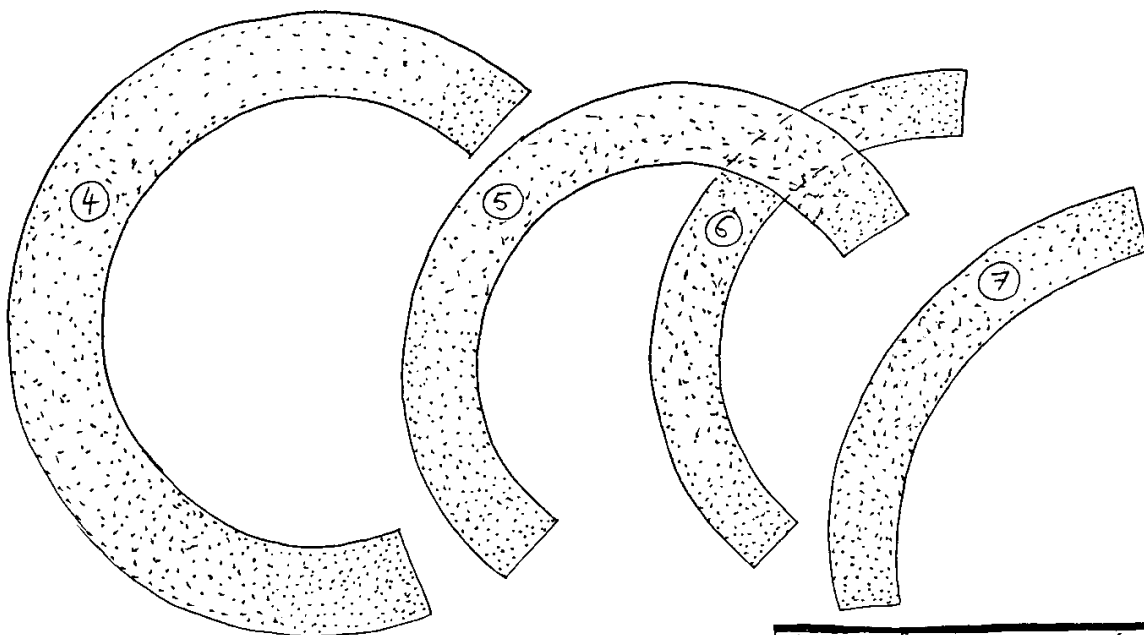
El que tinguéss l'il·lusió de viure en un món PLA concebria les trajectòries d'aquesta manera.

Fabriqueu el vostre forat negre amb l'ajuda d'un pla fornit d'un forat (1), de sis troncs de cons (a ajuntar vora amb vora) i d'un cilindre (8).

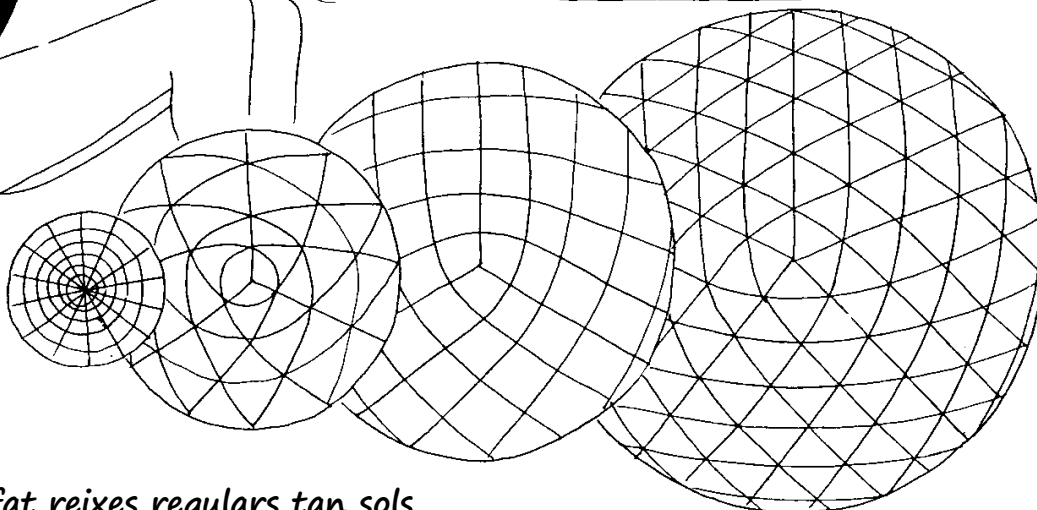


Cilindre

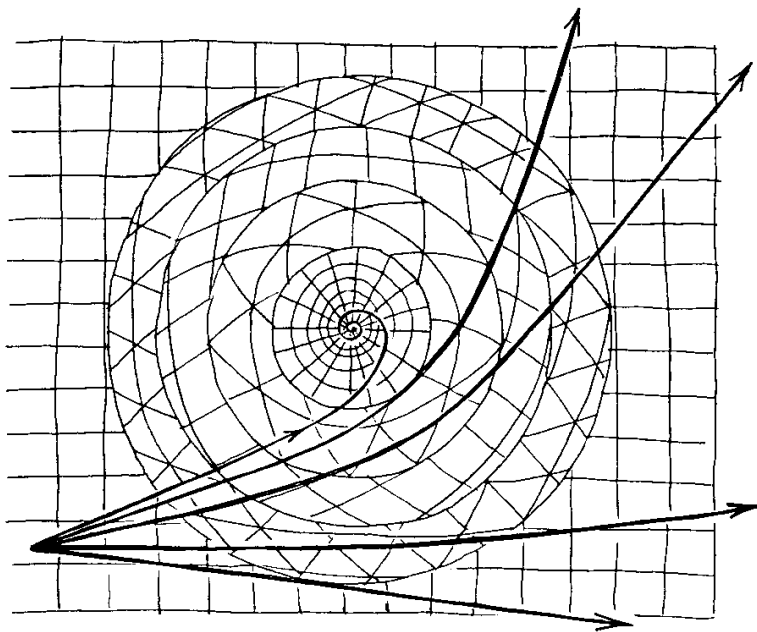
VARIANTS



Vet aquí una altra forma de fabricar un FORAT NEGRE, amb l'ajuda de reixes.



Hem agafat reixes regulars tan sols per raons estètiques.



