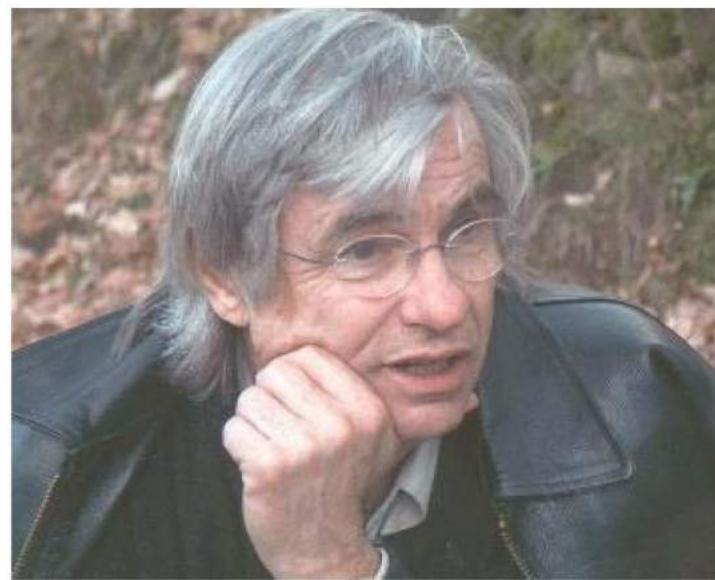


معرفة بلا حكم

# التحق بالأسود



تأليف: جين بيري بوتنر  
ترجمة: القضاوي محمد



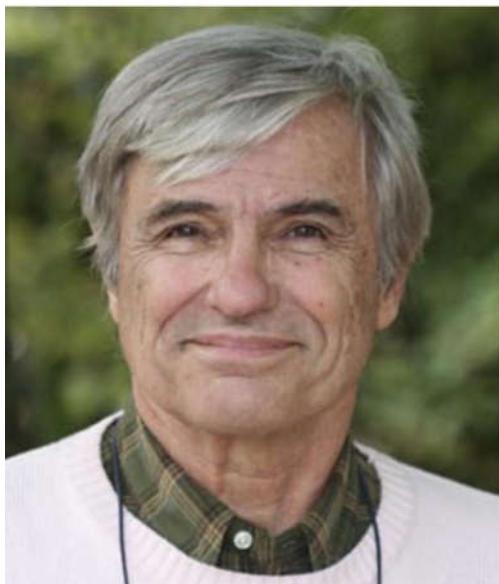
المؤلف: "جين بيير بوتي"، عالم الفيزياء الفلكية والمدير السابق للمركز الوطني للبحث العلمي (1)، ورئيس جمعية "معرفة بلا حدود" (2)، مبتكر نوع جديد من الرسوم المصورة، ذات التوجه العلمي.

(1) Centre national de la recherche scientifique

(2) [www.savoir-sans-frontieres.com](http://www.savoir-sans-frontieres.com)

# حدود بلا معرفة

فرنسـيان عالـمان ويـدـيرـها 2005 عام تأسـست رـبـحـيـة غـير جـمـعـيـة من رـسـمـهـ تمـ الـذـيـ النـطـاقـ باـتـخـادـ الـعـلـمـيـةـ المـعـرـفـةـ نـشـرـ : الـهـدـفـ تمـ 2020 عام فـيـ مـجـاـنـاـ لـلـتـنـزـيـلـ قـابـلـةـ PDFـ مـلـفـاتـ خـلـالـ عمـلـيـةـ 500000ـ منـ أـكـثـرـ معـ لـغـةـ 40ـ فـيـ تـرـجـمـةـ 565ـ تـحـقـيقـ تـنـزـيـلـ.



Jean-Pierre Petit



Gilles d'Agostini

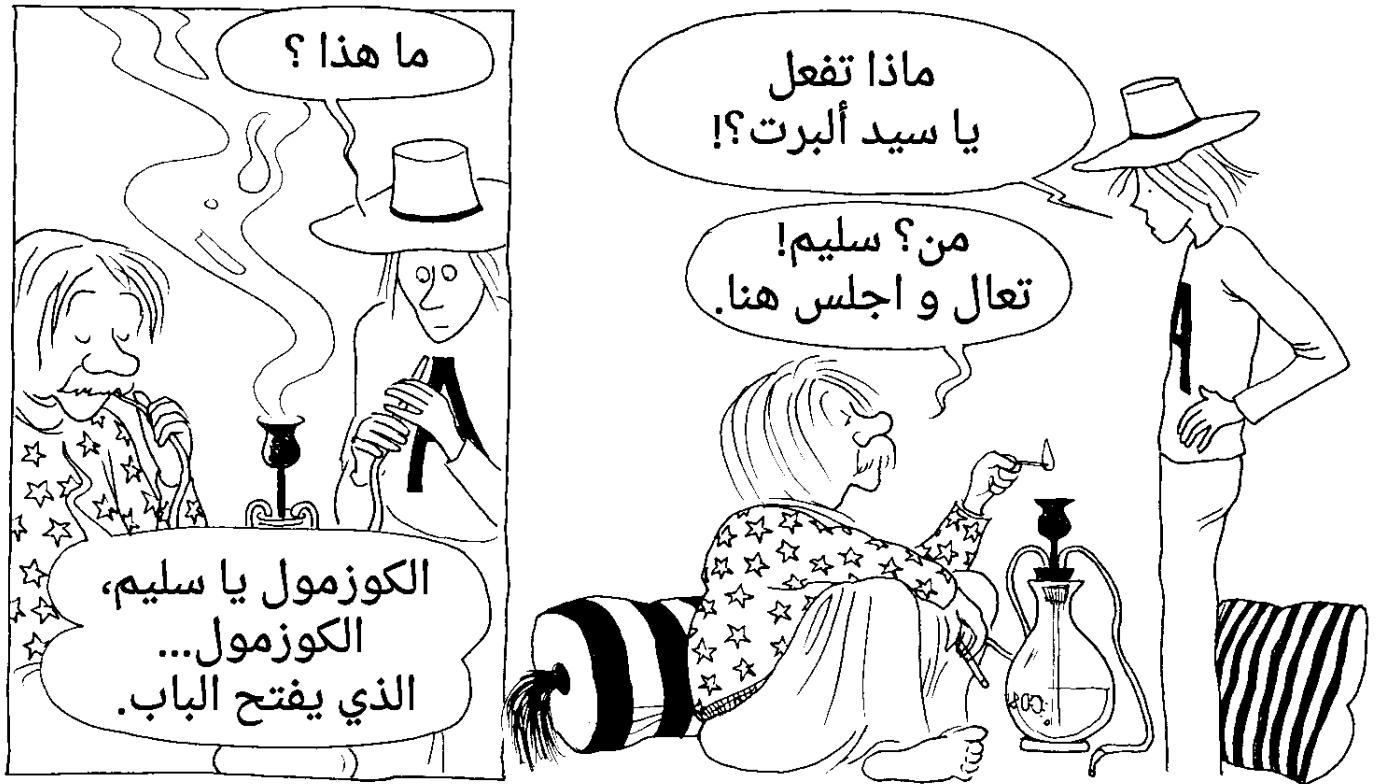
بـالـمـالـ التـبرـعـ تـمـ بـتـامـاـ طـوـعـيـةـ الـجـمـعـيـةـ  
لـلـمـتـرـجـمـيـنـ بـالـكـامـلـ.

زـرـ اـسـتـخـدـمـ ،ـ تـبـرـعـ لـتـقـديـمـ  
الـرـئـيـسـيـةـ الـصـفـحـةـ فـيـ PayPalـ



<http://www.savoir-sans-frontieres.com>

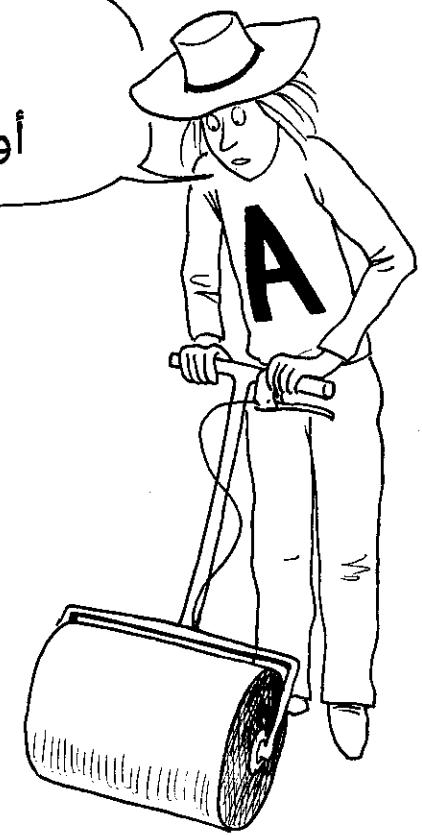




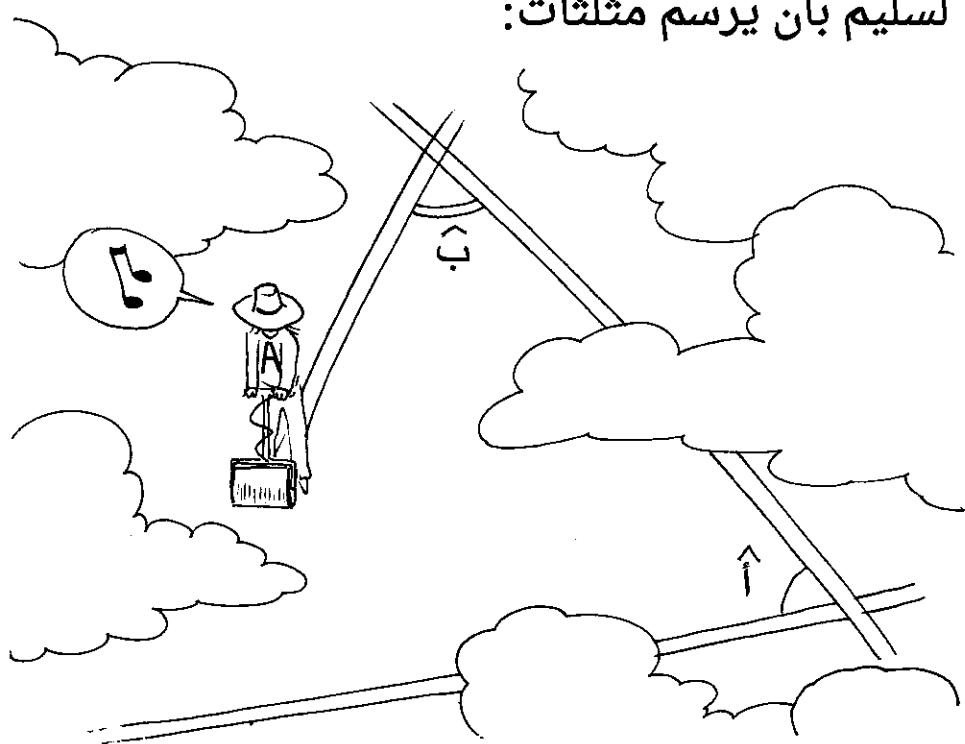


مرة أخرى ينطلق سليم في مغامرة لاستكشاف عوالم غامضة.

هه، ولكن ما هذا؟  
تبعد وكأنها لفافة ملاعب التنس،  
أو نوع ما من أسطوانات الصباغة والطلاء.



بفضل هذا الجهاز، يمكن لسليم تتبع "جيوديسيا" سطح معين. بمساعدة ثلاثة جيوديسيات، يمكن لسليم بأن يرسم مثلثات:



ما هو دور هذا المقبض؟  
حسناً، إنه يلغي دور  
اللفافة ويسمح لي  
بتغيير الاتجاه من  
وقت لآخر.

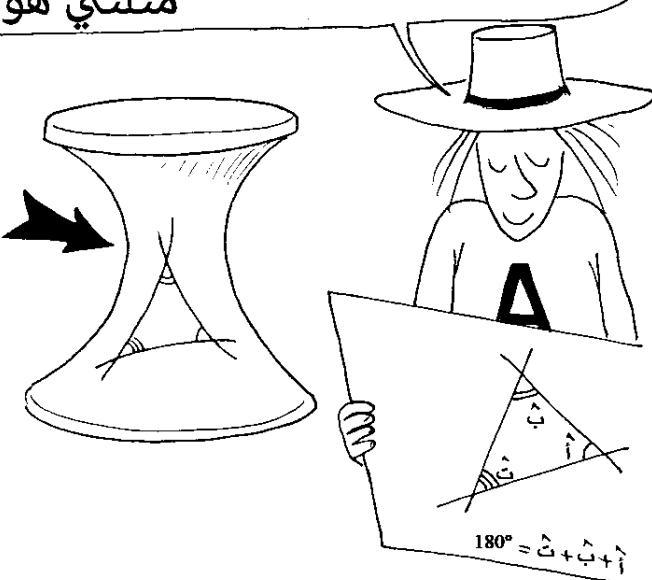
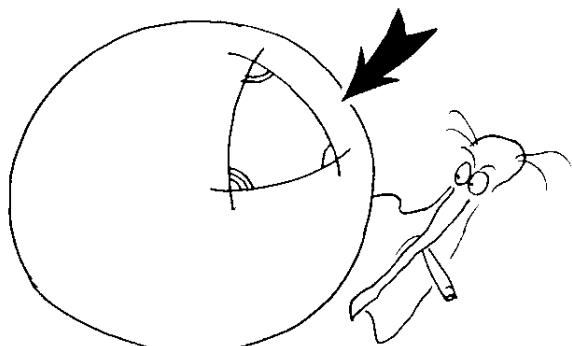


السطح هو فضاء ذو بعدين. هذا يعني أننا في حاجة لإحداثيتين لتحديد موقع نقطة ما.

دعونا نرى، عندما يكون السطح إقليديا فإن مجموع زوايا مثلثي هو 180 درجة.

عندما يكون للفضاء انحناء سلبي، يكون هذا المجموع أقل من 180 درجة.

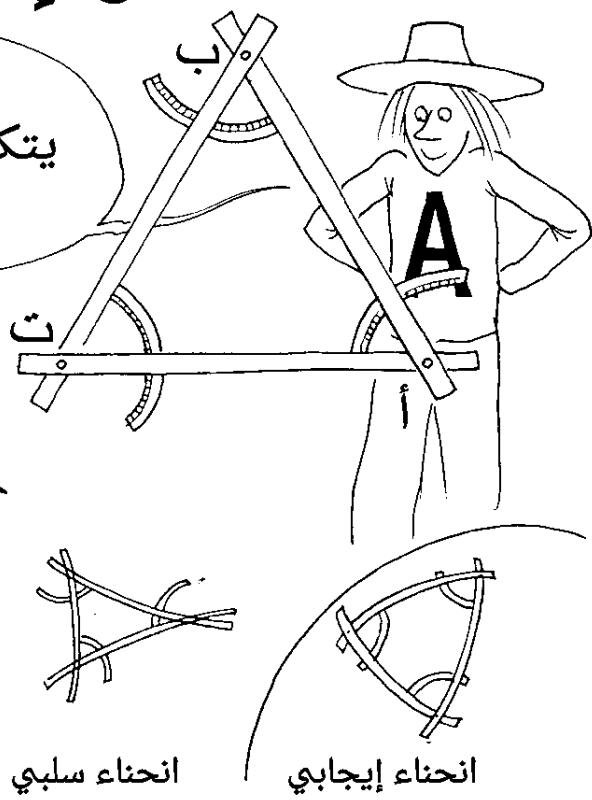
بالمقابل عندما يكون للفضاء انحناء أو تقوس إيجابي، فيكون مجموع الزوايا أكبر من 180 درجة



## فضاء ذو انحناءات متغيرة:

لقد اخترعت مقياسا للانحناءات يتكون من ثلاثة صفائح مرنة يمكن تدويرها بحرية حول زواياها الثلاث أ، ب، ت.

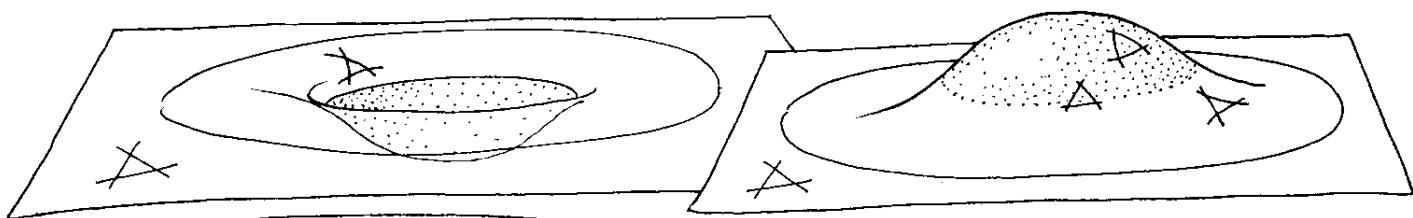
عليك فقط أن تقوم بوضعها و تصفيحها على سطح ما لقياس زواياه باستخدام المنقلات الثلاثة واستحصل على الانحناء المحلي.



انحناء سلبي

انحناء إيجابي

هذا النتوء على هذا السطح يتكون من منطقة مركزية ذات انحناء إيجابي، محاطة بمنطقة ذات انحناء سلبي.

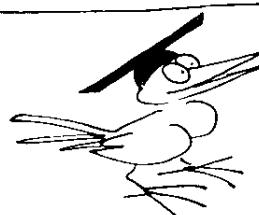


من ناحية الانحناء،  
النتوء و الحفرة متماثلان تماماً.

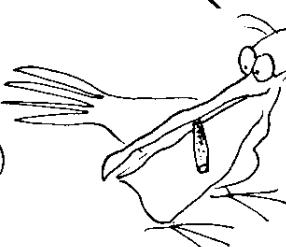
منطقة  
ذات انحناء منعدم

منطقة الانحناء  
الإيجابي

منطقة الانحناء السلبي

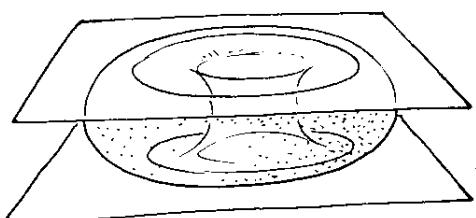


إذا لم أكن مخطئاً،  
فهذه طارة.



نعم ، هناك شريط ذو انحناء إيجابي وآخر ذو انحناء سلبي و تفصل بينهما منطقة ذات انحناء منعدم.

يمكن تحديد هذه المنطقة الأخيرة عن طريق وضع الطارة بين مستويين.

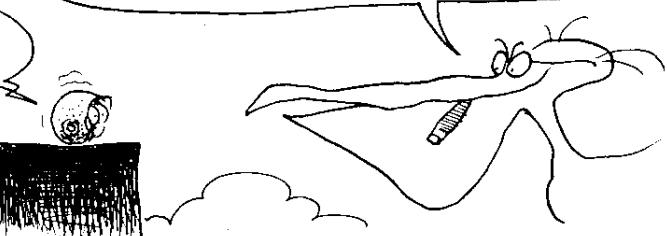


عزيزي تيريسياس، هل تعلم بأن صدفتك هي مساحة ثنائية الأبعاد و ذات انحناء متغير؟



ليون، اترك  
تيريسياس و شأنه !