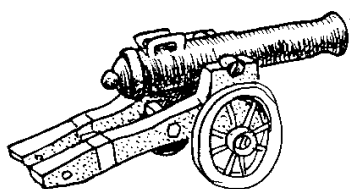
La regla del joc consisteix a tallar aquestes reixes successives sota un angle constant, assegurant un enllaç, una continuïtat, a cada frontera circular. Com més ens apropem al forat negre més sentim la seva atracció. A l'interior del CERCLE HORITZÓ, la trajectòria s'enrotlla en espiral. Notarem que la reixa central, polar, pot ser assimilada a la

reixa d'un cilindre per geodèsiques, vist en perspectiva.

Compte!

Hi ha alguna cosa que no està clara de A a Z a la vostra història!

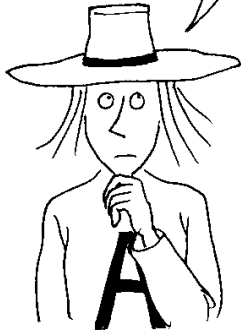
Canvieu masses per curvatures i les trajectòries per geodèsiques. Però què feu de la VELOCITAT INICIAL?



La trajectòria d'un objecte al camp de força creat per una o diverses masses depèn de la seva velocitat inicial  $V_0$ .

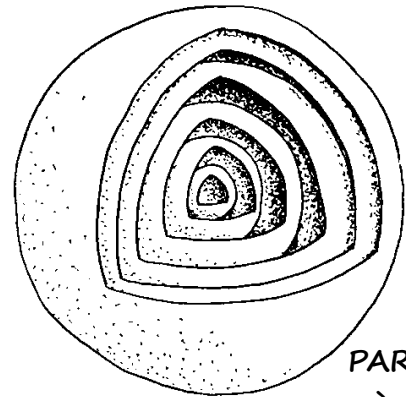
Exemple: l'obús d'un canó i l'atracció terrestre.

Aleshores, el dibuixos d'abans corresponien a un valor particular de la velocitat inicial  $V_0$ ?



# EN IMMERSIÓ

Imaginem un món contruït com una ceba, és a dir en capes concèntriques. (\*)

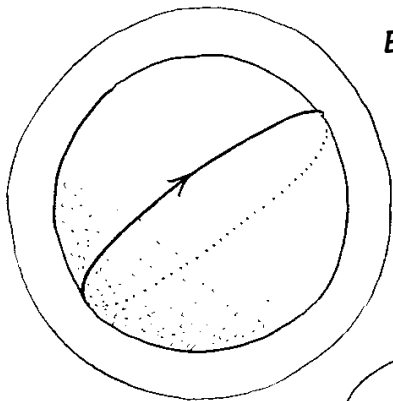


PARC CÒSMIC

A cada capa li correspon una intensitat  $V$  de la velocitat. I com més ràpid anem, més ens trobem en profunditat

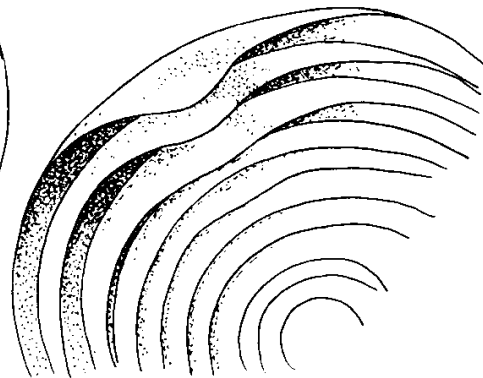
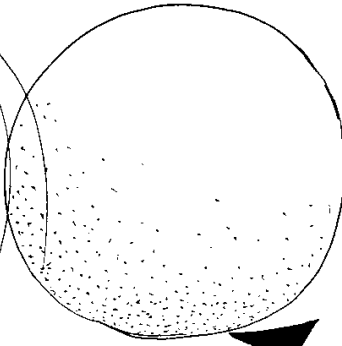
A la velocitat de la llum, ens trobem al centre de la ceba.

(\*) Aquest model ja ha estat presentat a TOT ÉS RELATIU, sota el nom de PARC CÒSMIC (mateix autor, edicions BELIN).

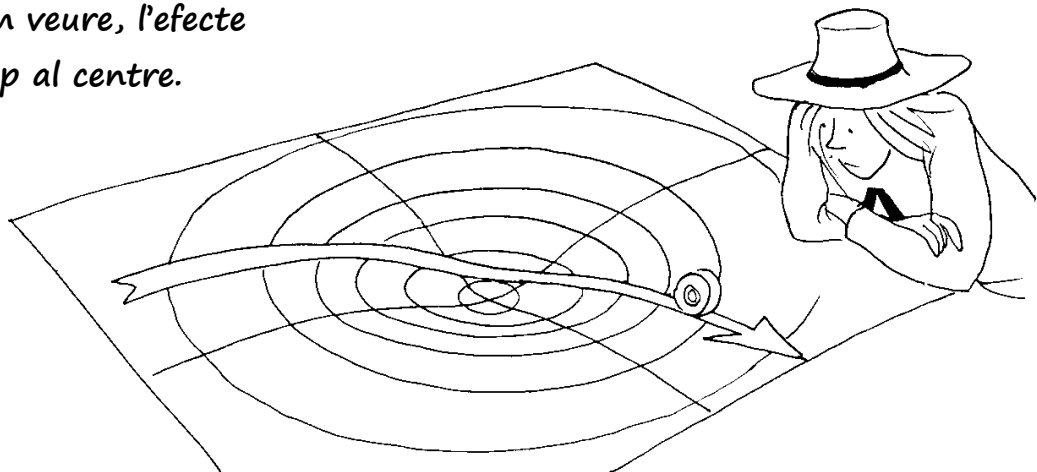


En absència de **FORCES**, un objecte conserva la seva velocitat  $V$  (que es queda a una mateixa distància del centre de la ceba). Aquest descriu una **GEODÈSICA** de l'**ESFERA** corresponent, és a dir, un **GRAN CERCLE**.

I ara mireu bé!