ماذا؟



# المخروطيات

سترى يا سليم، هناك أشياء أكثر غرابة.

أسرع يا تيرسياس،  
أنا أتوق للمعرفة ...

انتظرني!

هل رأيت يا تيرسياس سأجعل المساحة متشابكة  
و ذات جيوديسيا متقطعة، وسينتتج عن ذلك الكثير من المثلثات.

قوعة ذات انحناء متغير...  
لن أهتم بك !!

الآن، أنا أعترف أنني لم أعد أفهم شيئا!  
ماذا يحصل حول هذه النقطة "ن"؟

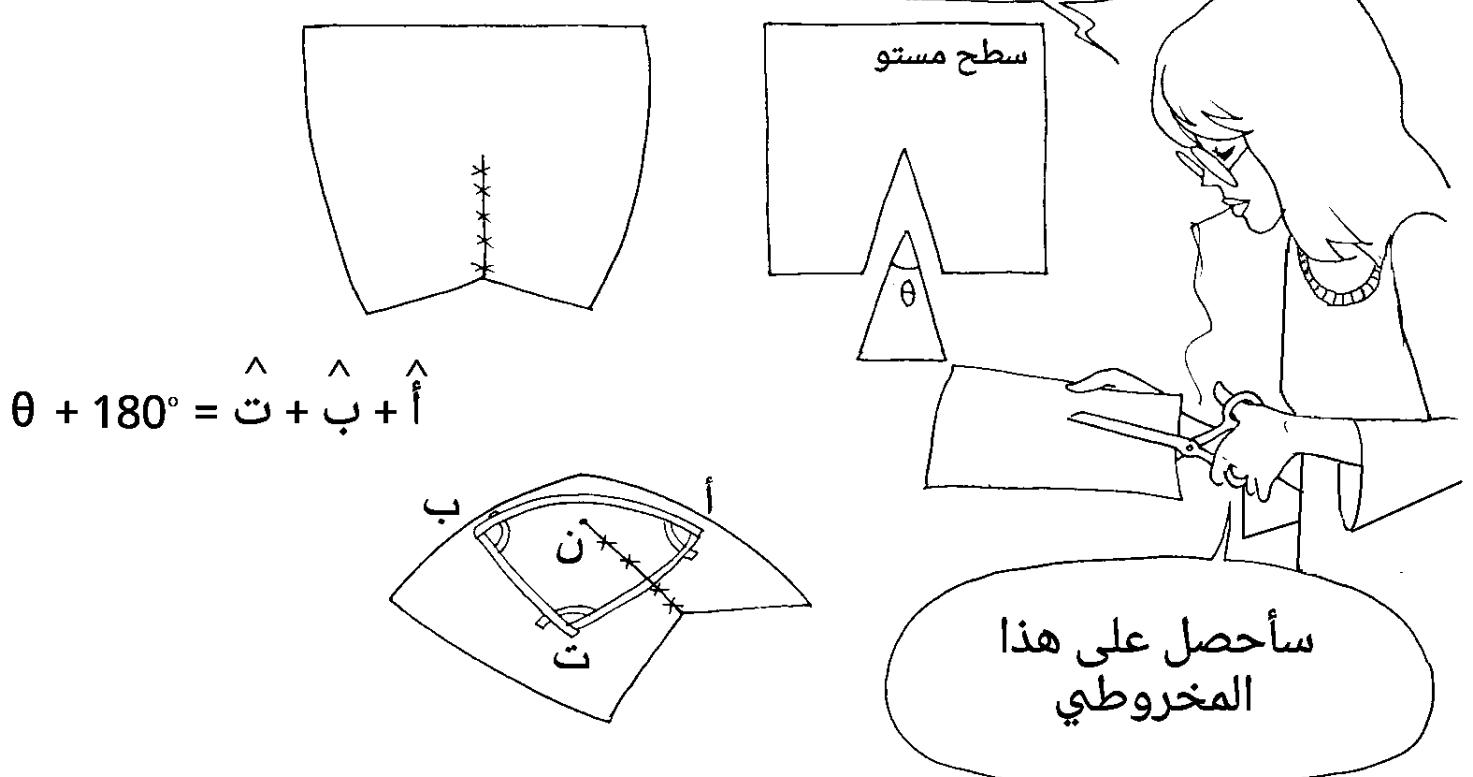
ما عليك سوى  
استخدام مقياس الإنحناءات  
الخاص بك.

ن.

في النهاية يا صوفيا، ما يحدث؟ إذا كان مثلث مقياس الانحناء لا يحتوي على النقطة "ن"، فهو يشير إلى انحناء منعدم.



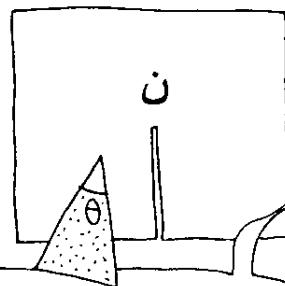
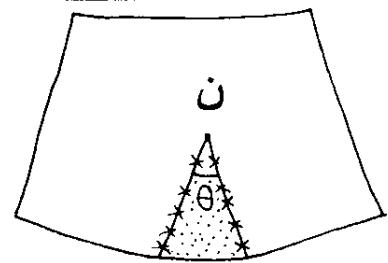
إنها نقطة مخروطية. أنظر، سأخذ سطحاً مستوياً، وسأقص جزءاً ذو زاوية  $\theta$  ثم سأحيط المنطقة من جديد.



يمكنك التحقق من ذلك، باستعمال الورق المقوى. لفافة من الورق الاصق ستساعدك بسهولة على تجسيد الجيوديسيا.

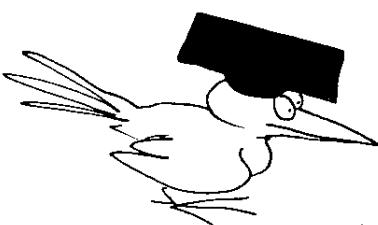


حسناً، إذا احتوى المثلث على قمة مخروطية، يكون مجموع الزوايا دائمًا أكبر من 180 درجة !

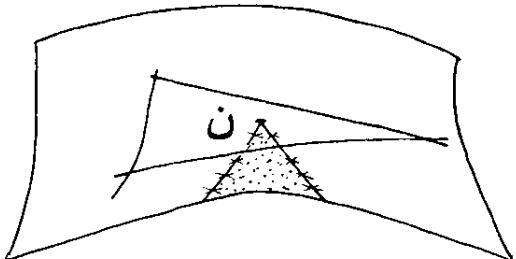


ليس بهذه السرعة! سأقص السطح الآن  
وأضيف جزءاً ذو زاوية  $\theta$ .

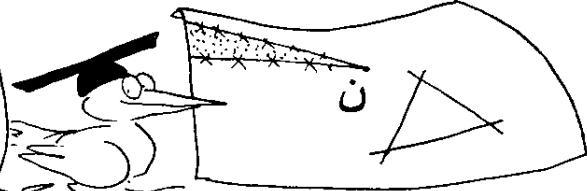
إذن...  
سنحصل على شكل  
مخروطي-سالب؟



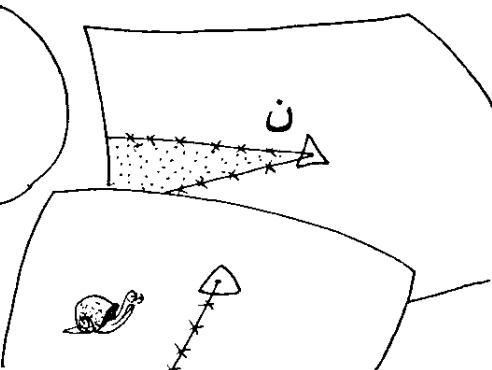
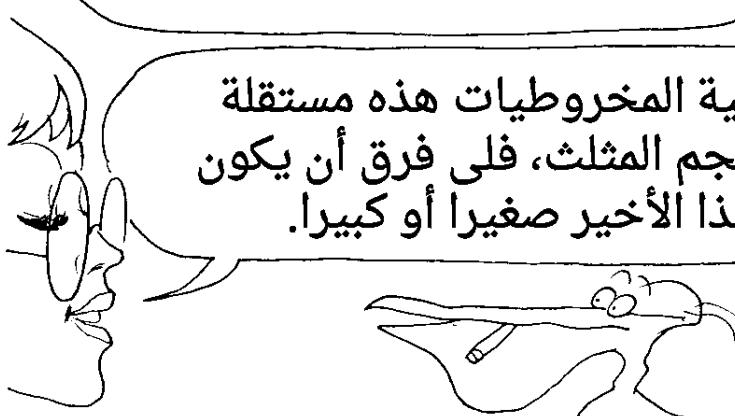
هذه المرة، عندما يحيط  
المثلث بالنقطة "N"، يكون مجموع  
الزوايا هو 180 درجة ناقص  $\theta$ !

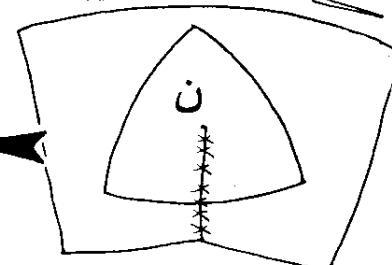
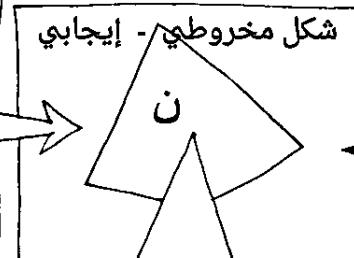
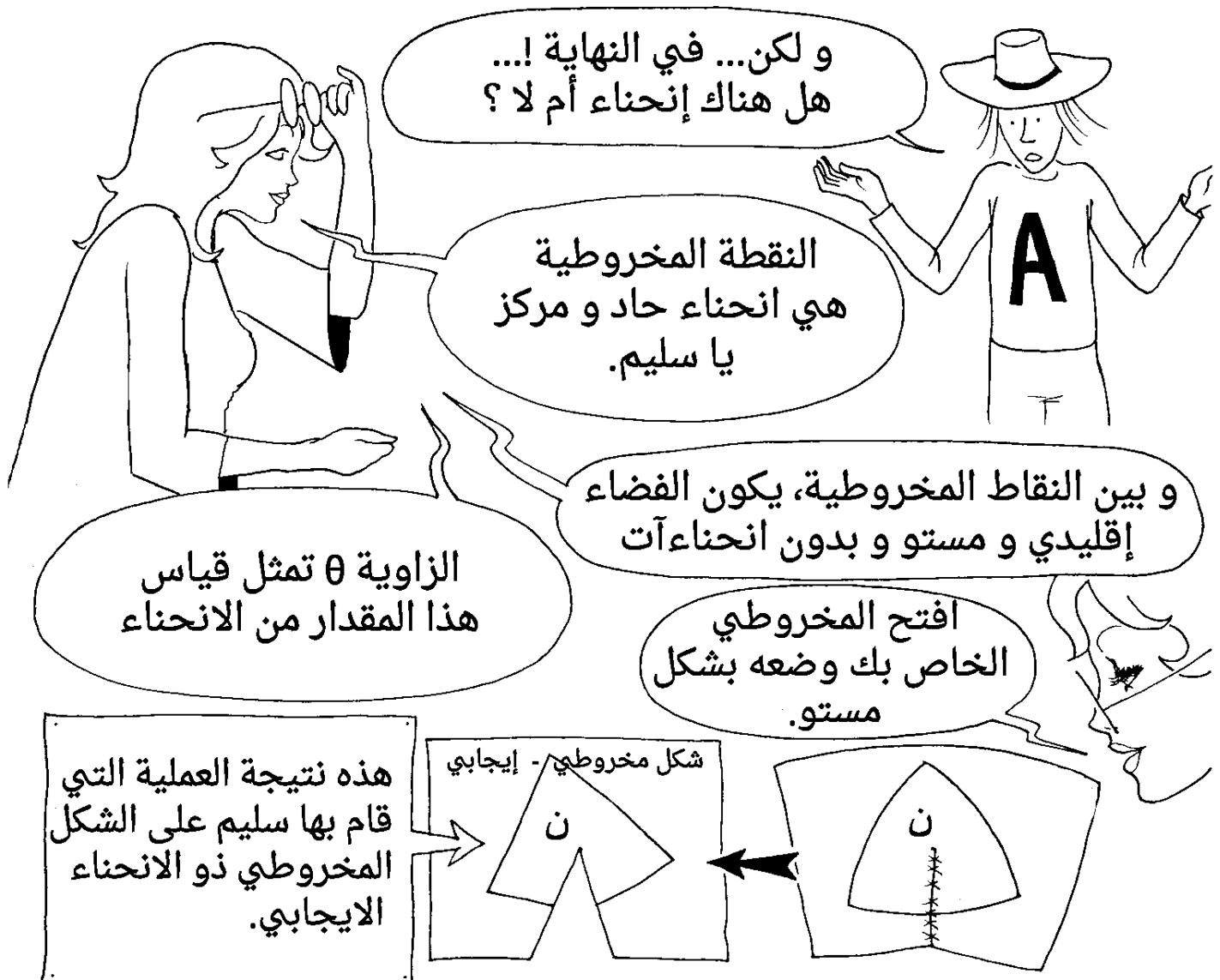


ولكن مرة أخرى، عندما تكون  
النقطة خارج المثلث، يكون المجموع  
هو 180 درجة.

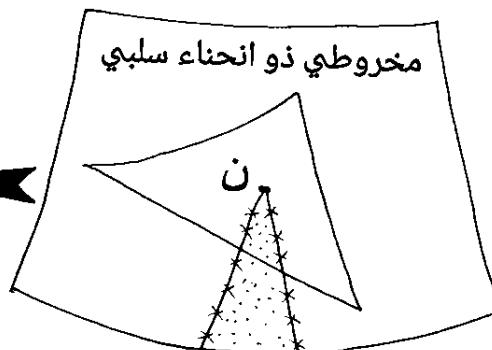
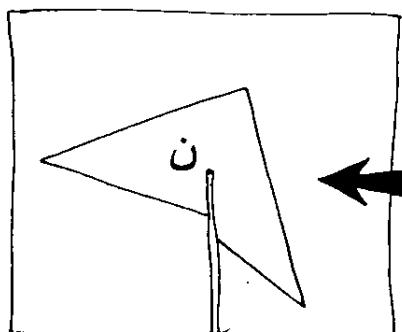


خاصية المخروطيات هذه مستقلة  
عن حجم المثلث، فلى فرق أن يكون  
هذا الأخير صغيراً أو كبيراً.

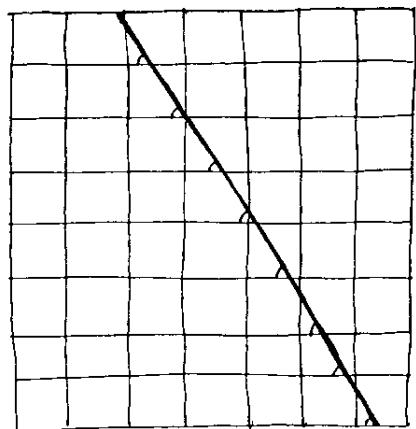




أما في حالة المخروطي ذو الانحناء السلبي.



لأخذ سطحاً مستوياً ونربطه بشبكة جيوديسية عادية. لنقل أننا رصفنا هذا السطح بمربعات متطابقة تماماً. إذا تتبعنا مساراً معيناً بحيث يقطع جوانب المربيعات المتتالية من نفس الزاوية... سيمثل هذا المسار جيوديسياً السطح.

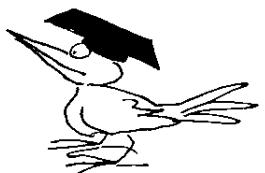


الإدارة

لكن ، لماذا لا نجرب ذلك على جسم كروي الشكل؟

خطوط الطول تمثل جيوديسياً الكرة. أي مسار يقطع هذه الخطوط من خلال زاوية ثابتة و مختلفة عن 90 درجة، سيؤدي و يؤدي حتماً إلى أحد قطبي الكرة!

أولاً، حاول أن ترصف كرة بمربعات متراصة جيداً... و أخبرني بالنتيجة بعد ذلك.



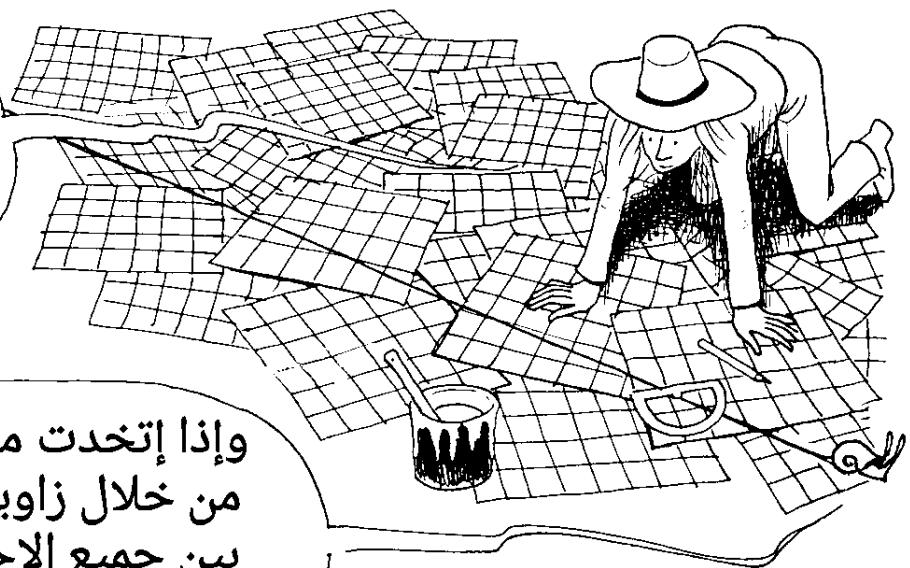
الإبحار في إتجاه ثابت يقود ... إلى القطب !

عندما أقطع خطوط طول الكره بزاوية 90 درجة،  
سأتحرك وفق خطوط العرض.

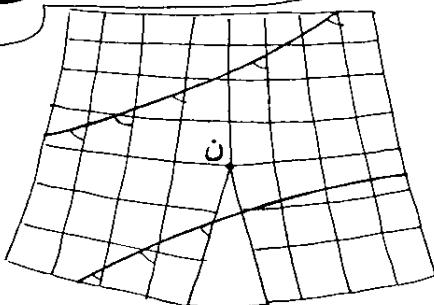
خطوط العرض لا تمثل  
الجيوديسية ! (\*)



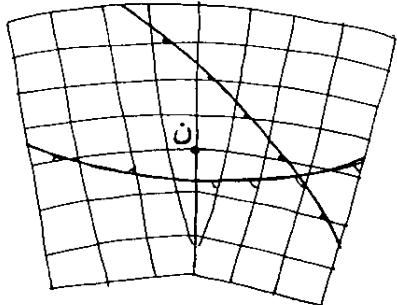
يمكنني تغطية سطح  
مسطح، إقليدي، باستخدام  
عناصر مربعة ومستوية



وإذا اتخذت مساراً يقطع هذه الشبكات  
من خلال زاوية ثابتة، شريطة أن أصل  
بين جميع الأجزاء سأحصل في النهاية  
على الجيوديسيا.

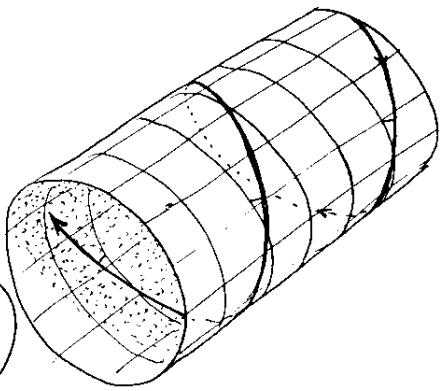


مخروطي-سلبي

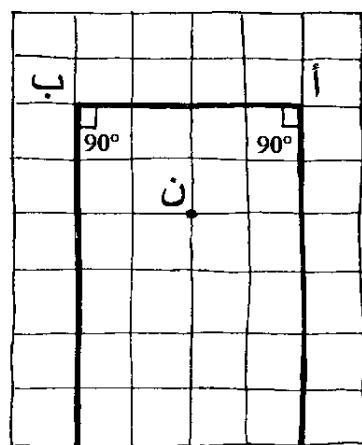
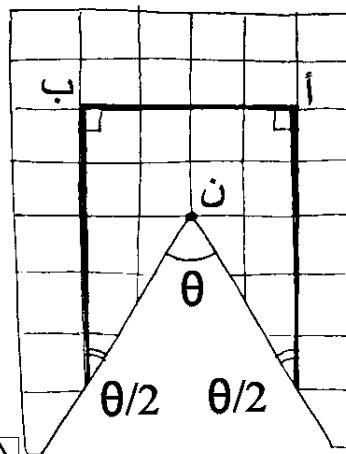
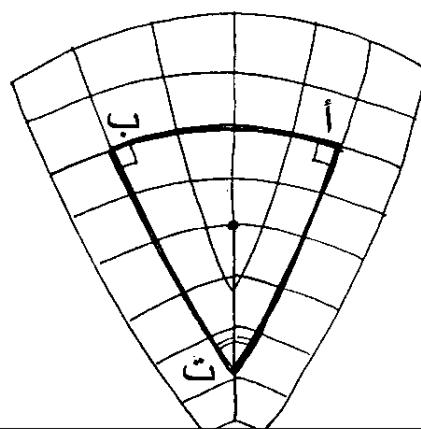


مخروطي-إيجابي

هذه الطريقة البسيطة تعطي أيضاً جيوديسياً  
الأسطوانة، وهي على شكل النابض.



هذا هو السبب في أن مجموع زوايا المثلث، في حالة مخروطي-إيجابي، يزداد بزاوية القطع  $\theta$  :

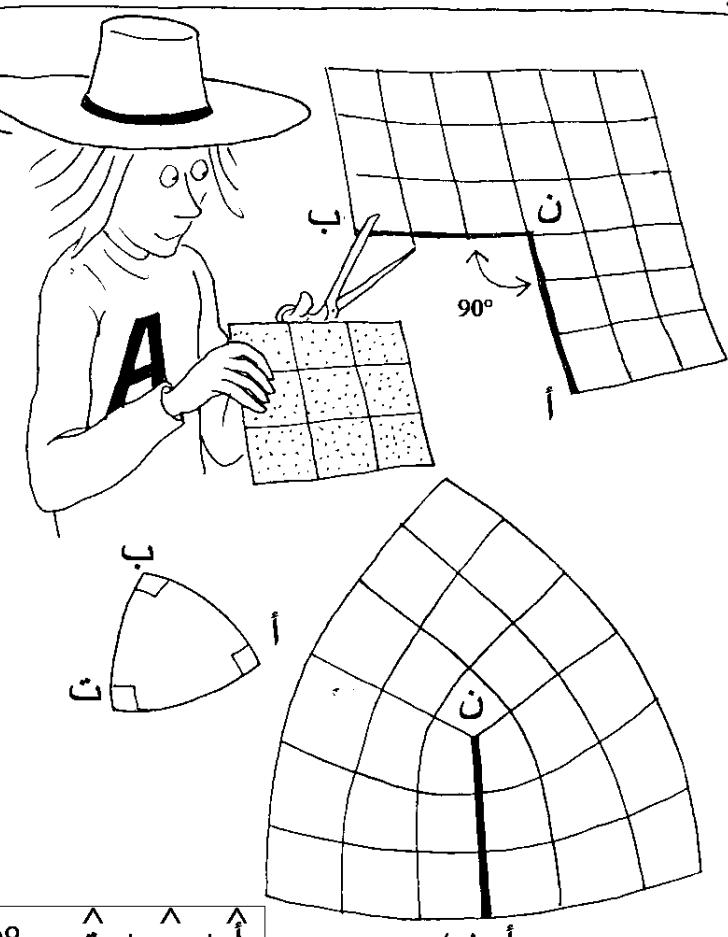


$$180^\circ + \theta = \theta/2 + \theta/2 + 90^\circ + 90^\circ = \hat{A} + \hat{B} + \hat{T}$$

سيقوم الآن سليم بصناعة مخاريط خاصة، حيث يمكن الحفاظ على انتظام الشبكة.

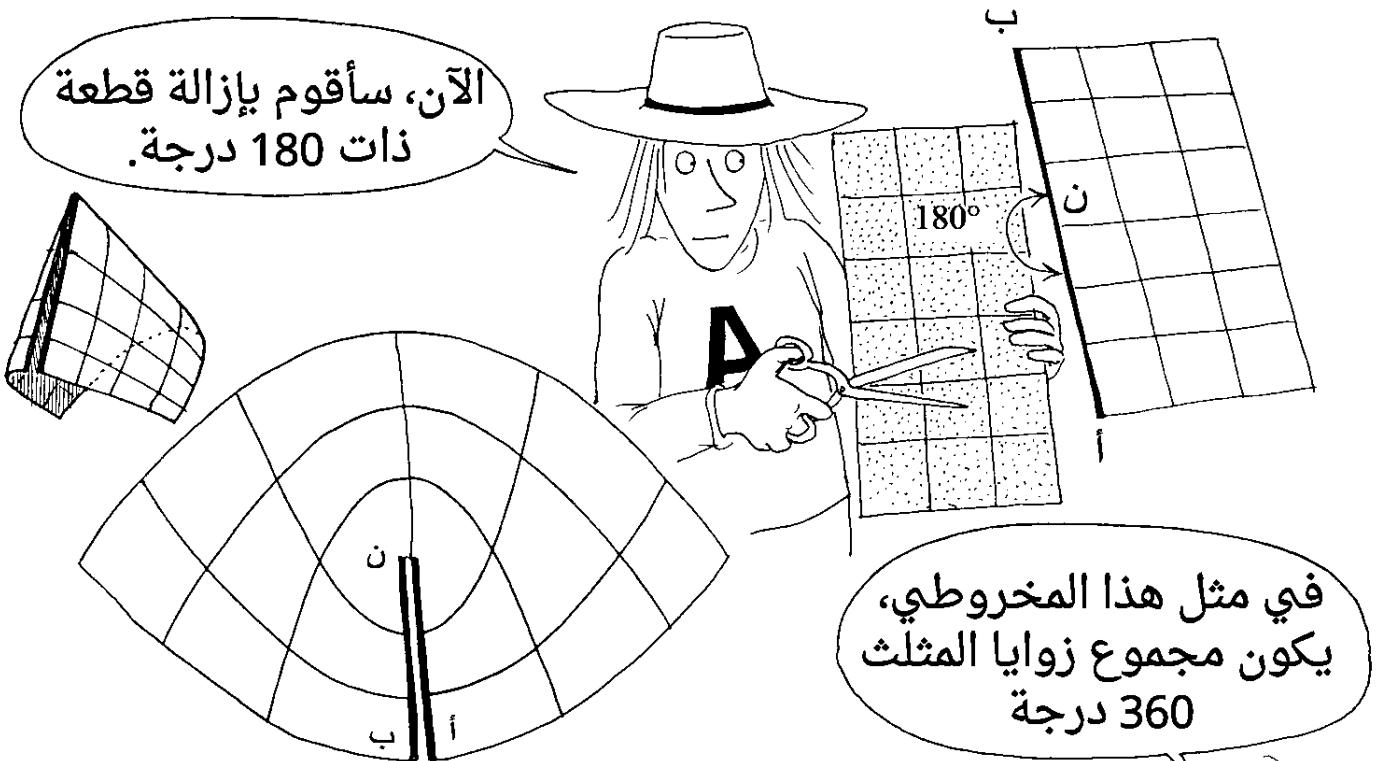
الادارة

الآن، سأزيل قطعة زاويتها 90 درجة.



$$180^\circ + 90^\circ = \hat{A} + \hat{B} + \hat{T}$$

$$270^\circ =$$

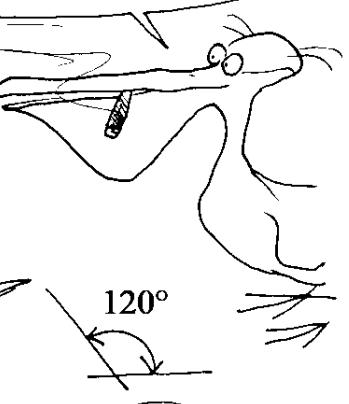
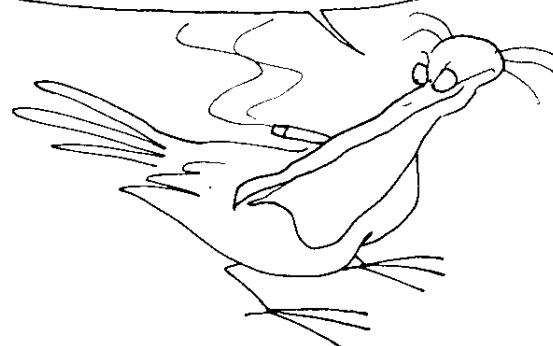


هذا يعني أنه يمكن أن نرسم فوقه  
مثلاً مجموع زواياه 120 درجة و ذلك باستخدام  
الجيوديسيا الخاصة به ... إذن فأنت مخطئ.

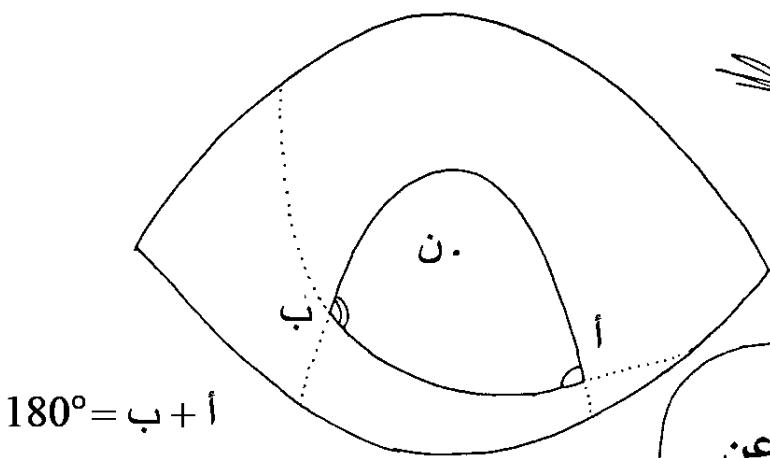
وهل من الممكن إغلاقه على أي حال؟

بطبيعة الحال يا عزيزي  
تيريسياس، إذن فأنت المخطئ !

ميي !



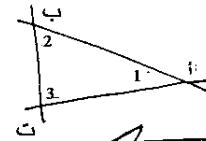
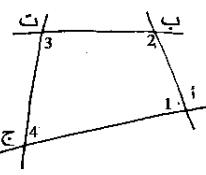
على هذا المخروطي، يمكننا رسم ثنائي-زوايا،  
مجموع زواياه 180 درجة.



عرض من الفوق لهذا الشكل  
المخروطي

إنتظرا! لم أعد أفهم شيئاً...  
كنا نتحدث عن المثلثات أما الآن عن  
ثنائيات الزوايا... لماذا لا نتكلم بعد  
ذلك عن... أحاديي الزاوية؟!

تسمى هذه الأشياء  
"مضلعات".



على سطح مستو:

مجموع زوايا :

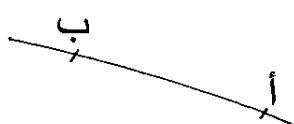
- المثلث هو 180 درجة

- رباعي الأضلاع هو  $180^\circ + 180^\circ = 360$  درجة

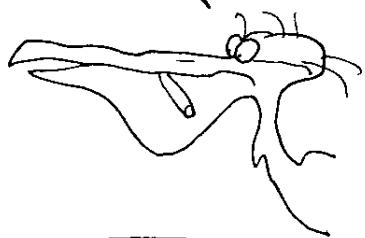
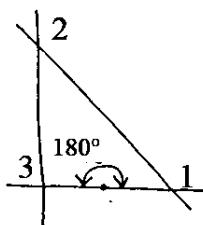
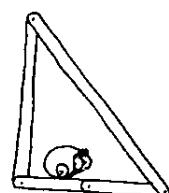
- خماسي الأضلاع هو  $180^\circ + 180^\circ + 180^\circ = 540$  درجة

لم أعد  
أستوعب...

وفي حالة ثنائي الزوايا، الذي تم تصغيره  
إلى قطعة، يكون هذا المجموع صفرًا



لماذا نضيف 180 درجة كلما أضفنا قمة أخرى للمضلع؟

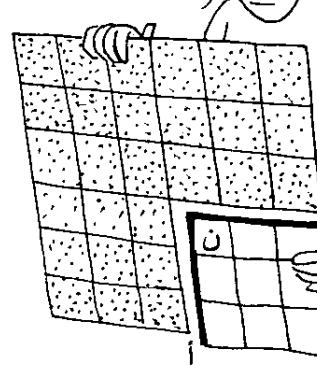
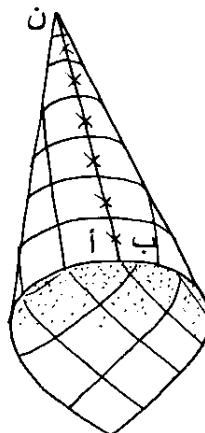
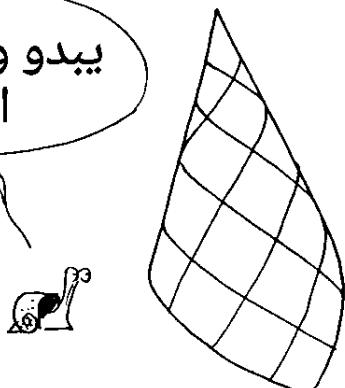


هذا سيساعدك على الفهم.

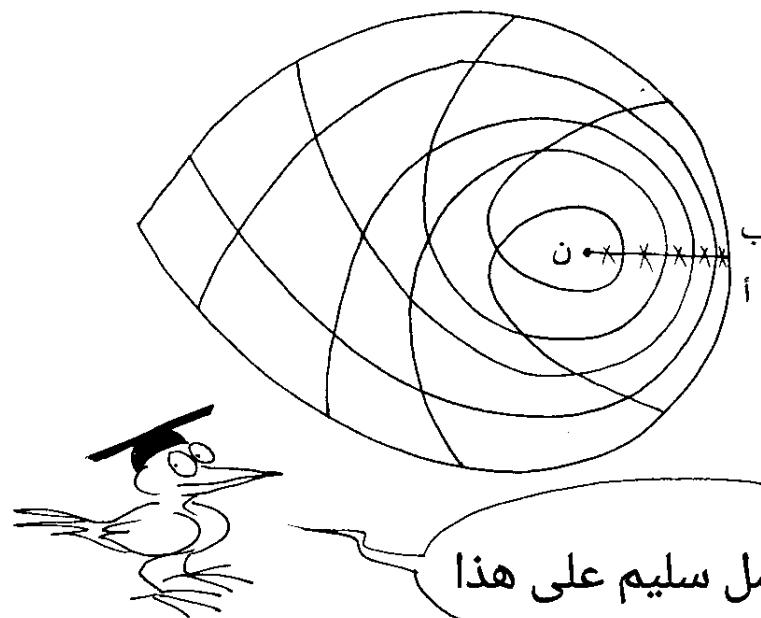
حسنا، لنواصل ...

سأقوم الآن بإزالة ثلاثة أرباع السطح المستو.

يبدو وكأنه منديل الطاولة.



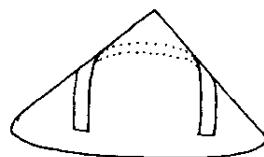
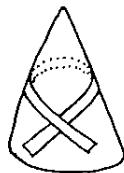
وعندما أنظر إليه من أقصى الطرف



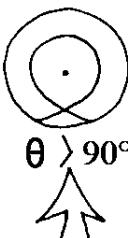
يحصل سليم على هذا

في هذا المخروطي، تتقاطع كل الجيوديسيا مع نفسها (يتداخلان هنا في زاوية مستقيمة). يمكننا وبالتالي رسم أحدى الزوايا.

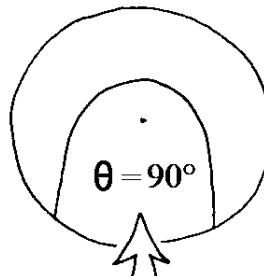
إذن كان ذلك صحيحاً!