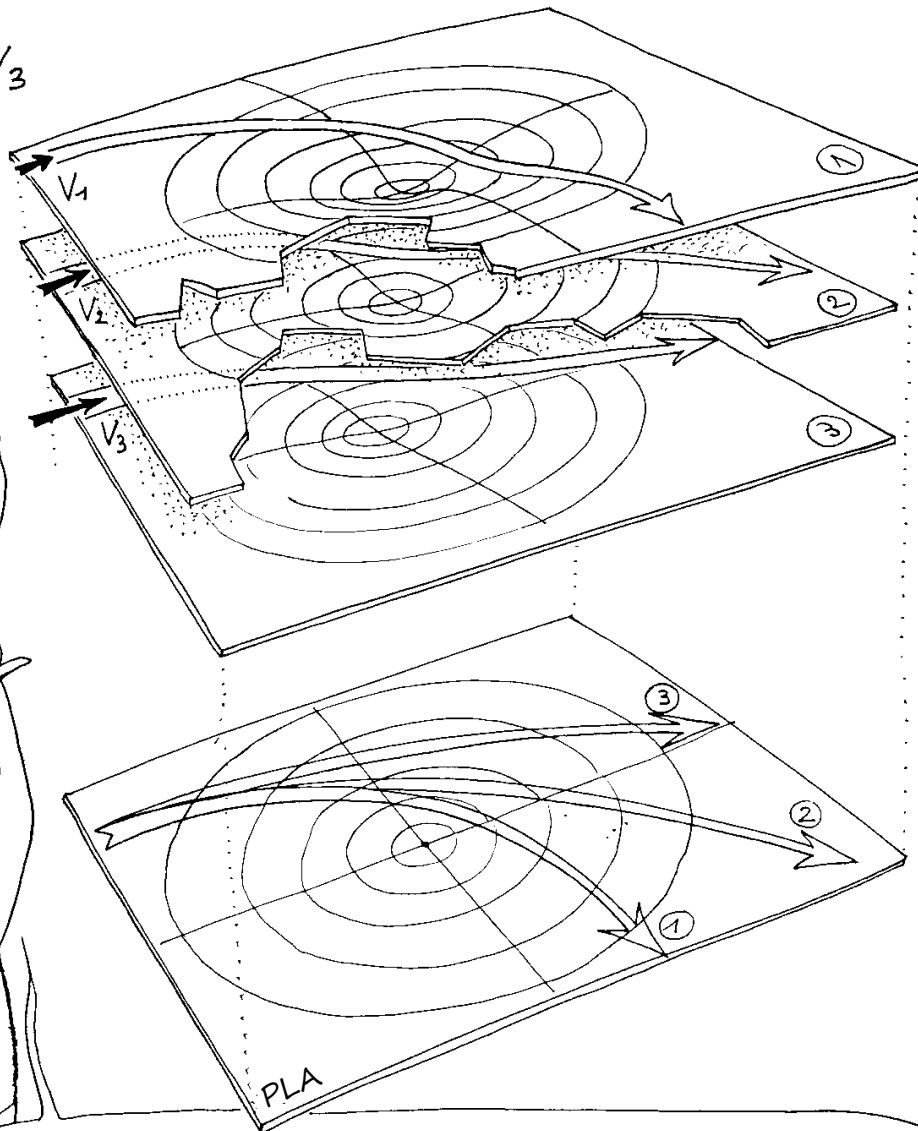


Vet aquí el resultat del cop de martell del senyor Albert. Com podem veure, l'efecte s'atenua cap al centre.

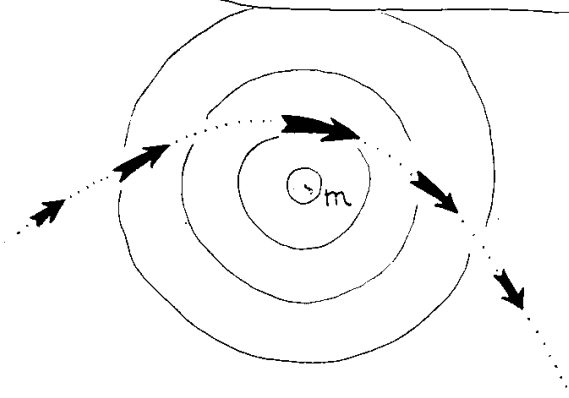


Vet aquí un clot (o un bony, és igual...). Hem figurat les línies de nivell (que no són **GEODÈSIQUES!**) i una geodèsica particular.

$$V_1 < V_2 < V_3$$



Com més feble és la velocitat inicial, més marcada està la deformació i més incorbada és la trajectòria.



Sota l'efecte de l'atracció gravitacional, la velocitat d'un objecte primer creix i després disminueix. La velocitat màxima s'ateny quan la distància entre l'objecte i la massa atractiva és mínima (periheli).

Què és aquest aparell?

És la  
**CRONOESCAFA.**

Permet seguir les geodèsiques  
del parc còsmic.

Però per què tancar-se  
a dins del cronoescafa?

Tot el conjunt  
del parc còsmic està  
immers a dins d'un fluid:  
el **CRONOL.**

Mai no em  
faran pujar  
aquí dins.

El trajecte seguit  
pel **CRONOESCAFA**  
s'anomena el **DESTÍ.**

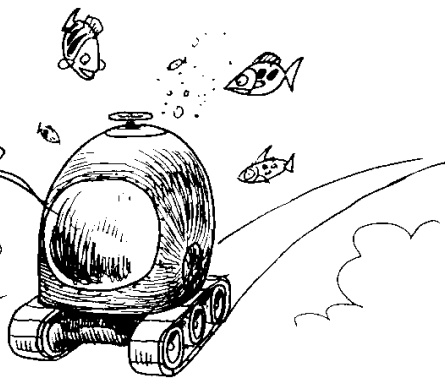


(\*Nota INFORMATIVA: El SEGON PRINCIPI ens diu que és impossible seguir les geodèsiques de l'espai-temps (PARC CÒSMIC) en sentit contrari.

*La Tirècia*



Com la pressió  $P_R$  és superior a  $P_E$ ,  
el cronol s'escola i el cabalímetre indica  
el temps que passa.



Com més ens enfoncem a dins del  
cronol més creix la pressió  $P_E$ . Com el flux és  
proporcional a l'increment ( $P_R - P_E$ ): el temps  
passa menys ràpidament.

I la profunditat, **ÉS** la  
velocitat. Aleshores, com més  
ràpid anem menys passa el  
temps (\*).



I quan ens trobem a la velocitat  
de la llum,  $P_E$  es torna precisament  
**IGUAL** que  $P_R$ , i el temps s'atura.



I no podem anar més ràpid que la velocitat de la llum,  
al igual que no podem anar més enllà de la profunditat  
a on es troba el centre del Parc Còsmic.

(\*)**VEURE TOT ÉS RELATIU**, mateix autor, edicions BELIN.

La superfície del Parc Còsmic és l'immobilitat, el repòs.