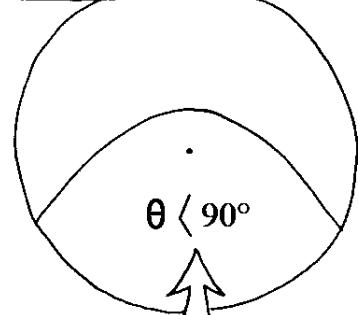
كل ذلك يتوقف على الزاوية  $\theta$  للمخروطي



جيوديسيا تغلق



حالة الحد

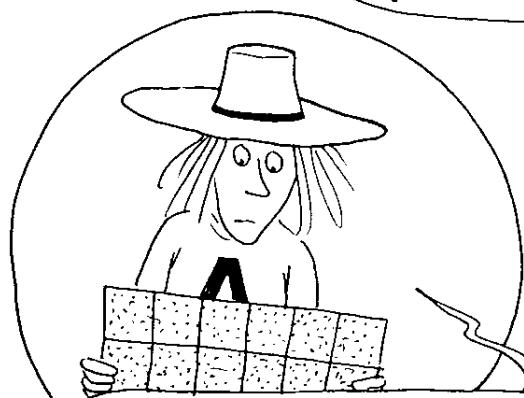


جيوديسيا لا تغلق

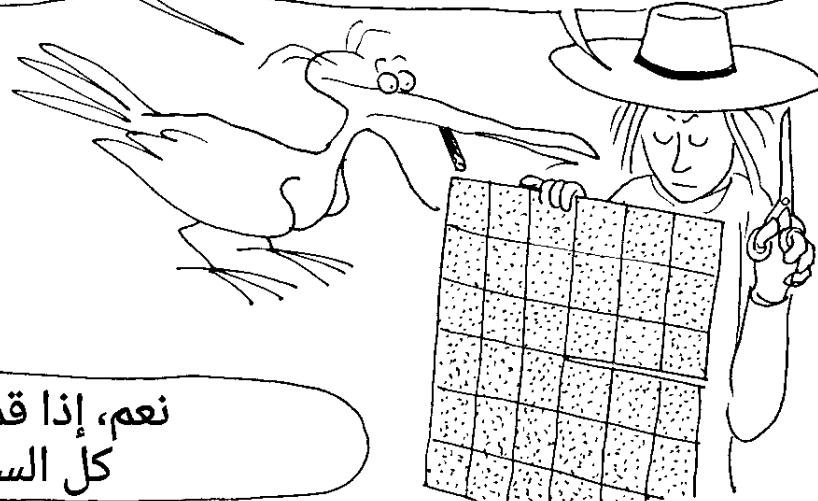
## الأقطاب

كل شيء!  
وكيف ذلك؟!؟

وإذا أزلت ... كل شيء؟

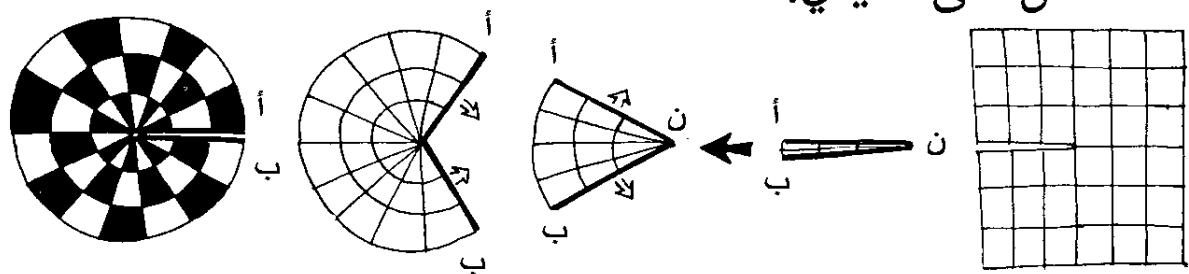


نعم، إذا قمت عملياً بإزالة  
كل السطح المستو



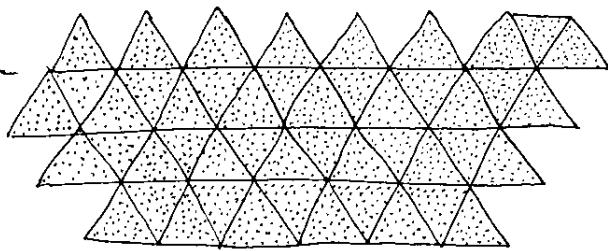


إذا إزالة كل السطح المستو وتطبيق هذه العملية، سنحصل على ما يلي:

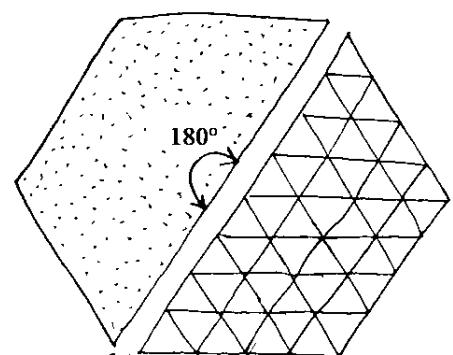
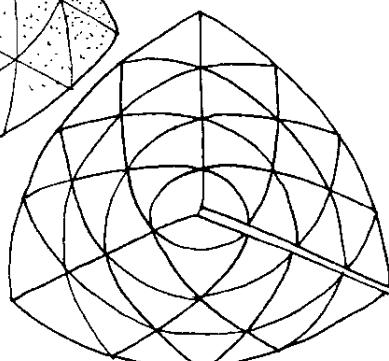
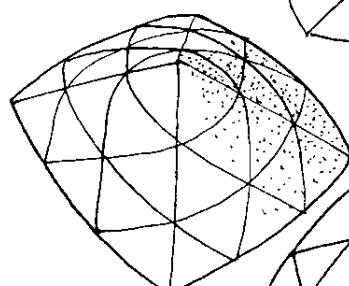
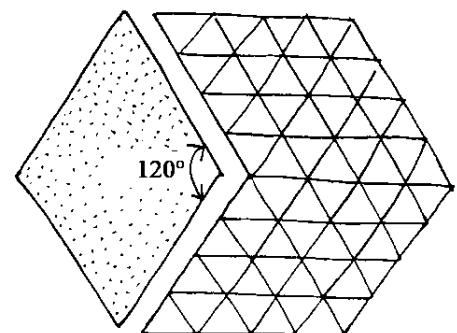
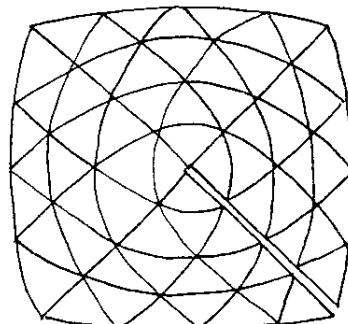
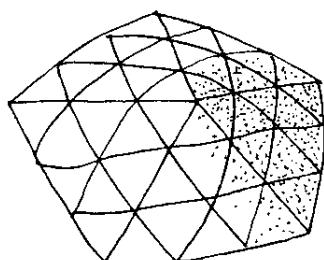
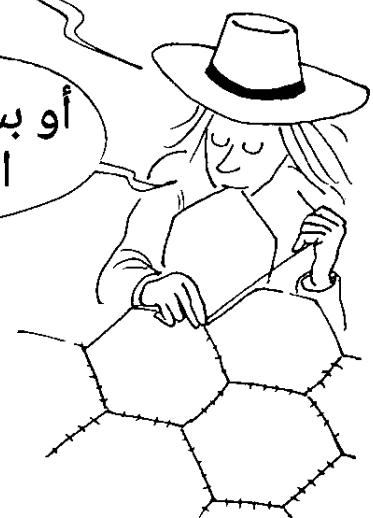
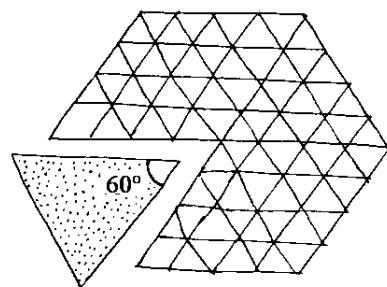
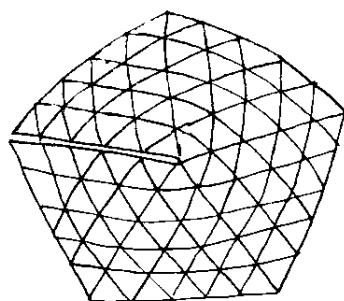


القطب هو ما يتبقى عند إزالة كل شيء.  
هذه النقطة تمثل انحناءاً مركزاً يساوي 360 درجة

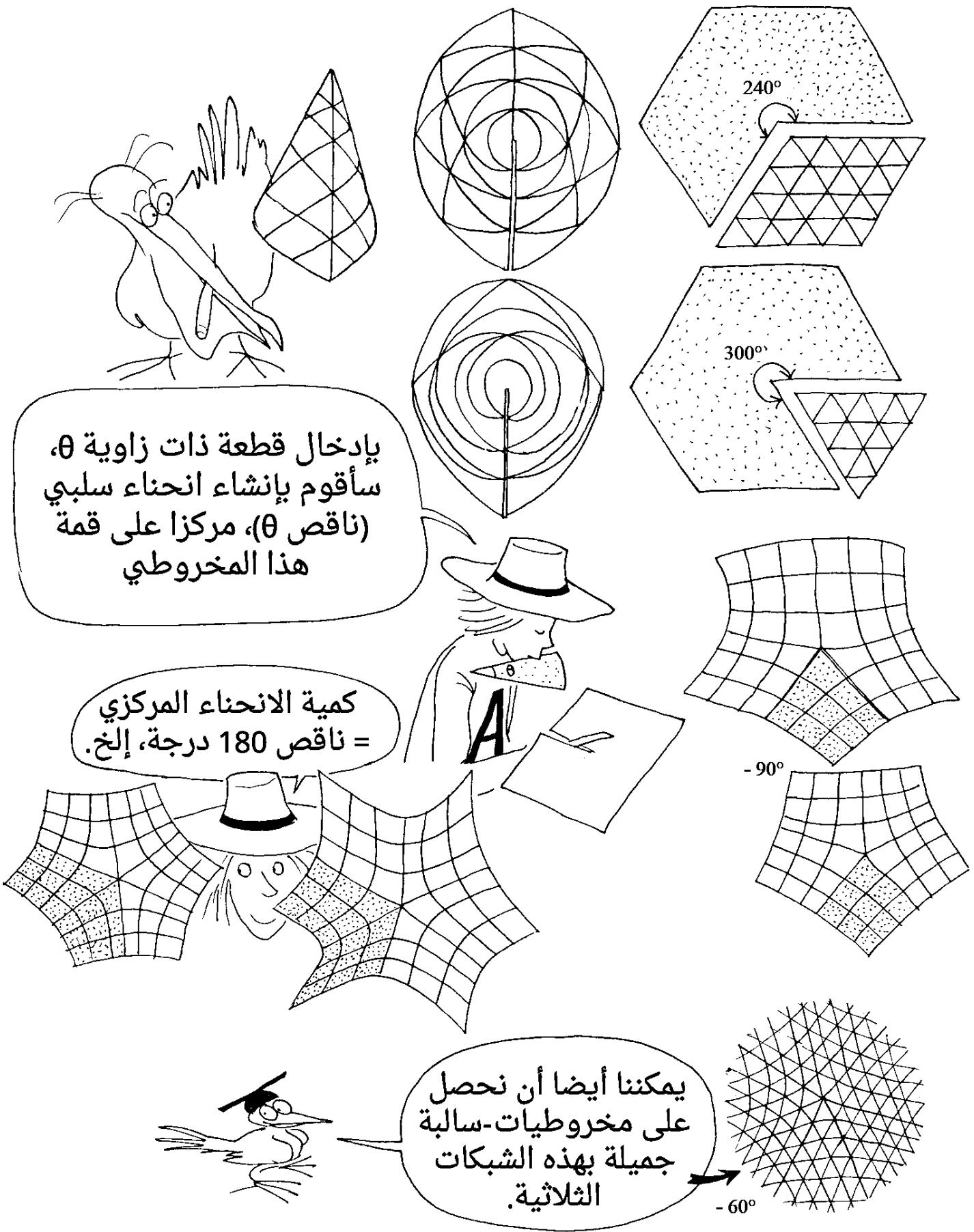
في وقت سابق، كنت قد رصفت الفضاءات الثنائية الأبعاد (الأسطح المستوية) بمضلعات رباعية الزوايا. و كان من الممكن أن أقوم بنفس العملية بمثلثات.



أو ب أساسيات  
الزوايا.



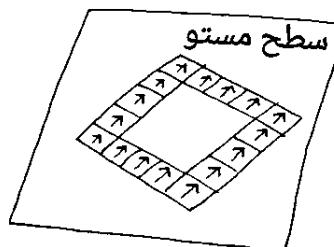
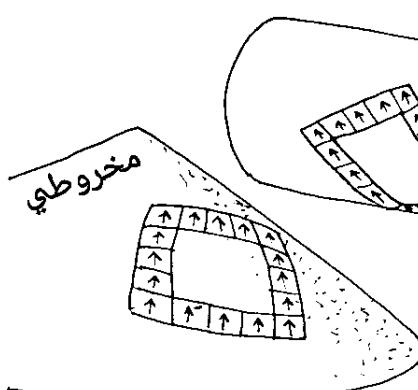
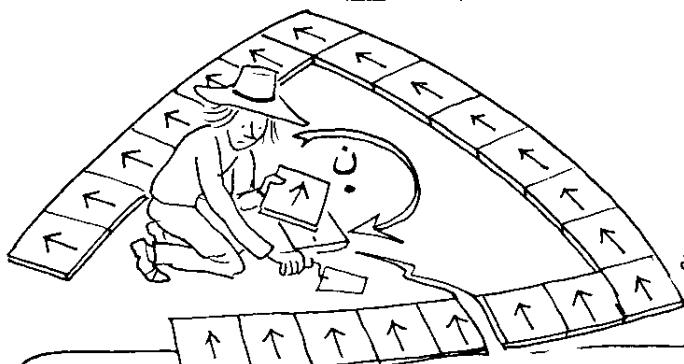
هذه الشبكات من المثلثات المتساوية الأضلاع تنتج مخروطيات ذوات زوايا: 60 و 120 و 180 و 240 ثم 300 درجة



# قياس الانحناء

الهدف من اللعبة هو أن نحيط نقطة مركزة الانحناء بالمربعات بشكل كامل، مع الحفاظ على استمرارية اتجاه الأسهم. عندما نلف حول النقطة ب، فإن زاوية دوران السهم تعطي قياساً مباشراً للانحناء  $\theta$ .

سليم منشغل جداً  
بلعبة من نوع جديد

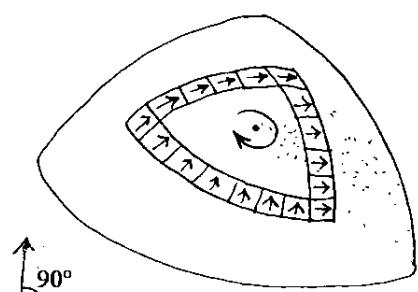
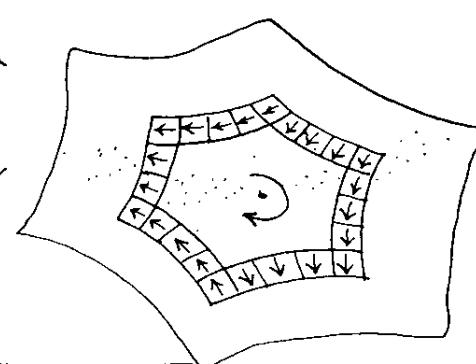


بعض الأمثلة :  
سطح مستو  
و اسطوانة  
و مخروطي

(دون الإحاطة بالقمة) :  
كمية الانحناء منعدمة.

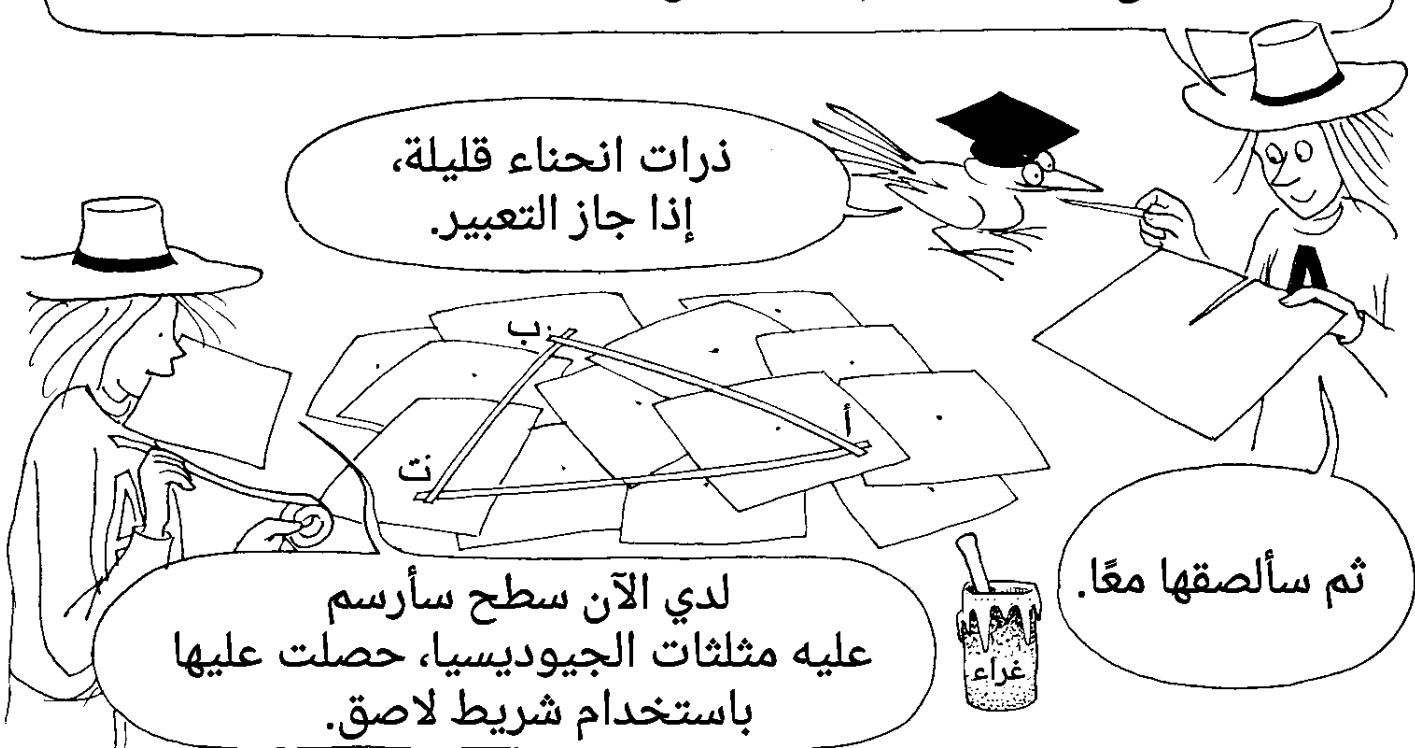
- 180°  
مخروطي - سلبي

- 180°



+ 90°

ستصنع مخروطيات-إيجابية، كل منها بزاوية  $\theta$  صغيرة جداً.



يتجاوز مجموع زوايا المثلث 180 درجة بقيمة تساوي مجموع زوايا المخروطيات الأولية التي تحتوي على قمم داخل هذا المثلث.

الإدارة

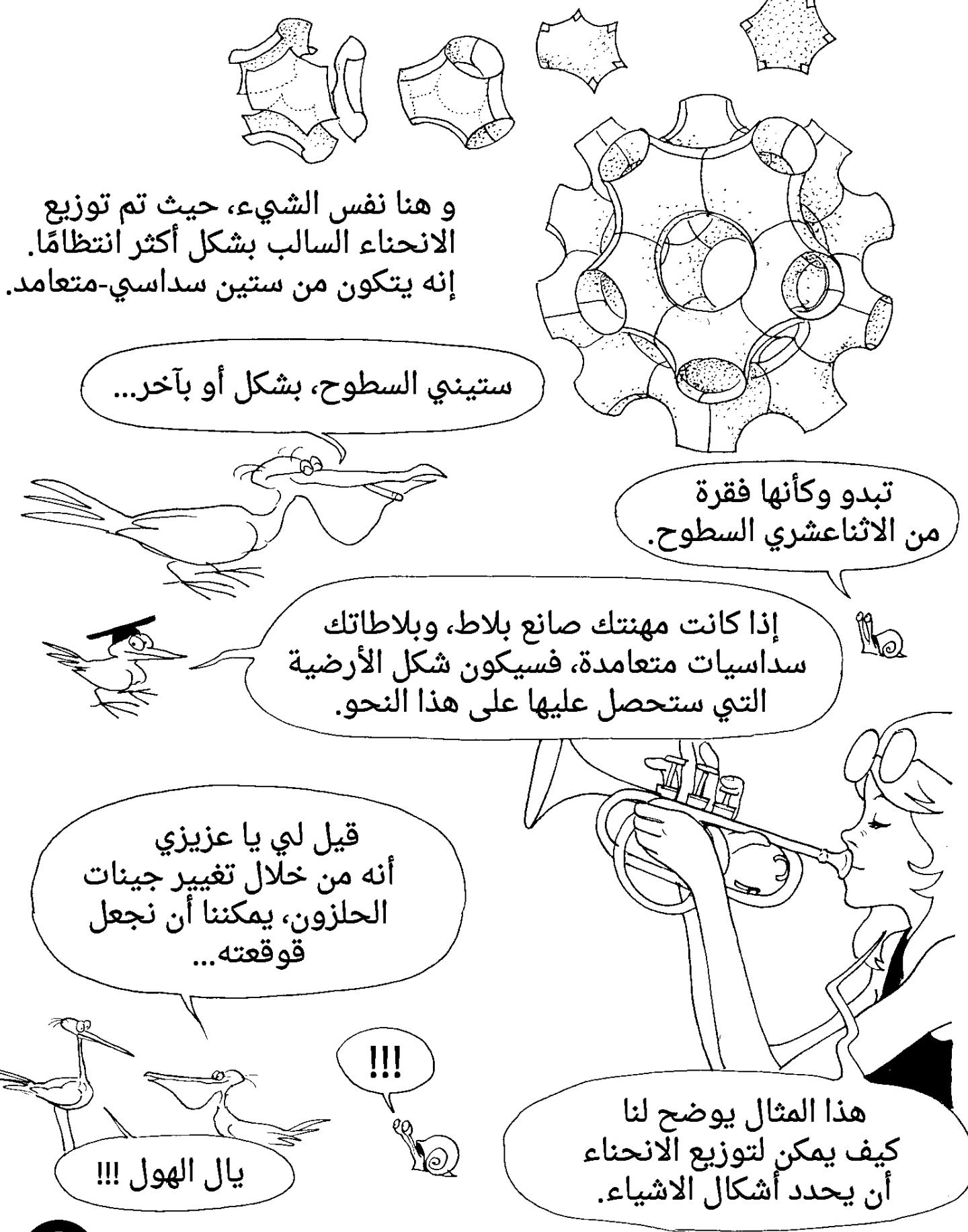
يمكن اعتبار ما نسميه عادة سطحاً منحنياً، تجمعاً لعدد كبير جداً من المخروطيات الصغيرة الملصقة معاً

يمكننا أيضاً أن نقوم بتجميع مخروطيات-سلبية، أو مخروطيات-إيجابية و سلبية معاً. سيكون مجموع زوايا المثلث 180 درجة بالإضافة إلى إجمالي الانحناء بداخله معداً جبرياً.

# كشکول



(\*) في اللغة اليونانية  $DEDOKA$  = اثنا عشر +  $EDRA$  = القاعدة

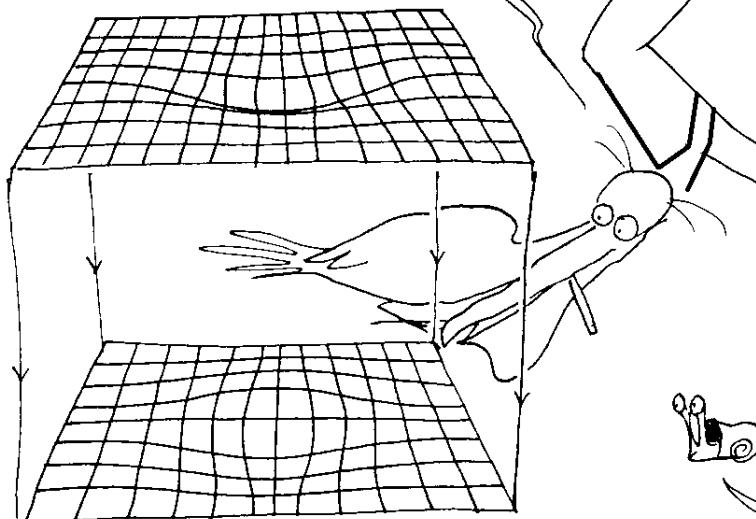


# ثلاثة أبعاد

هذا صعب جدا،  
لأنك تعيش فيه.

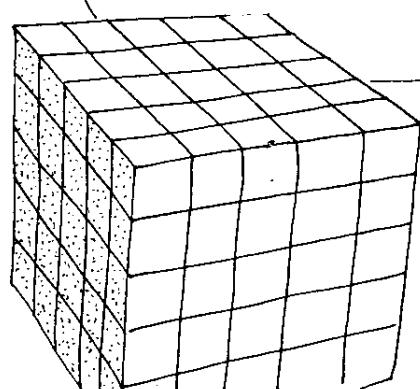
صوفيا، هل هناك أي طريقة  
لرؤيه تقوس وانحناء فضاءنا  
ثلاثي الأبعاد؟

دعنا نرى،  
لقد رأينا أنه يمكننا  
اسقاط جيوديسيا مساحة  
(ذات بعدين) على سطح  
مستو (ذو بعدين كذلك)

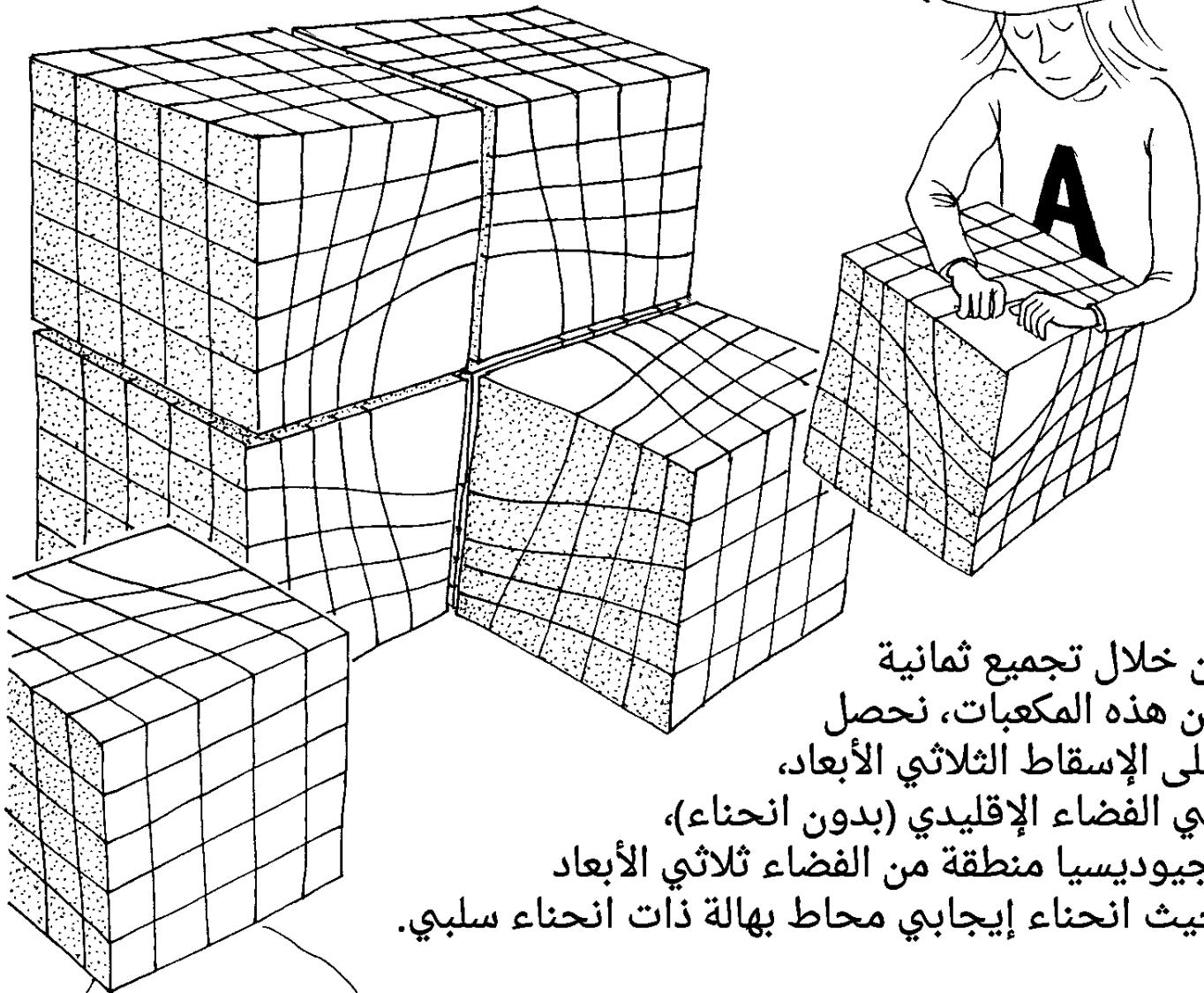


انظر الآن إلى هذا المكعب  
المغطى بخيط رفيع.

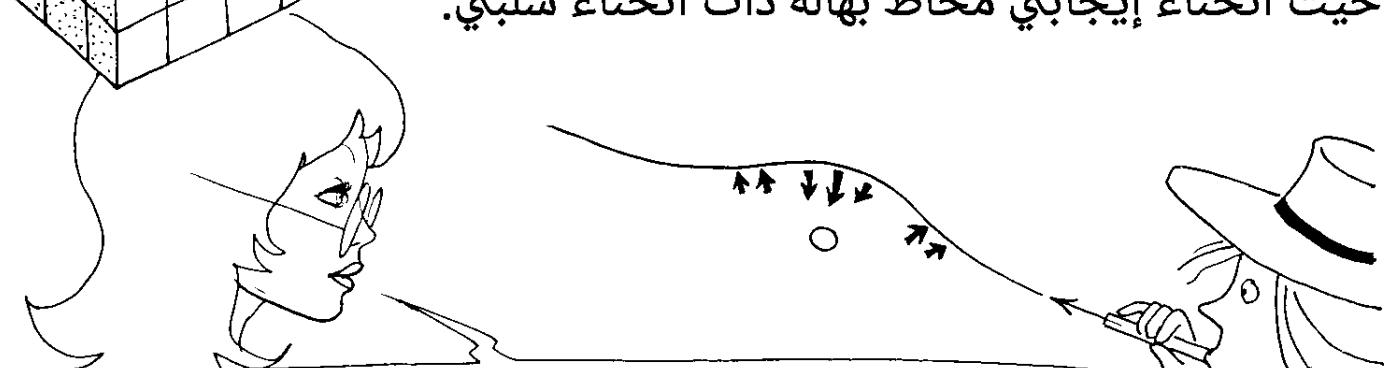
هذا النتوء البارز يمثل  
انحناء ايجابيا مركزا محاطا  
بهالة ذات انحناء سلبي.



الآن، سأسحب الخيوط على هذا النحو:

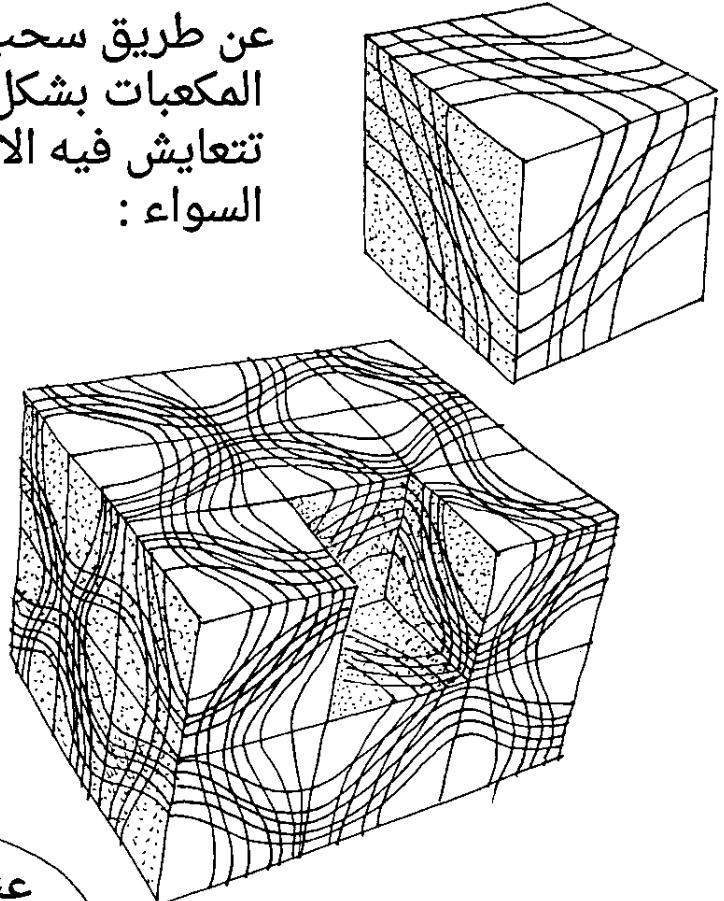
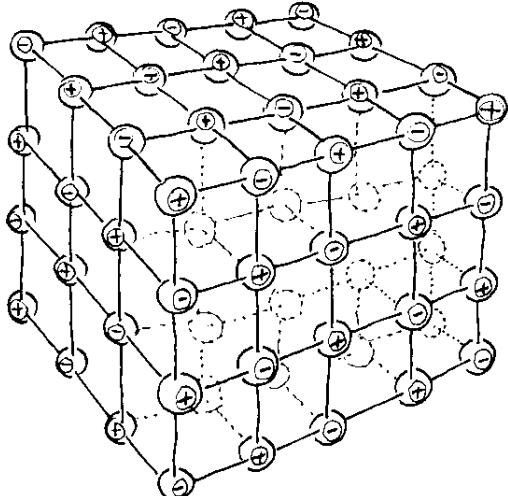


من خلال تجميع ثمانية  
من هذه المكعبات، نحصل  
على الإسقاط الثلاثي الأبعاد،  
في الفضاء الإقليدي (بدون انحناع)،  
لجيوديسيا منطقة من الفضاء ثلاثي الأبعاد  
حيث انحناع إيجابي محاط بهالة ذات انحناع سلبي.

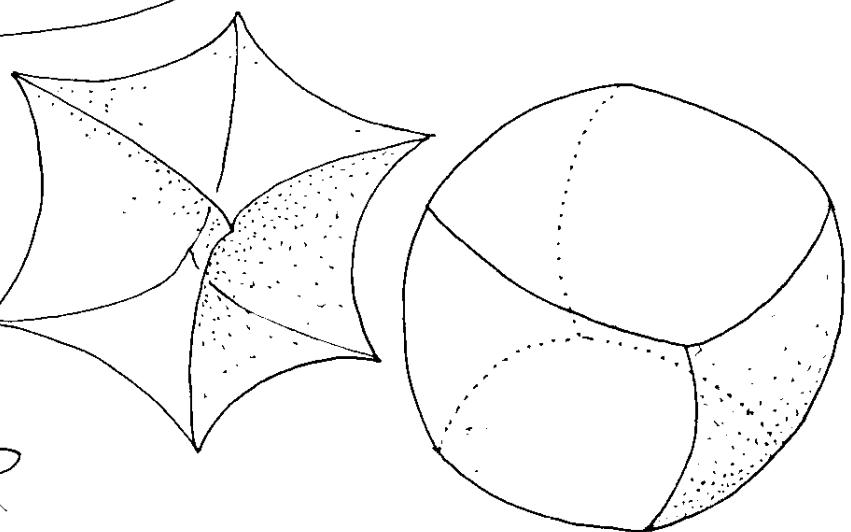


من خلال تشبيه هذه الجيوديسيا بالمسارات، فسيبدو الامر  
في البداية تنافرا ثم جاذبية ثم تنافرا.

عن طريق سحب الخيوط بهذه الطريقة وتجميع المكعبات بشكل مناسب، سوف نرسم صورة لعالم تتعايش فيه الانحناءات الايجابية والسلبية على السواء :



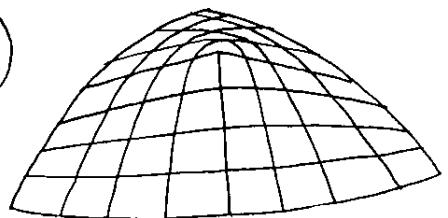
عندما ننظر إلى الأمر عن كثب، فالامر يتعلق بتشوهات تطال مكعبات تشغل حيزا في الفضاء ثلاثي الأبعاد.



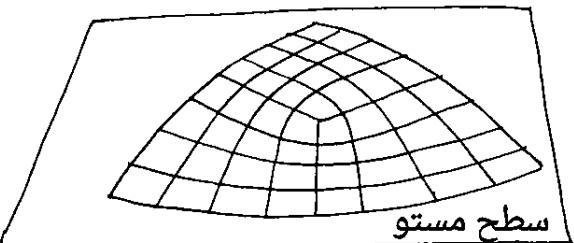
حسناً، هذا عجيب، يمكنني إذن تكديس كل تلك المكعبات الغريبة وملء الفضاء.

# الاسقاطات

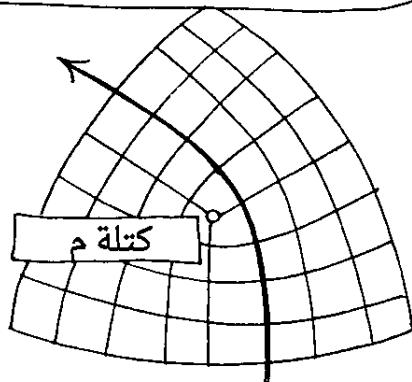
يمكنني اسقاط جيوديسيا محروظي  
على سطح مستو



كل هذه الخطوط المنحنية،  
هذا يذكرني بالمسارات



الفكرة الأساسية في النسبية العامة  
هي تشبيه الكتل بتغيرات محلية  
لأنحناء الفضاء.