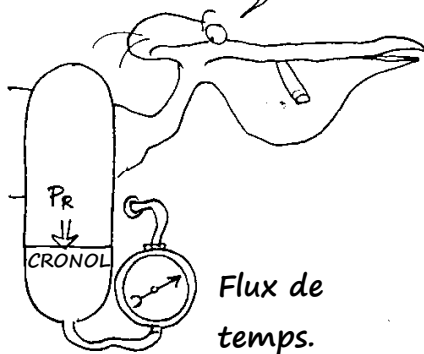


És quedant-se immòbil quan més envellim!



Quan un cos és molt massís, corba molt l'espai-temps. El que vol dir que en aquesta regió, fins i tot en repòs, un objecte estarà immers a dins d'un CRONOL amb pressió més forta. I el seu temps passarà menys ràpid que el temps d'un objecte igualment en repòs, però lluny de tota massa. Això seria el cas del veïnat d'un objecte súper dens com un estel de neutrons.

Què passaria si sortíssim bruscamment de la cronoescafa?



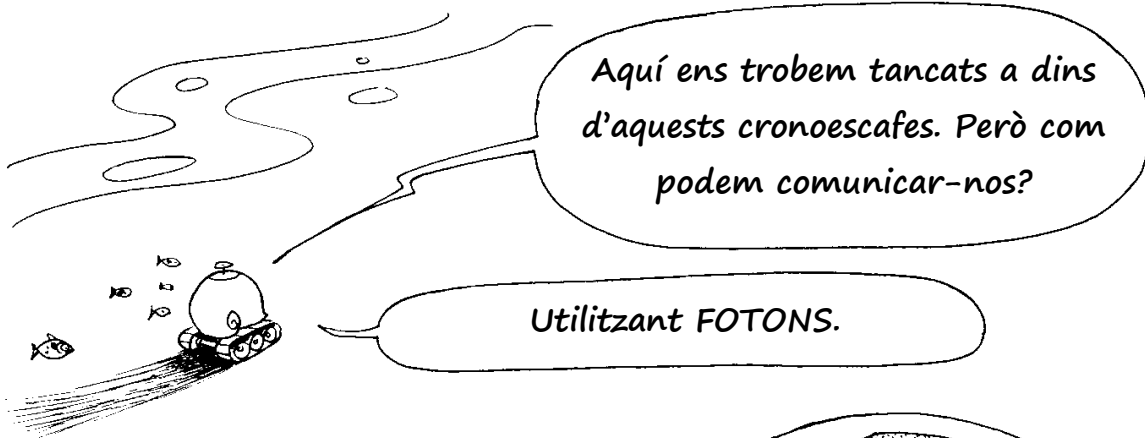
Flux de temps.

Potser envelliríem de cop.

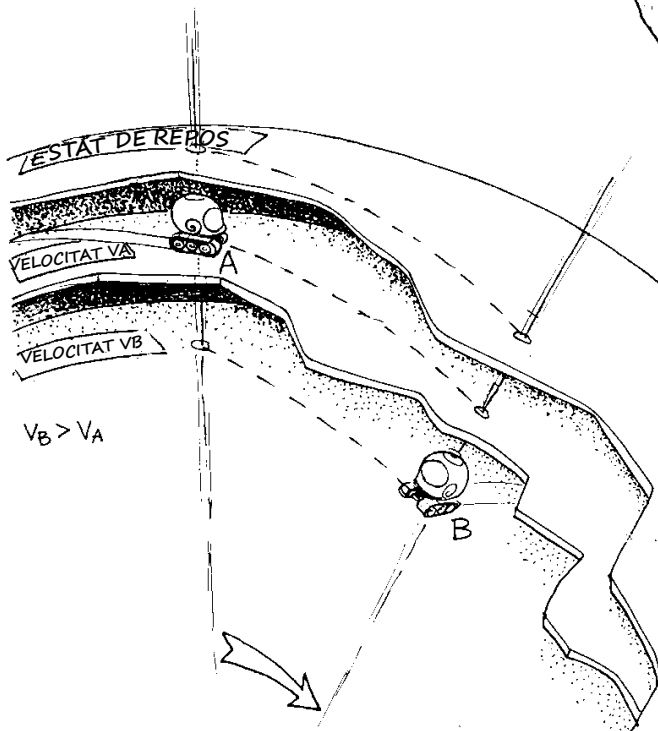
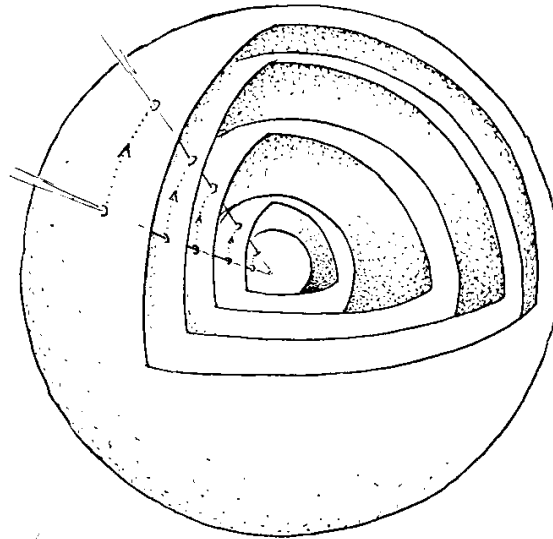


I quan el cronol del dipòsit s'ha esgotat, és... la mort?...

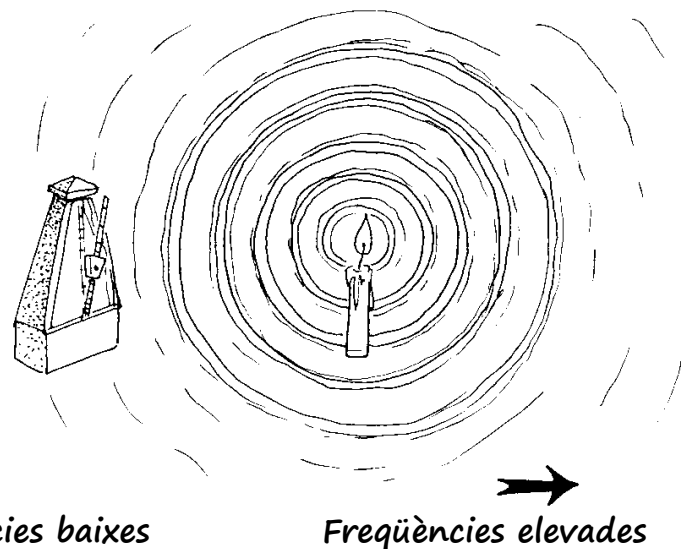
# COMUNICAR



*Els fotons són com pinzells de fars que escombrarien totes les capes del Parc Còsmic a una velocitat angular constant.*