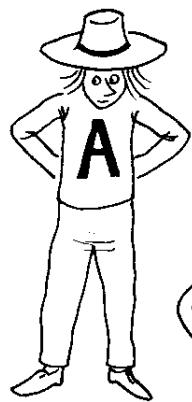
هي هي! .. بالنسبة لي،  
الزاوية المناسبة هي  $\pi / 8 \dots$

هل تقصد أن الكتلة  
عبارة عن زاوية؟!



نعم، ما دامت الكتل هي تركيزات انحناء

باختصار، ما تعنيه سيد ألبرت هو أن الانعطافات و الانحرافات في المسارات، الناتجة عن القوى، ليست في الواقع سوى اسقاطات، في عالمنا المحسوس، لمسار ما في سطح مغاير... بشكل آخر هي جيوديسيا لهذا السطح.



المزيد من الميتافيزيقيا!

لا، بل هذا علم الهندسة.

سأقدم لك مثلاً آخر، تخيل أننا في كبسولة فضائية في مدار حول الأرض.

لقد تخلصنا من قوة الجاذبية

آه، لا!

مي !

الآن، سنلعب نوعاً من لعبة البلياردو



على ما يبدو، يتكون هذا الشيء من سطحين شفافين، مليئين بالطيات و النتوءات، ولكنهما متشابهين و متطابقين تماماً و قريبان من بعضها البعض.

سيسمح لنا ذلك بأن ننجز كريات صغيرة بين السطحين و نراقب مساراتها.

لا ترتبط المسارات بالسرعة الأولية "س" والتي تبقى ثابتة أثناء الحركة بأكملها.

الادارة

في هذه الحالة بالذات، يتبيّن أن جميع المسارات المحتملة جيوديسياً. (إذا كانت هناك جاذبية فلن يكون الأمر كذلك).

أوه، انظروا: المصباح يسقط المسارات على أرضية الكبسولة الفضائية !

أي شخص لا يرى سوى هذه الظلال، سوف يعتقد أن الأشياء التي تتحرك تتعرض لقوى معينة. في حين أن الأمر يتعلق فقط بمشكلة انحناءات السطح.

عندما نراقب مسار مذنب ما حول الشمس، على افتراض أن الفضاء الإقليدي ثلاثي الأبعاد و بدون انحناء، في الواقع هذا المذنب يتبع جيوديسيا فضاء ما حيث... ينطلق في مسار مستقيم !!!

نحن لا نرى سوى ظلال الأشياء.

ما هذه الأفلاطونيات،  
يا عزيزي تيريسياس

يمكننا فقط الانطلاق  
في مسار مستقيم !

للضوء أيضا  
الجيوديسيا

حسناً، إنه أمر عجيب، الجيوديسيا،  
عندما نسقطها من خلال زاوية أخرى،  
يبدو الأمر مغايراً و مختلفاً تماماً!

؟!؟

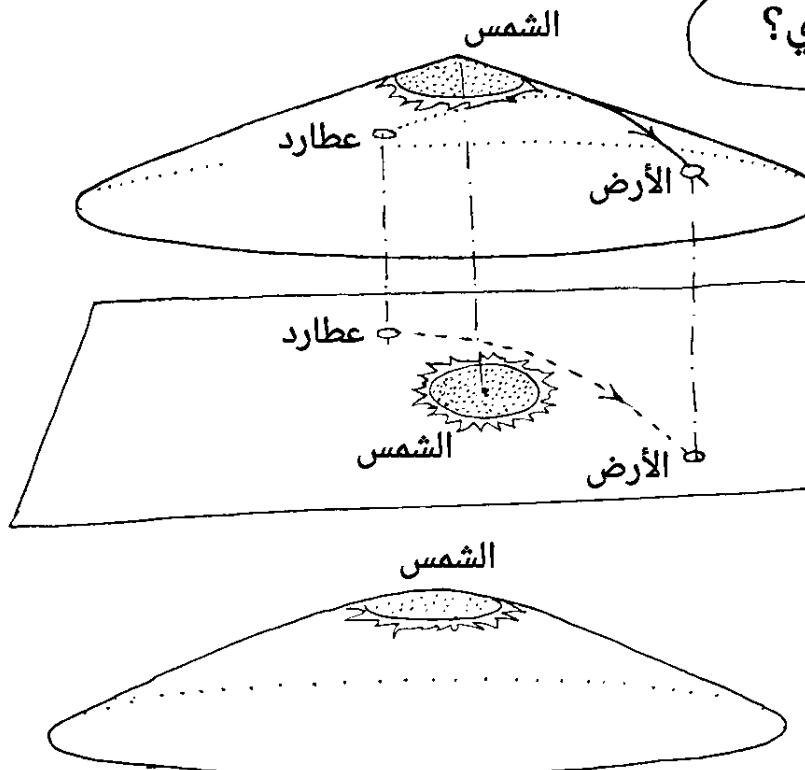
تيريسياس!

حسنا، حسنا...



# الكتلة و المادة

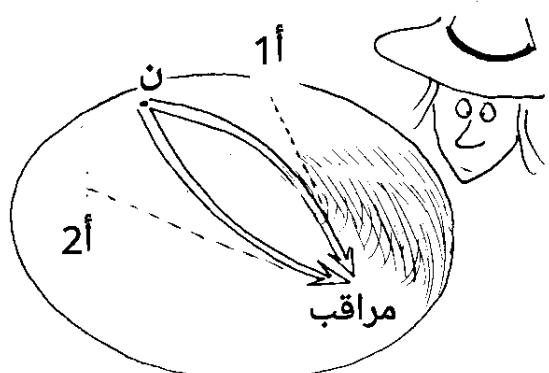
ولكن، هل الشمس... مخروطي؟



حسنا، نحن نعرف  
أن الشمس تحرف أشعة  
الضوء القادمة من عطارد.

نحن نعتقد أن الفضاء، في محيط الشمس، مستو. في الواقع، هذا النجم، و بالنظر لكتلته الكبيرة يمثل كمية معينة من الانحناء. لكن، بما أن الشمس ليست كتلة نقطية، علينا إذن أن نمثل هذه المنطقة من الفضاء باستخدام مخروطي سلس.

يمكن للأجسام الضخمة و الهائلة ثني و طي الفضاء إلى حد أن مراقبا يوجد في نقطة ما سيتمكن من رؤية صورتين 1 و 2 لنفس النجم  $N$  :  
هذا هو تأثير جاذبية المادة، أو عدسة الجاذبية، و لقد تم التتحقق من هذا التأثير مؤخرا عن طريق المراقبة.



تمثل كتل الذرات والجسيمات الانحناء العام للكون.

سنعطي لكتلة معنى هندسيا

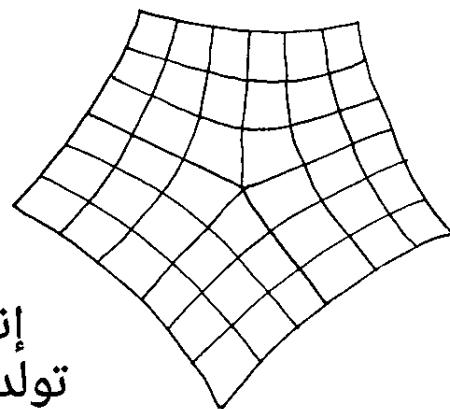
ولكن، يوجد فراغ بين الذرات... أليس كذلك؟

ولكن لا، يا عزيزي، هذا التعارض القديم بين المادة والفراغ متجاوز تماماً. الشيء الوحيد المتبقى حاليا هو الهندسة

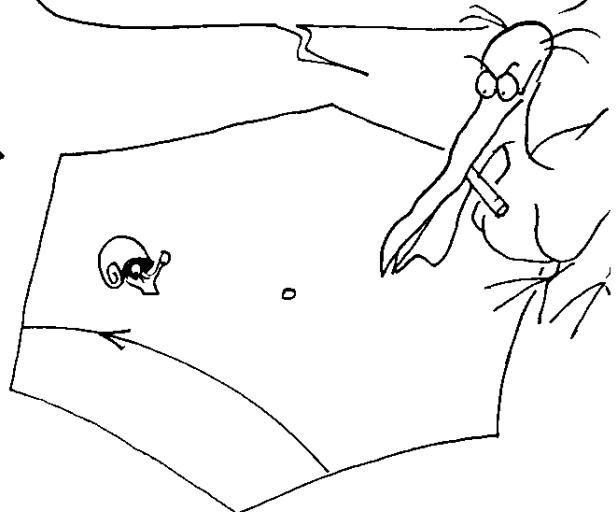
وإلا فأنا لم أعد أفقه شيئاً ...

الهندسة !!

و المخروطيات السالبة ؟



إنها تمثل "كتلا سالبة"  
تولد قوى طاردة. سيكون  
هذا العالم مليء بالكتل السالبة  
غريباً جداً. فبدلاً من أن تولد هذه الكتل  
 مجرات ونجوم سيكون هذا العالم مليئاً  
 بالفراغات العملاقة و الكثيرة من الفقاعات.



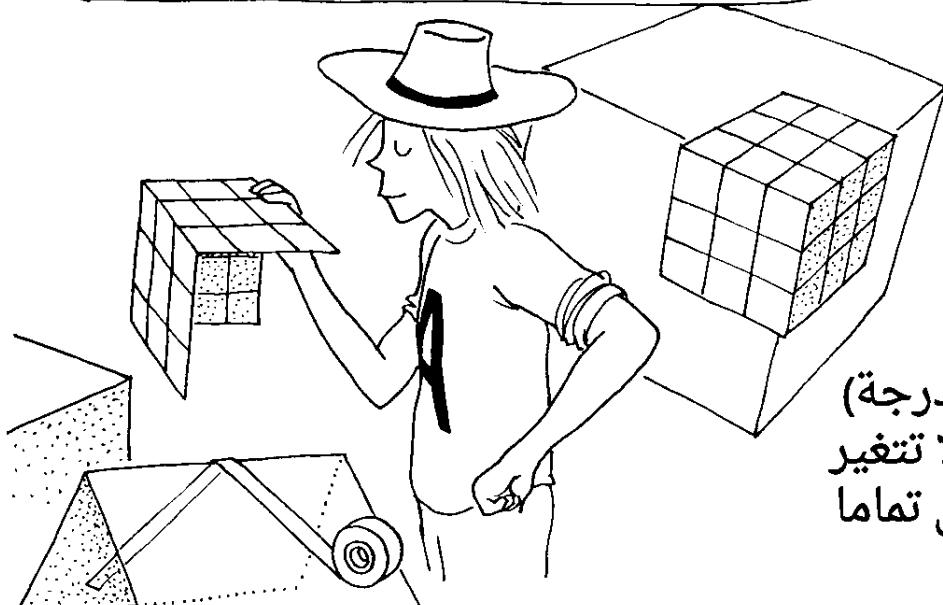
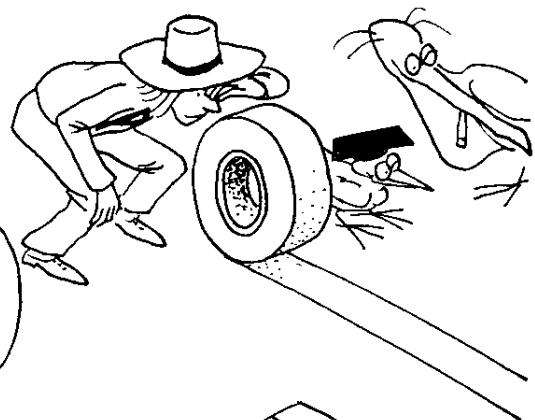
هكذا تبدو تجمعات المجرات  
 وهي تشكل نسيجاً خلويًا  
 غريباً، كل خلية تبعد  
 بـ 200 مليون  
 سنة ضوئية.



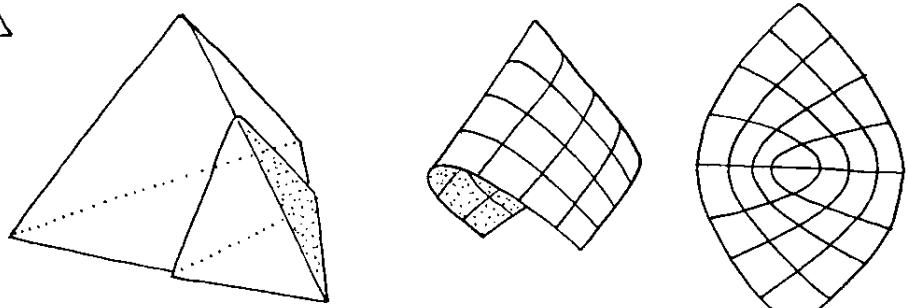
من الممكن أن تكون قوى الجاذبية طاردة و نافرة على مسافات كبيرة جداً.

# متعددات السطوح

سليم، بإمكانك تجسيد الجيوديسيا لسطح ما باستخدام شريط لاصق، على سبيل المثال.

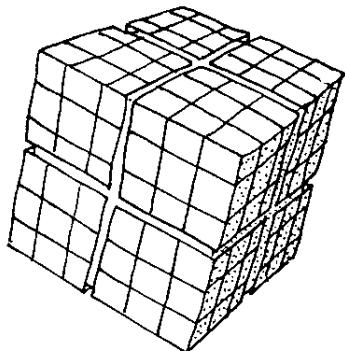
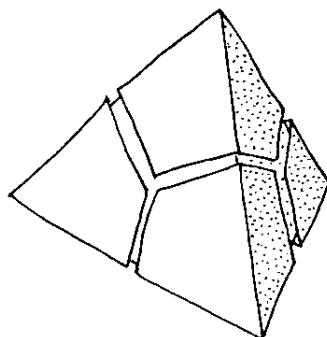
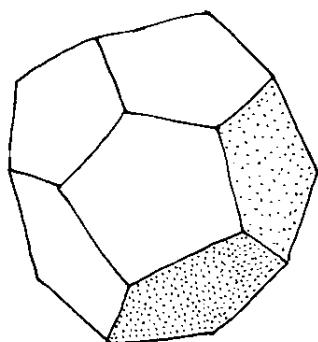


عندما تطوي  
هذا المخروطي ( $\theta = 90$  درجة)  
فالجيوديسيا الخاصة به لا تتغير  
أبداً. بل سيعتنق ويتناول تماماً  
مع زوايا مكعب.



وبالمثل، يمكنك إحداث ثلاث طيات  
على هذا المخروطي ( $\theta = 180$  درجة)  
بحيث يكون في استطاعتنا تركيبه  
على زوايا "رباعي سطوح" منتظم.

# على الفضاء أن يكون مفتوحًا أم مغلقًا؟



عشرون مخروطيا  
 $\theta = 36$  درجة) تسمح لنا ببناء  
"إثنا عشرري السطوح"  
 $720 = 20 \times 36$  درجة

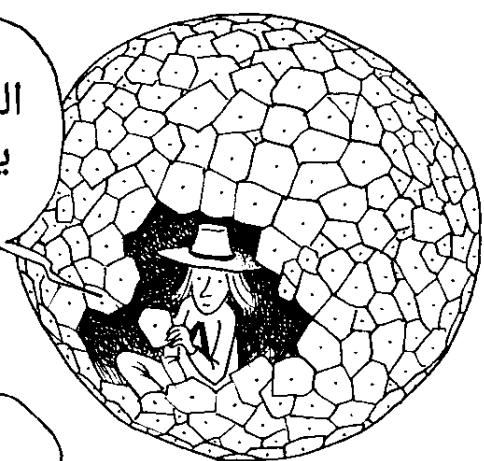
اربعة مخروطيات  
 $\theta = 180$  درجة)  
تسمح لنا ببناء "رباعي  
أسطح"  $720 = 4 \times 180$  درجة

ثمانية مخروطيات  
 $\theta = 90$  درجة)  
تسمح لنا ببناء "مكعب"  
 $720 = 8 \times 90$  درجة

عندما أقوم بتجميع عدداً من المخروطيات الصغيرة (ن) بشكل منتظم قدر الإمكان، أجد أنه عندما يكون حاصل ضرب (ن) في الزاوية  $\theta$  هو 720 درجة  
 $(n \times 720 = 720)$  درجة، أحصل على ... كرة !

هذا أمر طبيعي لأن مجموع  
انحناء الكرة هو 720 درجة.

أما الآن، فأخرج  
من هناك يا عزيزي

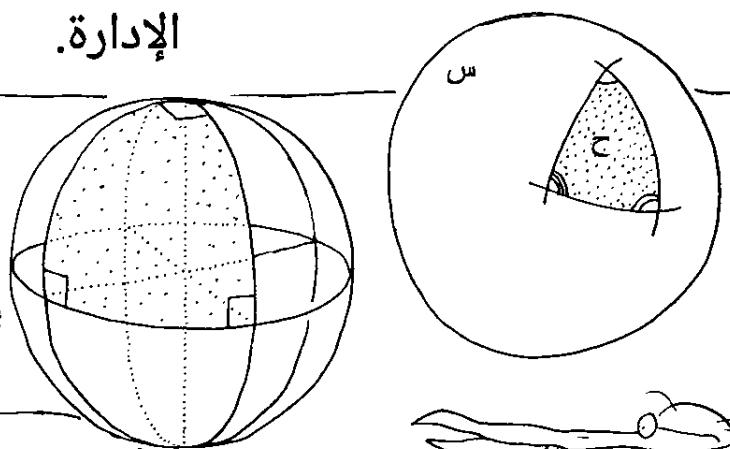


يتوزع الانحناء بشكل منتظم على جسم كروي. وبالتالي فإن مجموع زوايا مثلث مرسوم على حيز ما في الكرة هو:  $180 + 720 \times h$ . حيث تمثل ( $h$ ) مساحة المثلث و ( $s$ ) المساحة الإجمالية للكرة.

الإدارية.

مثلا، يحتل هذا المثلث مساحة توازي ثمن سطح الكرة :

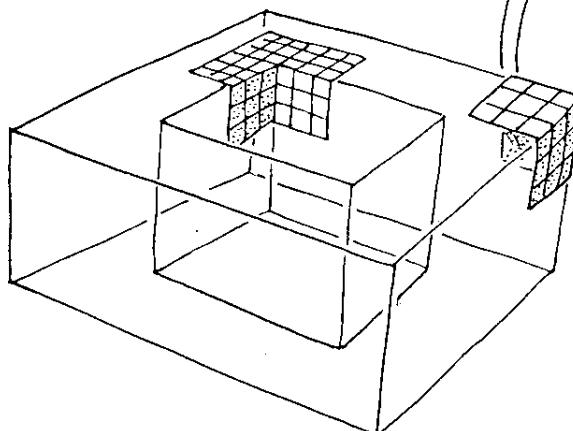
$$أ + ب + ت = \frac{720}{8} + 180 = 270 \text{ درجة.}$$



لأسباب مماثلة، إذا كان متوسط الكثافة في فضاءنا ثلاثي الأبعاد (أي كمية الانحناء لكل وحدة حجم) تتجاوز  $^{29} 10$  جرامات / سنتيمتر مكعب، فسيغلق هذا الفضاء على نفسه.

هذا رائع !

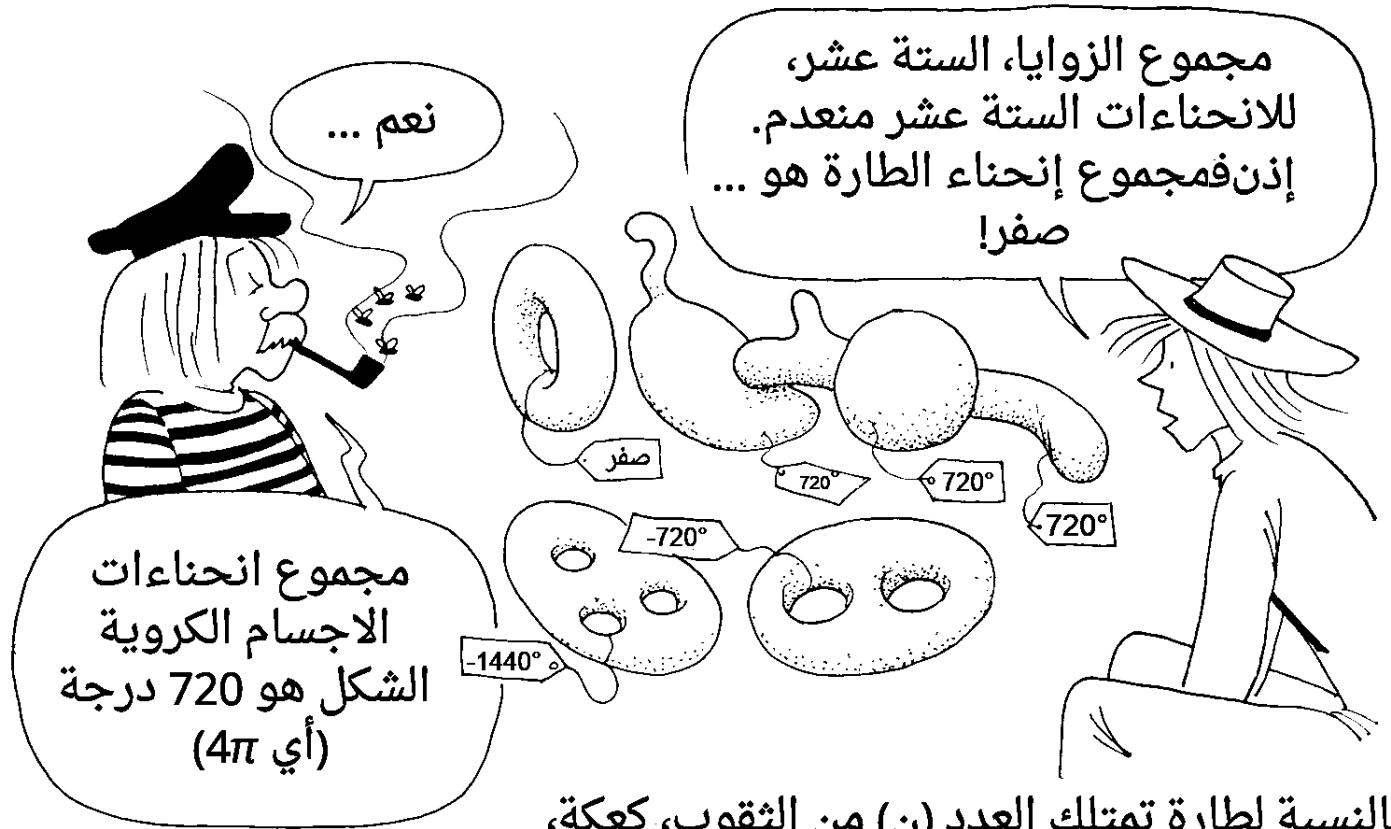
أخبرني يا سيد أبير،  
ما هو مجموع انحناء .... ؟



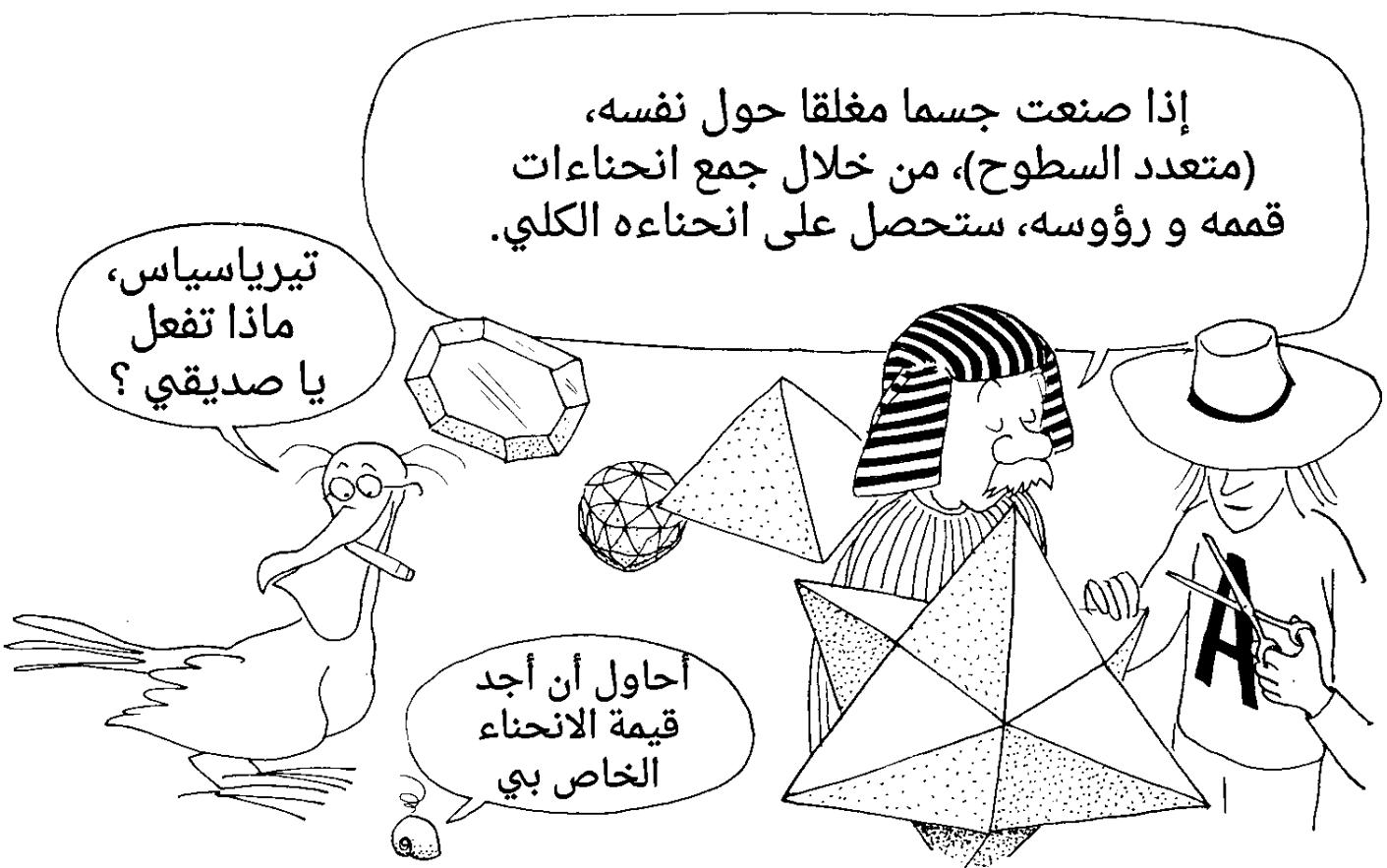
الامر بسيط يا سليم، عليك فقط أن تمثلها على هذا النحو:

بالنسبة للمخروطي الايجابي: ( $\theta = + 90$ )  
و بالنسبة للمخروطي السلبي: ( $\theta = - 90$ )

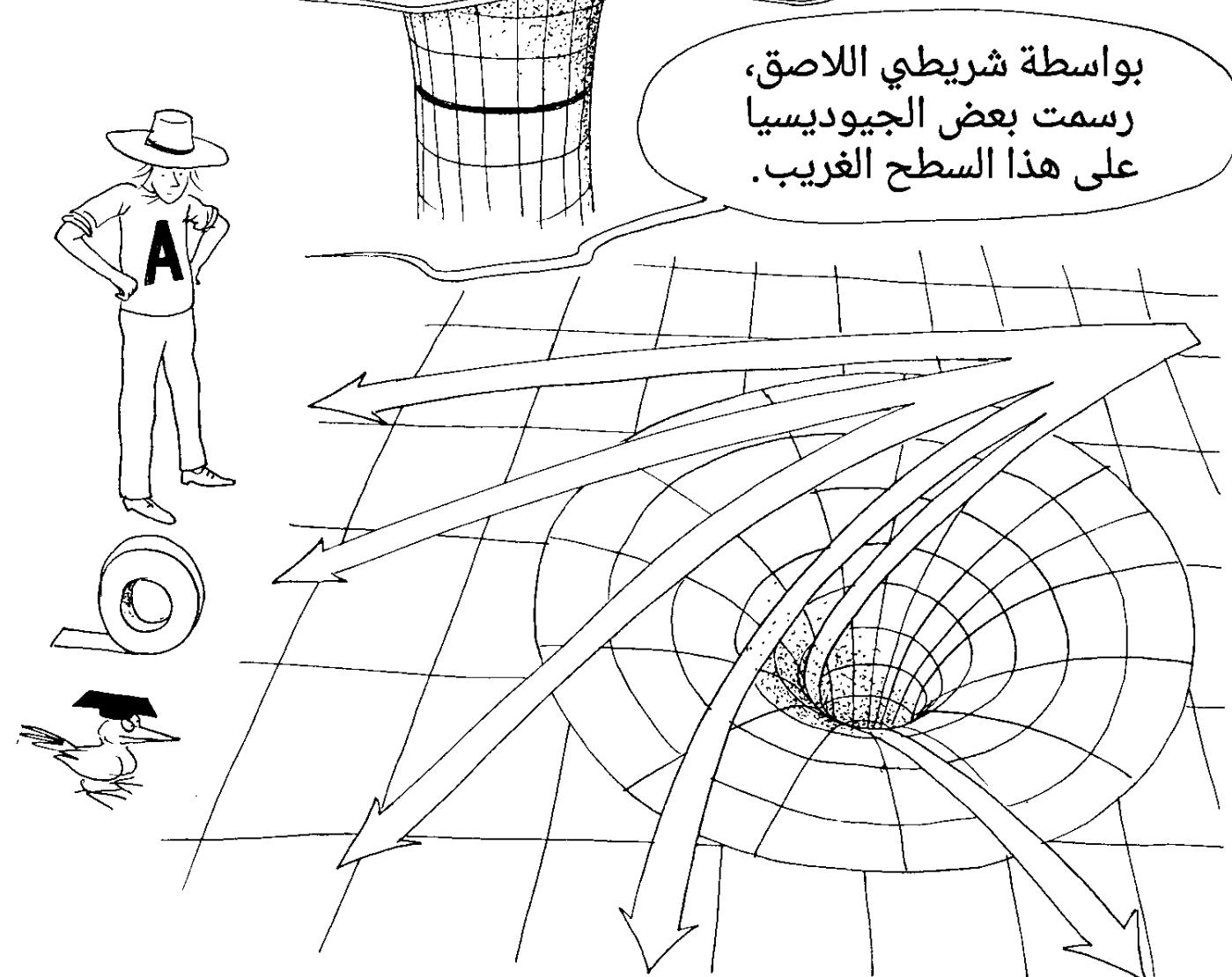
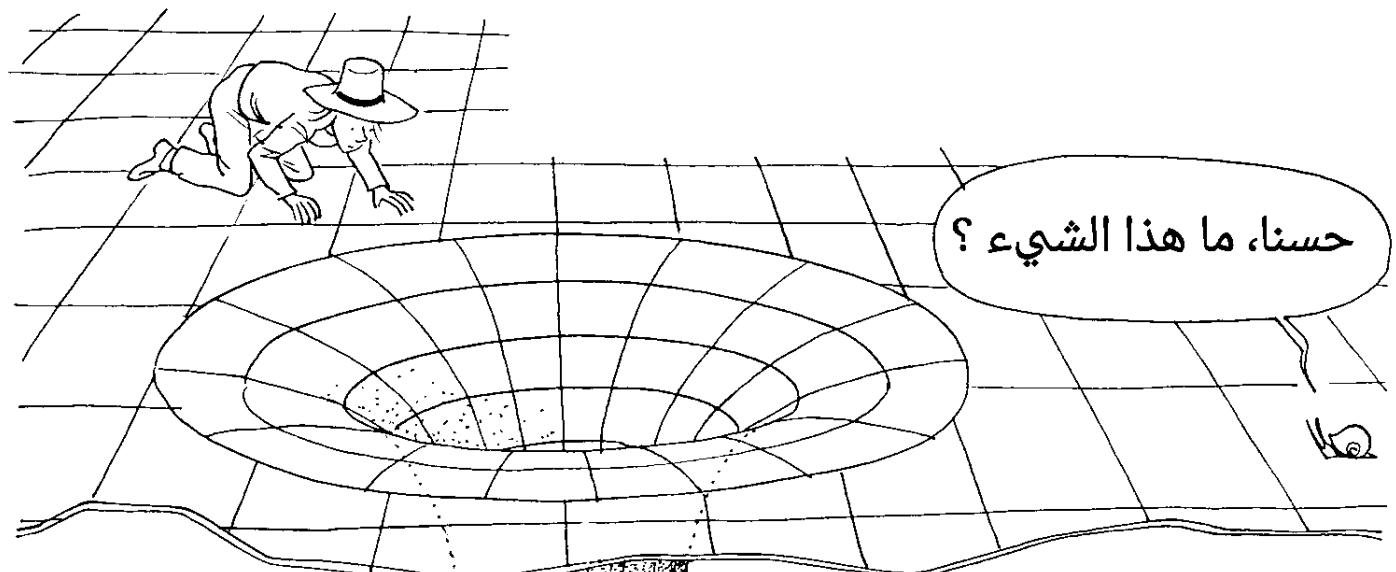
(\*) نظرية غوس

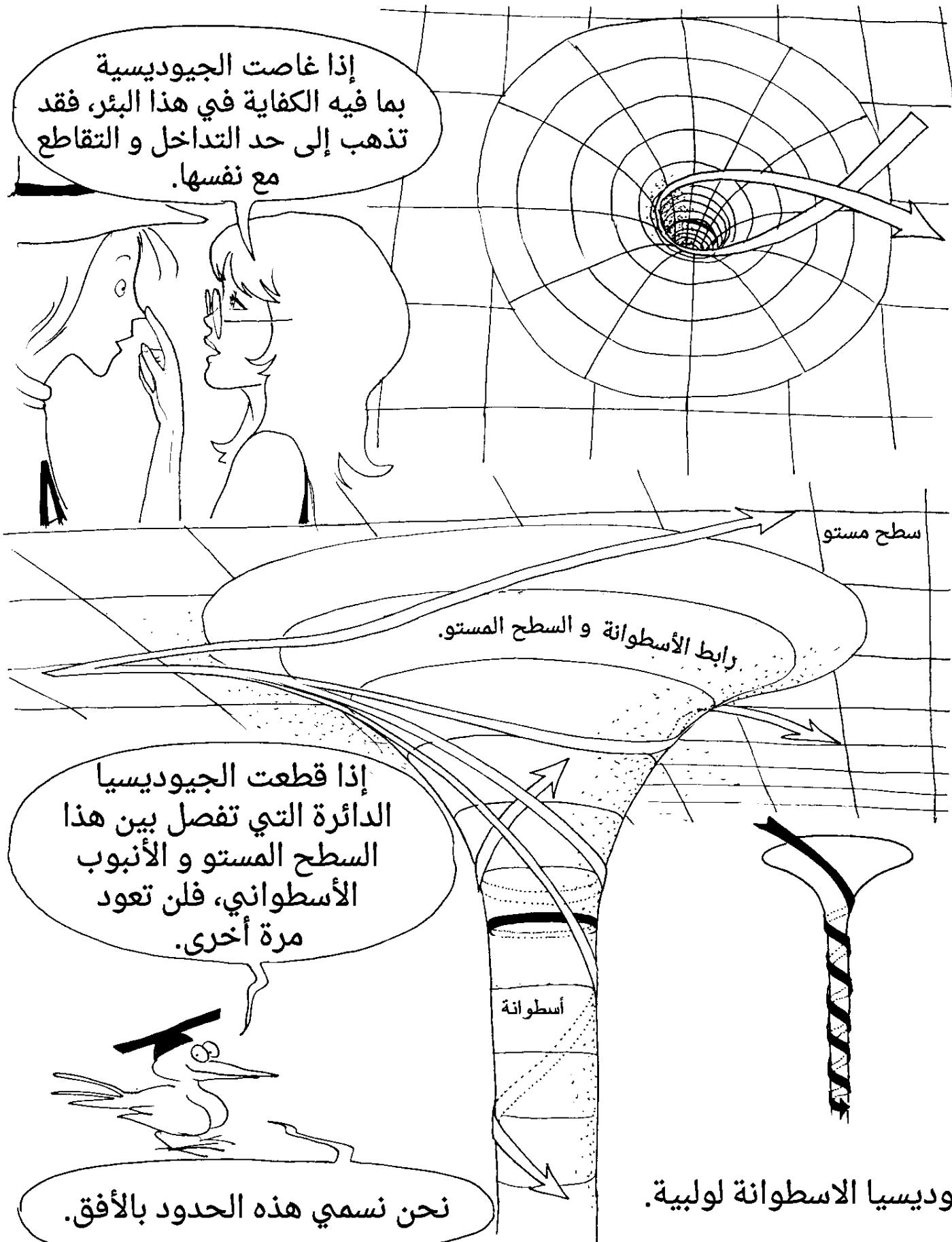


بالنسبة لطارة تمتلك العدد ( $n$ ) من الثقوب، كعكة،  
سيكون مجموع انحناءاتها:  $\text{ناقص } 4\pi \times (n - 1)$