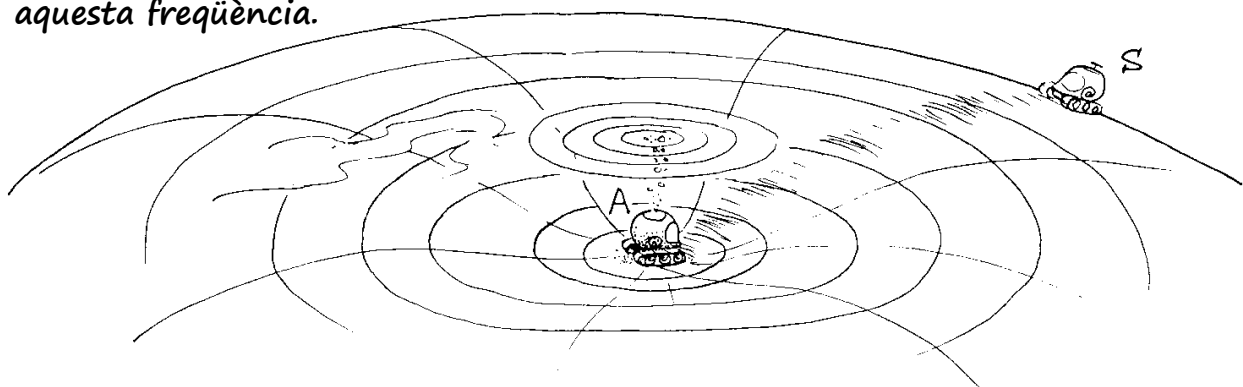


*Un objecte A, anant a una velocitat  $V_A$ , pot provocar la sortida d'un d'aquests pinzells de fars en direcció d'un objecte B anant a velocitat  $V_B$ .*



I el color està determinat per aquesta freqüència.

INFRAROIG VERMELL TARONJA GROC VERD BLAU VIOLETA ULTRAVIOLAT



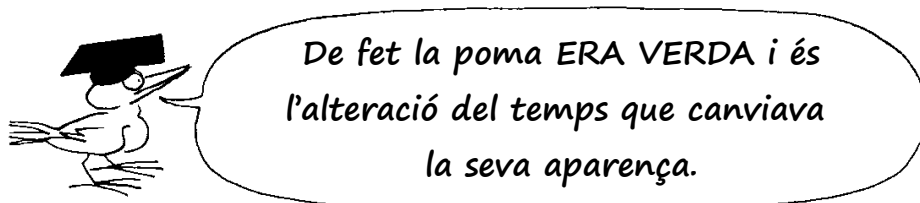
Les freqüències (emeses o rebudes) són mesurades en relació al temps que passa a dins del cronoescafa de l'emisor o del receptor. A dins del cronoescafa A, Anselm emet llum blava. Es troba a una regió de l'espai a on regna una forta curvatura. Es troba per exemple a prop d'un estel de neutrons (molt massís).

Sofia, a dins del cronoescafa S, rep aquesta llum. Es troba lluny d'aquest objecte supermassís. Aleshores el seu temps passarà més ràpid i mesurarà una freqüència més feble, fins al punt que aquesta llum serà, per Sofia, desplaçada cap al vermell.

És el que anomenem el RED SHIFT (lliscament cap al vermell) d'origen gravitacional.

**A**nselm es troba a sobre d'un estel de neutrons.

(L'hem alliberat de limitacions degudes a la gravetat perquè no sigui instantàniament aixafat a sobre de la seva superfície sota l'efecte del seu propi pes).



Les pomes ja no són el que eren...



# SEGON APROPAMENT AL FORAT NEGRE

Continuarem explorant  
el parc còsmic.

OK, jo pujo amb Lleó.  
Bona geodèsica!...

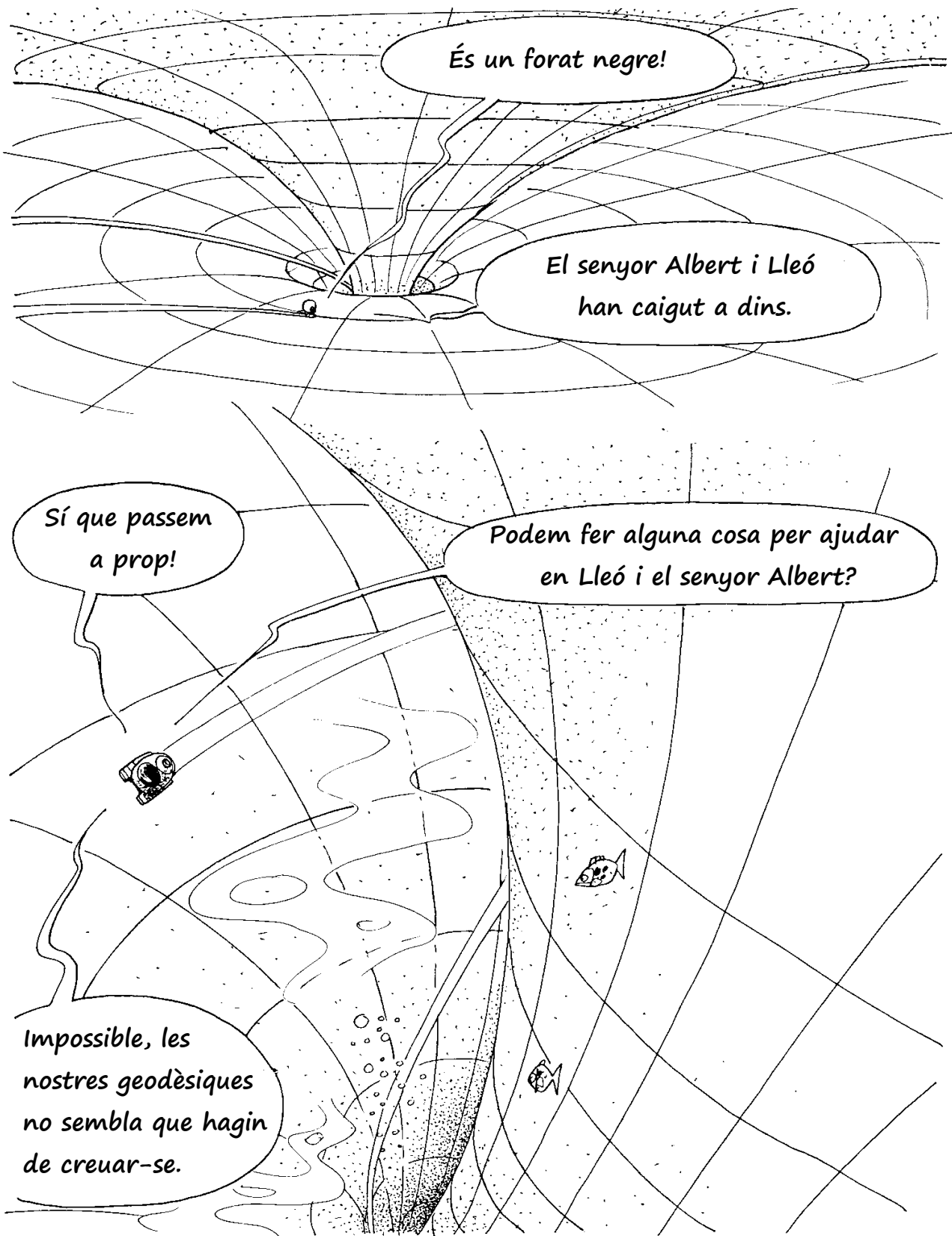
Lleó, senyor Albert,  
els veig, allà.

També tinc contacte amb  
fonia, per ràdio(\*).

Mira, què és aquella cosa  
allà baix?

Sembla un tornado.

(\* ) Les ones de ràdio són de la mateixa natura que les ones lluminoses.  
Mateixa velocitat de propagació  $C$ , però freqüències més baixes.



És un forat negre!

El senyor Albert i Lleó han caigut a dins.

Sí que passem a prop!

Podem fer alguna cosa per ajudar en Lleó i el senyor Albert?

Impossible, les nostres geodèsiques no sembla que hagin de creuar-se.



Els veus?

El fons del forat negre és completament opac.

Encara els veig, però el seu cronoescafa s'ha tornat de color vermell obscur.

Hola, senyor Albert, Lleó, m'escolteu?

No comprenc res. La seva veu s'ha tornat estrident i parla massa ràpid.

La seva veu és cada cop més greu. És com un disc aturant-se?!!

**AHHTEUHHH...**

Problemes de comunicació, quan vivim a dins de "bombolles de temps" molt diferents.



# QÜESTIÓ DE TEMPS

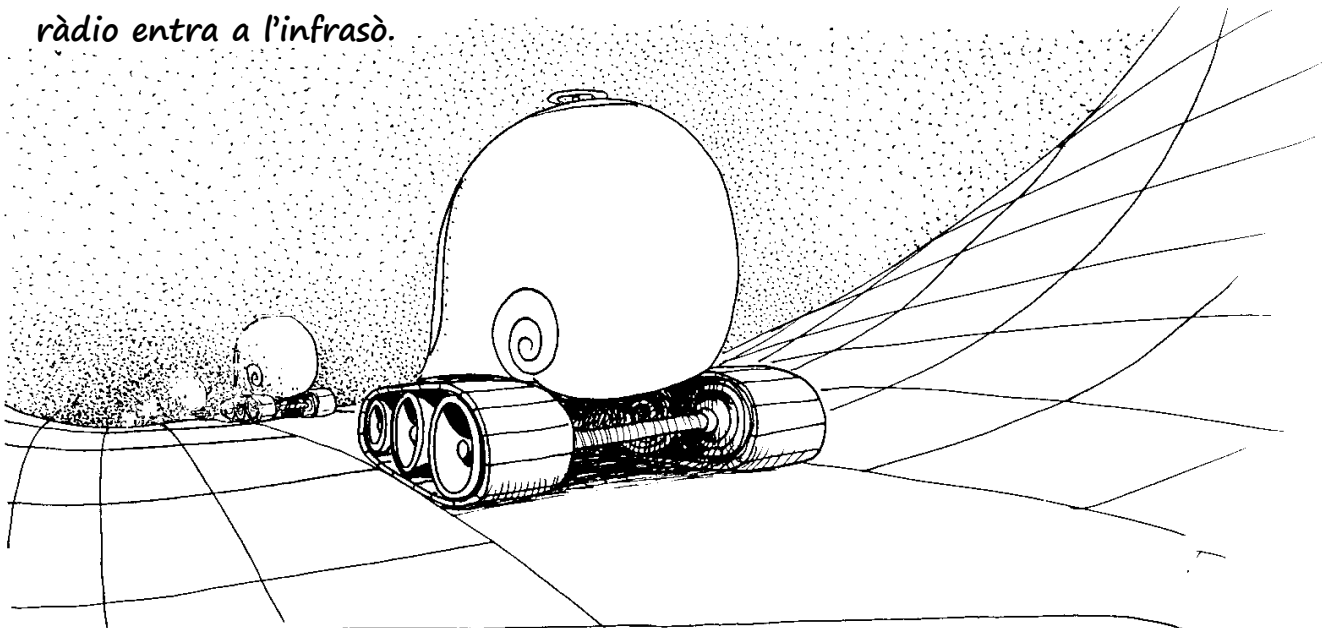
Com més s'enfonsen profundament Albert i Lleó a dins del CRONOL més creix la pressió exterior  $P_E$ , així doncs, contra menys emana la seva clepsidra, menys passa el temps a dins del seu cronoescafa.



Quan atenyin el fons de les coses i la velocitat de la llum, el seu rellotge d'aigua haurà emanat una quantitat limitada de cronol, el que significa que aquest trajecte haurà estat efectuat en un temps FINIT.

Però si Sofia, Anselm, Max i Tirèsies poguessin continuar la seva caiguda, aquesta els semblaria interminable.

La llum emesa pel seu cronoescafa es troba ràpidament sumida en l'infraroig fora del domini de la llum visible, mentre que el seu missatge de ràdio entra a l'infrasò.

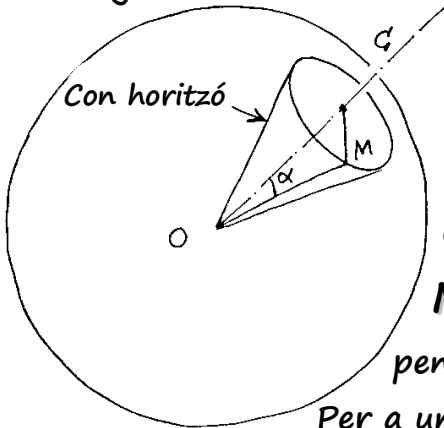
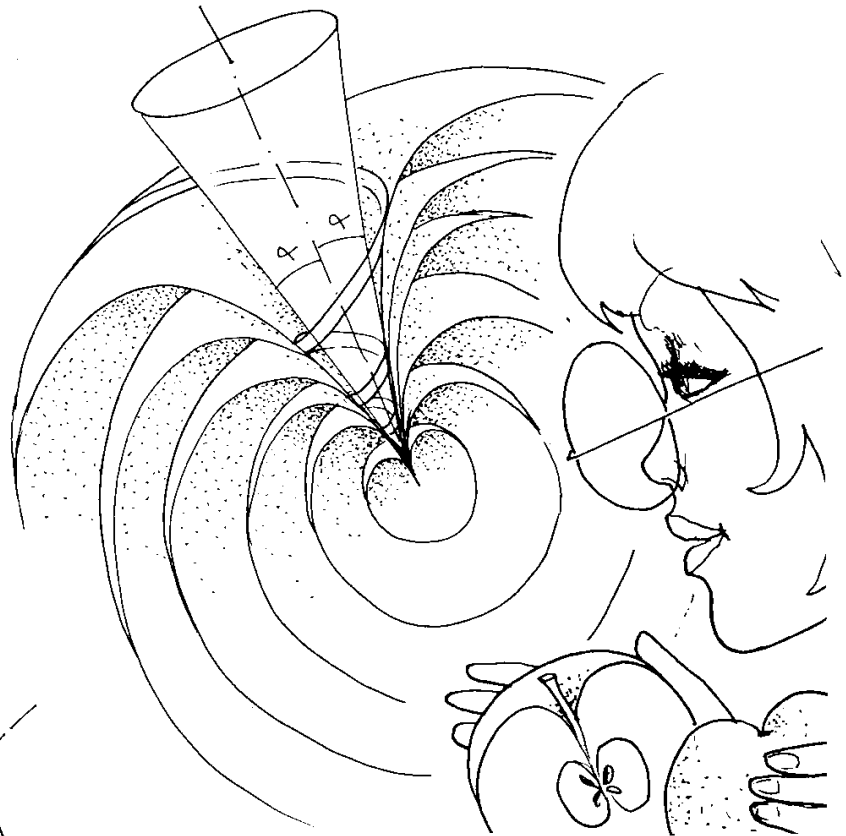


Això em fa pensar a la paradoxa d'Aquil·les, el que intenta apropar-se a la tortuga disminuint A CADA COP la distància que li separa per dos.

Ho aconsegueix en un temps finit.



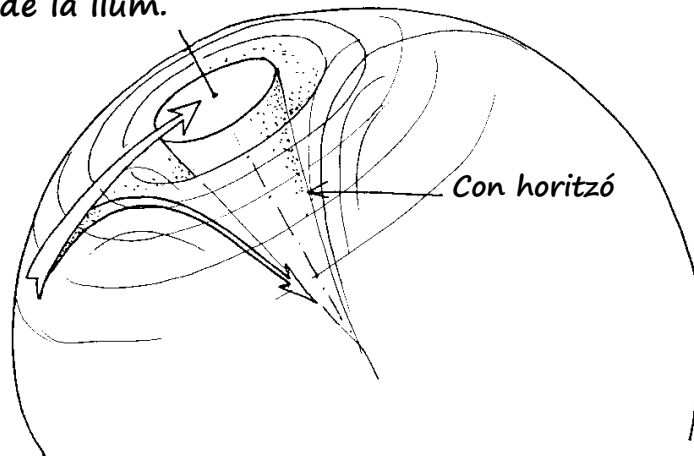
Aquí, en aquest model del PARC CÒSMIC, una imatge del forat negre. El punxó ha deformat completament l'espai-temps fins al centre, a on regna la velocitat de la llum. En aquest punt totes les capes es tornen tangents a un con de semiangle al vèrtex  $\alpha$ .

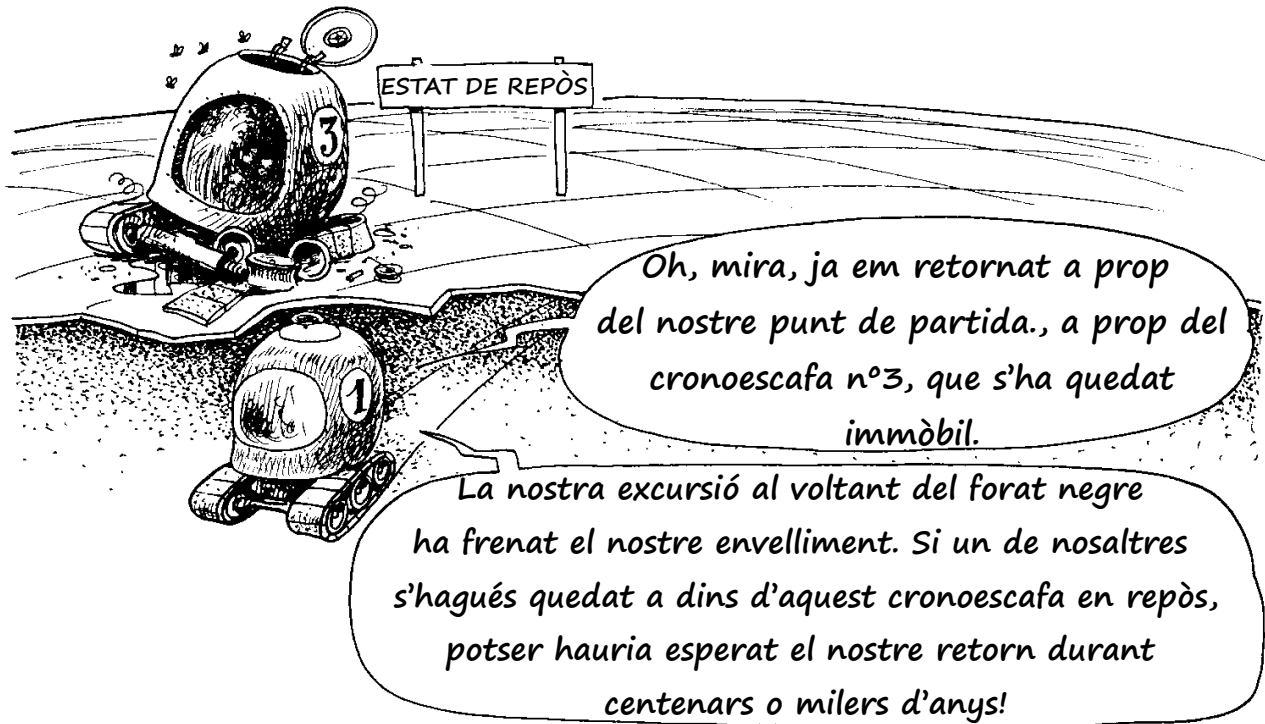


En aquest model, la distància és, de fet, un ANGLE entre dos radis vectors: exemple  $\vec{OM}$  i  $\vec{OC}$ .

Mirant el dibuix d'aquí dalt, ens adonem de que mai penetrem a l'interior del con de semiangle al vèrtex  $\alpha$ .

Per a un observador situat a la superfície del CRONOL, és a dir, en estat de repòs, i que no concebria pas aquesta curvatura de l'espai-temps, aquesta frontera del forat negre, anomenada HORIZÓ, apareixeria seguint un CERCLE que seria franquejat a la velocitat de la llum.





A on porten els forats negres?



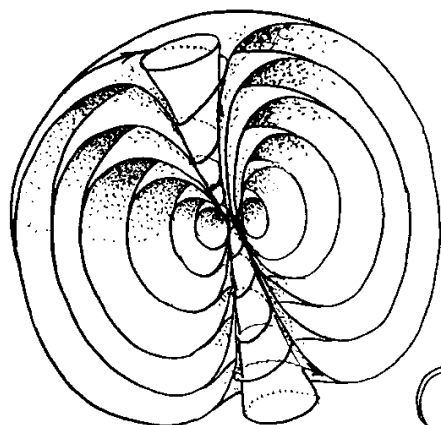
És a dir, un objecte a dins del qual no podríem entrar mai. Solament podríem sortir-ne.

Ningú sap res. La teoria demostra que un anti forat negre podria existir.



Una FONT BLANCA.

Aquí tenim, al model del PARC CÒSMIC, a què podria semblar-se una parella forat negre-font blanca.

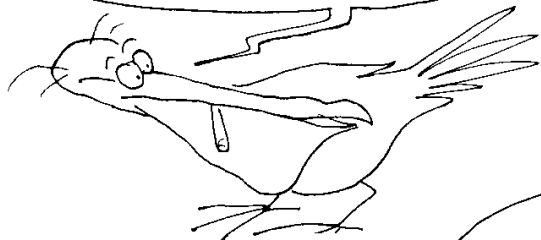


És el MATEIX objecte però amb una orientació inversa de les geodèsiques.



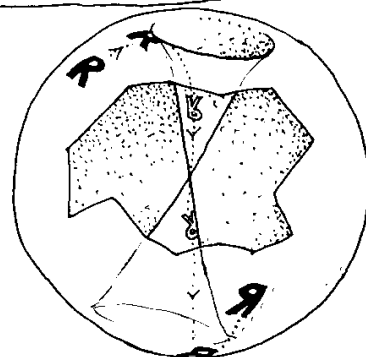
Però què hi ha A DINS del forat negre, més enllà de l'HORIZZÓ? N'hi ha... RES??!

A l'interior del forat negre hi hauria el RES en estat pur?...



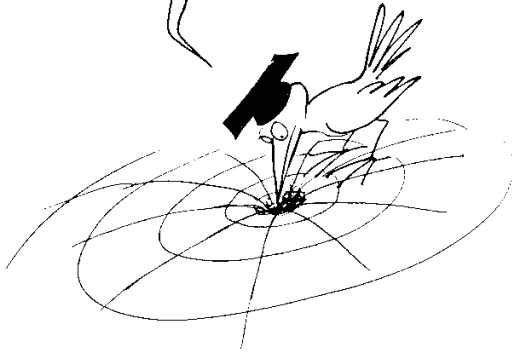
No! "L'interior" del forat negre seria simplement l'exterior de la font blanca associada.

Ens adonarem de que en aquest model, l'estructura FORAT NEGRE-FONT BLANCA dóna a tots els fulls del Parc Còsmic l'aspecte de superfícies inorientables, d'una sola cara, invertint, el "pas", els objectes. Per exemple, una **R** es transforma en **Я**.



# CLAR COM UN TINTER

Però existeixen altres teories. Alguns pensen que els forats negres posen el nostre univers en comunicació amb un **UNIVERS BESSÓ**.



O fins i tot amb un món a on tot estaria en mirall, inclòs el temps.



A l'habitant, si existeixen atrevits que s'han apropat a un forat negre, ningú ha tornat per explicar-ho.

En el fons, potser la conquilla de Tirèsies no és res més que un forat negre!



Mama!

Lleó, deixa a Tirèsies tranquil!

Vinga, Tirèsies, al final l'important és sentir-se bé a dins de la seva conquilla.

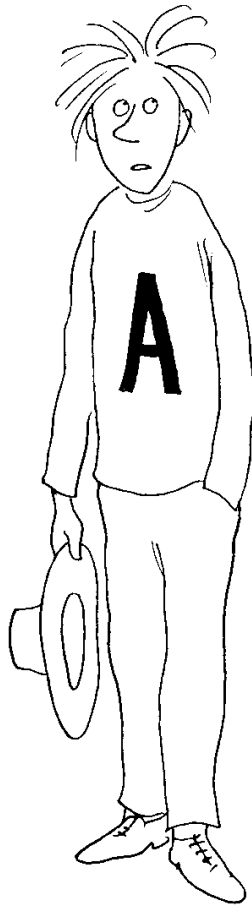
Mi!...

# EPÍLEG


Ostres, el cosmol!  
Em fa mal el cap...

A veure,  
el buit i la matèria,  
és el mateix! L'espai es pot  
tancar sobre ell mateix i solament  
podem anar tot recte!

*Si aquest Univers és el millor  
dels universos possibles, aleshores  
com són els altres?*



**FI**



D'on ve l'aigua  
que flueix d'aquesta aixeta  
que sembla flotar a l'espai?

Mmm...

I a on va,  
perquè el nivell a dins de la  
galleda es manté constant!

I, no obstant,  
l'aigua cau!