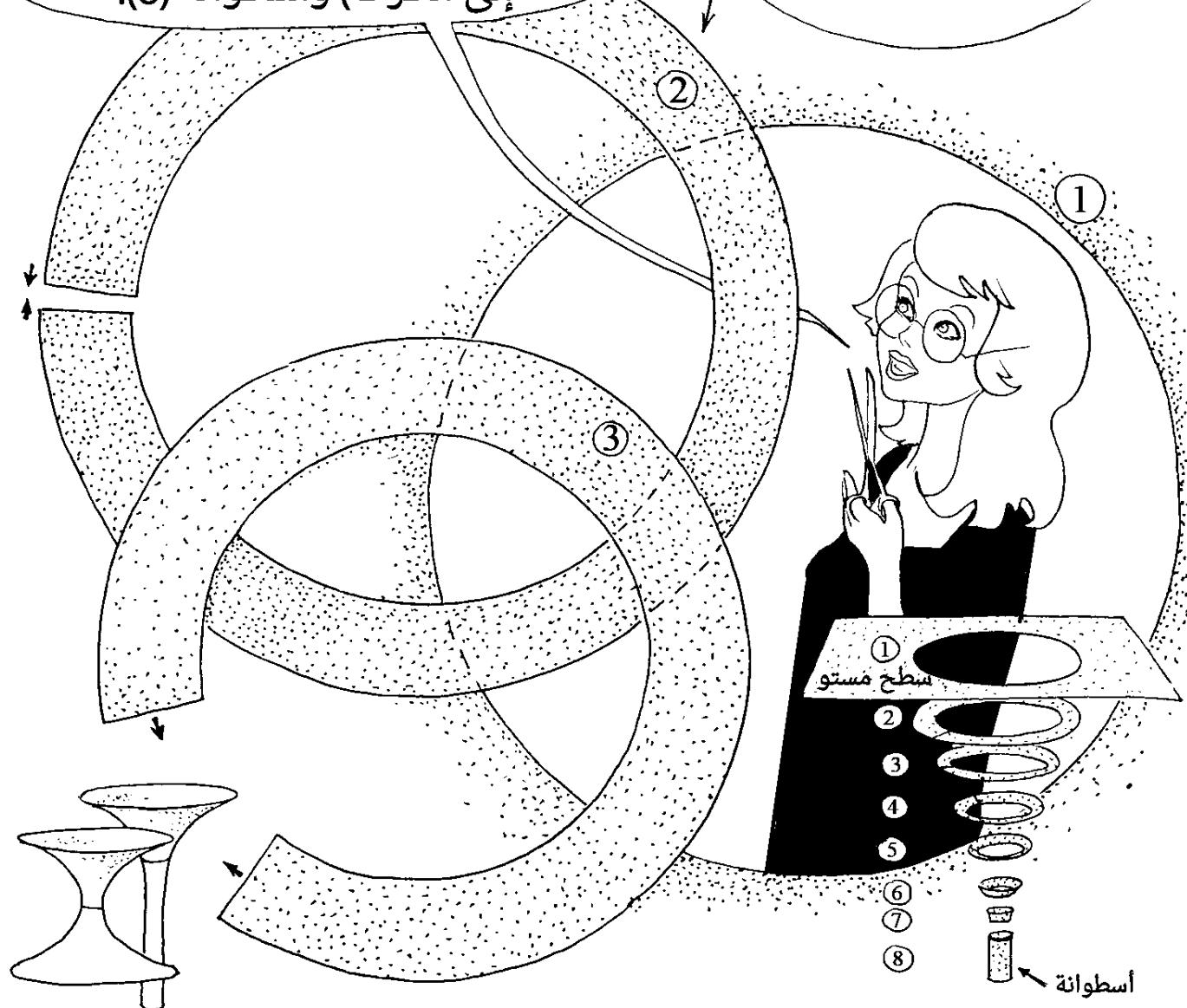
# مقاربة أولى للثقب الأسود

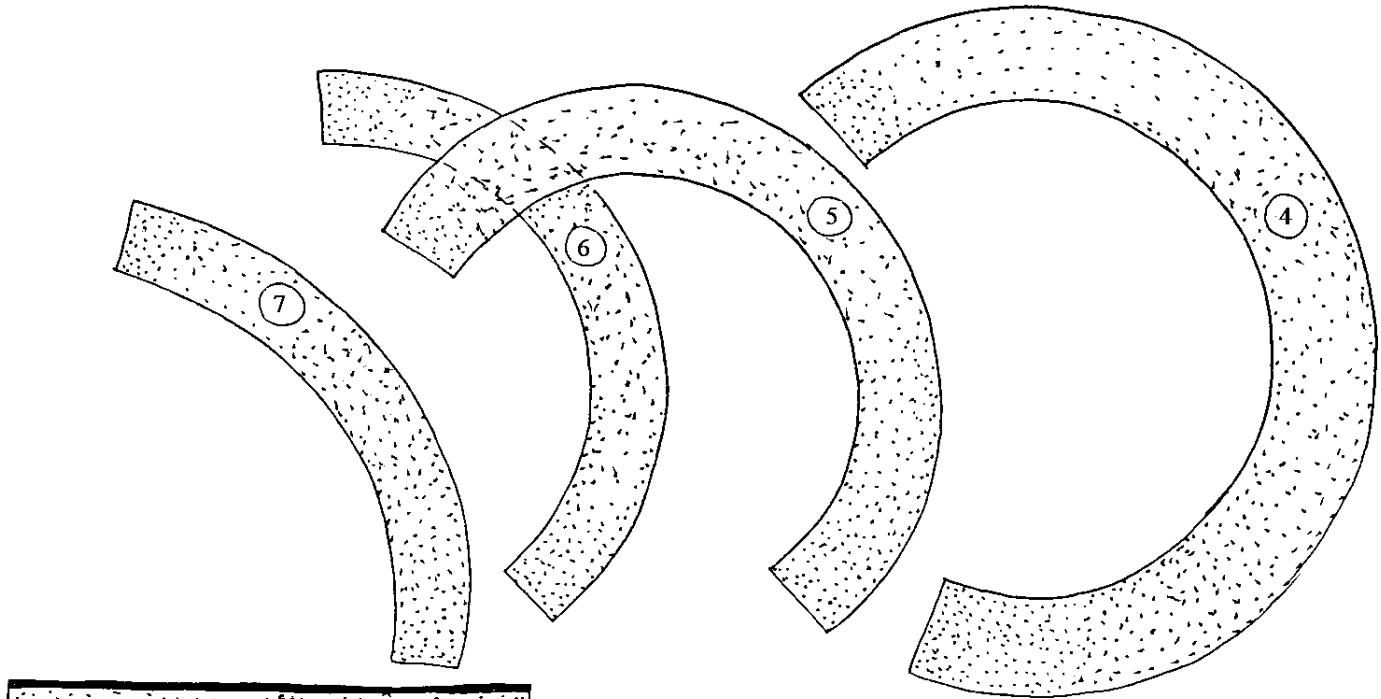




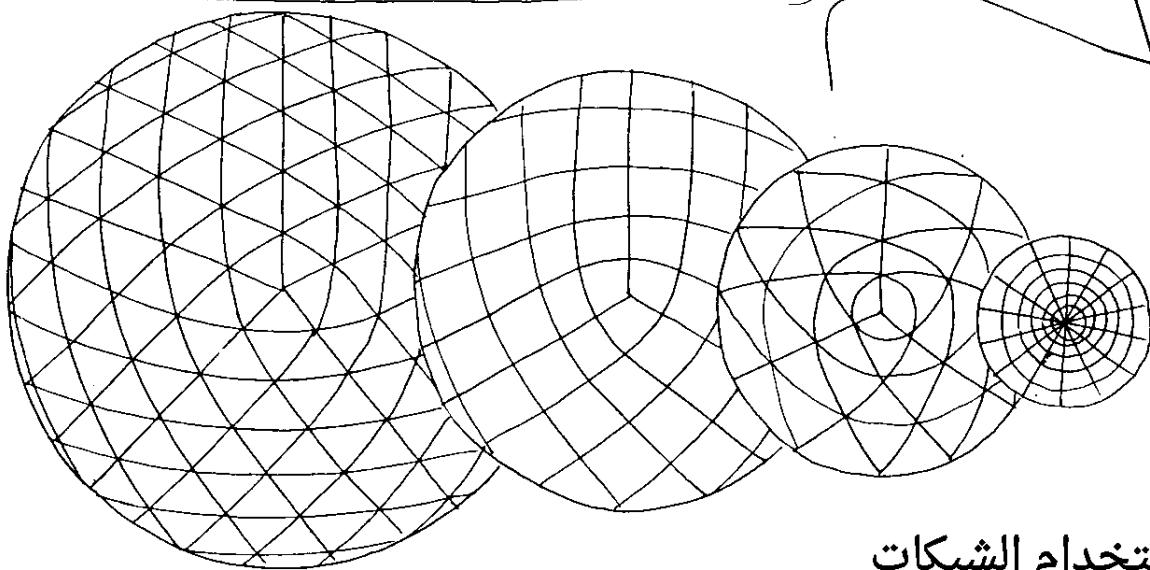
إذا عاش شخص ما  
في عالم ثنائي الأبعاد، فسوف يرى  
و يتصور المسارات على هذا النحو.

تستطيع أن تصنع الثقب الأسود  
الخاص بك، باستخدام سطح مستو  
به ثقب (1) و ستة قطع من المخاريطيات  
(من (2) إلى (7) يتم تجميعها من الطرف  
إلى الطرف) وأسطوانة (8).





هذه طريقة أخرى لتمثيل الثقب الأسود، باستخدام الشبكات.

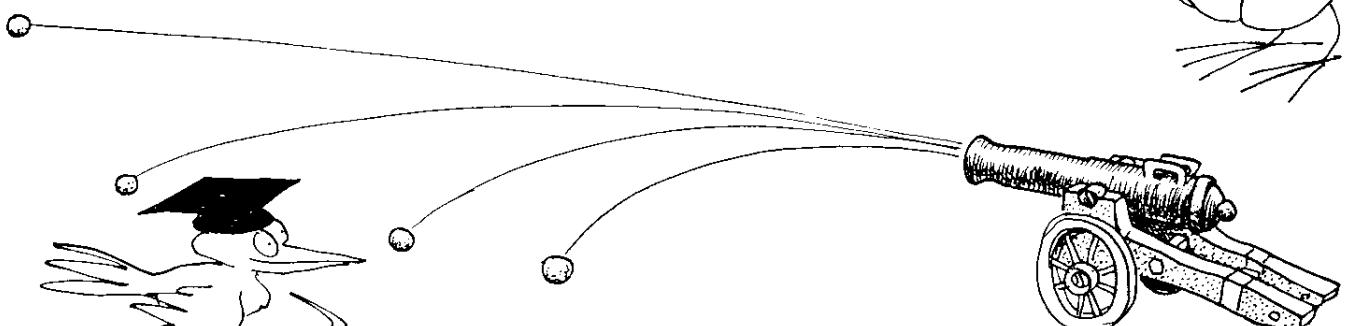
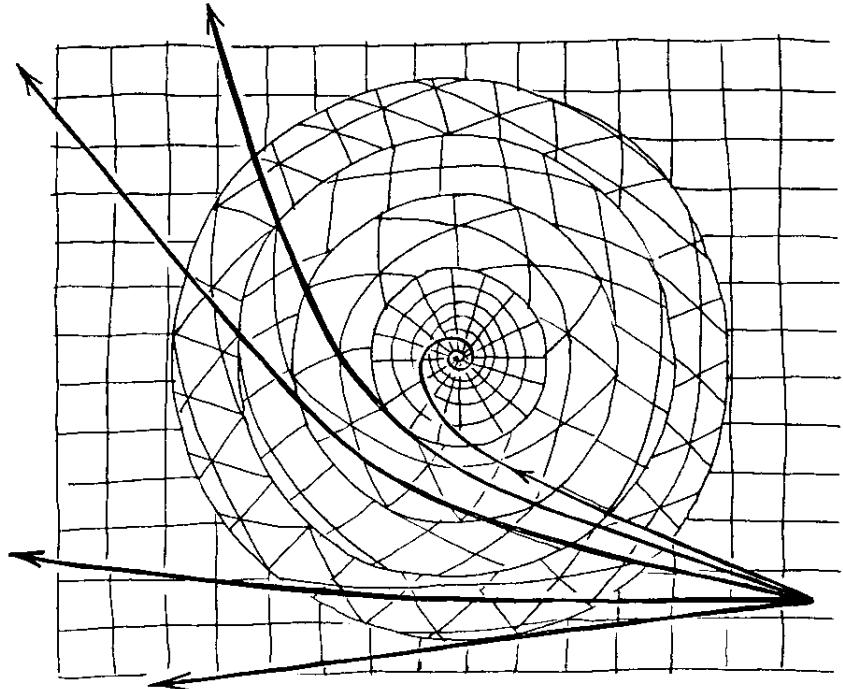


تم اختيار استخدام الشبكات المنتظمة و العادية لأسباب جمالية فقط.

## قواعد اللعبة:

يجب علينا أن نقطع هذه الشبكات المتتالية من خلال زاوية ثابتة، مع الحفاظ على الاتصال والاستمرارية عند كل حد دائري. تزداد شدة الجاذبية كلما اقتربنا من الثقب الأسود.

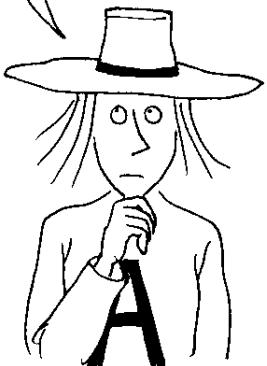
داخل دائرة الأفق، يصبح المسار لولبياً. تجدر الإشارة إلى أنه يمكن تشبيه الشبكة المركزية، القطبية، لشبكة الجيوديسيا على اسطوانة، يتم عرضها في "المنظور" (\*).



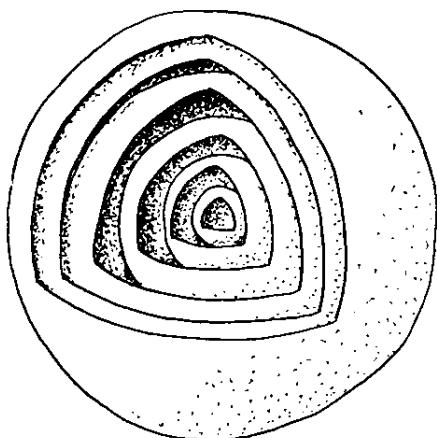
مثلاً: قذيفة المدفع و قوة الجاذبية.

مسار جسم ما في حقل للقوة مولد بواسطة كتلة واحدة أو أكثر يعتمد على سرعته الأولية ( $s_0$ )

إذن، فالرسومات السابقة تتوافق قيمة معينة  
للسرعة الأولية ( $s_0$ )؟



# في الغوص



تخيل معي عالمًا مبنيًا  
على شكل بصلة، أي مكون  
من مجموعة من الطبقات  
متعددة المركز. (\*)



كل طبقة تمثل كثافة معينة من السرعة ( $s$ ),  
و كلما توغلنا أعمق كلما كنا أسرع.

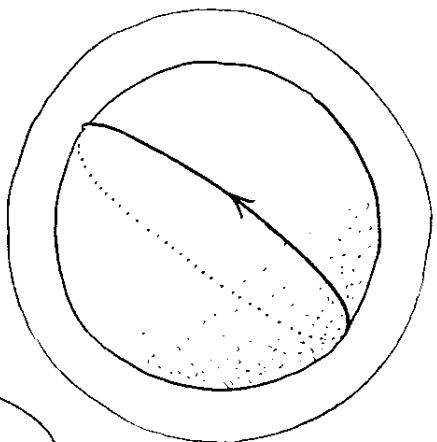


عندما نبلغ سرعة الضوء،  
نكون في مركز البصلة.

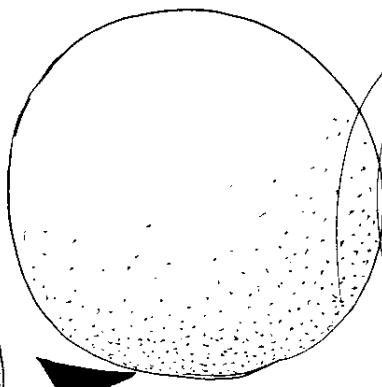
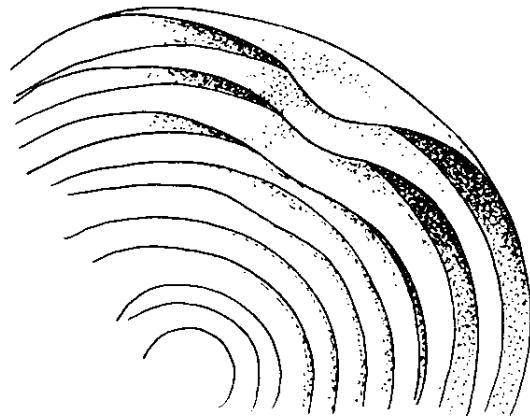


(\*) تم تقديم هذا النموذج بالفعل في ، كل شيء نسبي، تحت  
اسم "الحديقة الكونية" لنفس المؤلف، إصدارات (BELIN).

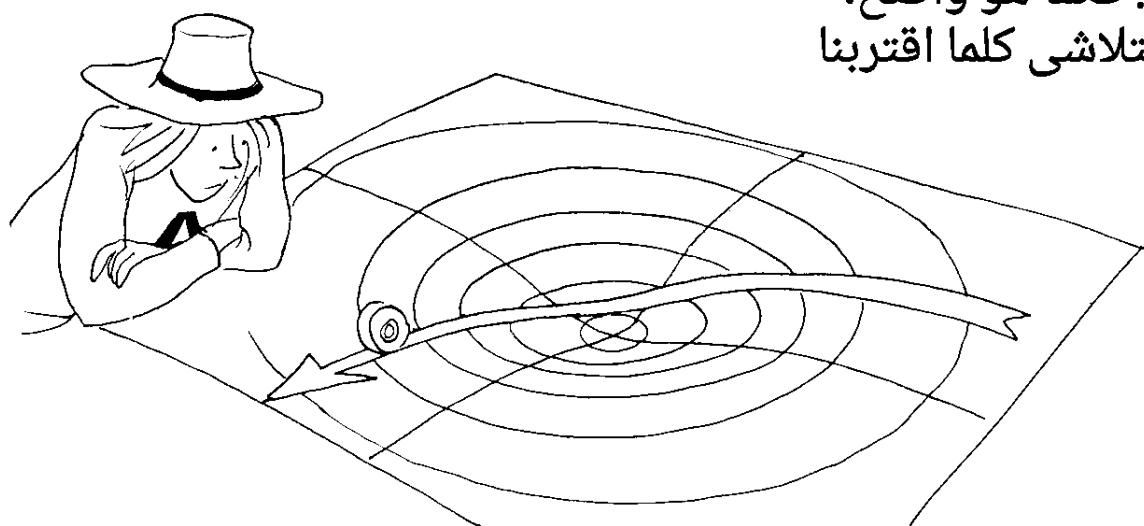
في غياب القوى، سيحافظ أي جسم على سرعته ( $s_0$ )، لهذا السبب سيبقى دائماً على نفس المسافة من مركز البصلة). أنه يتبع جيوديسياً الكرة المقابلة، وهذا يعني، دائرة كبيرة.



والآن...  
إنتبهوا جيداً!

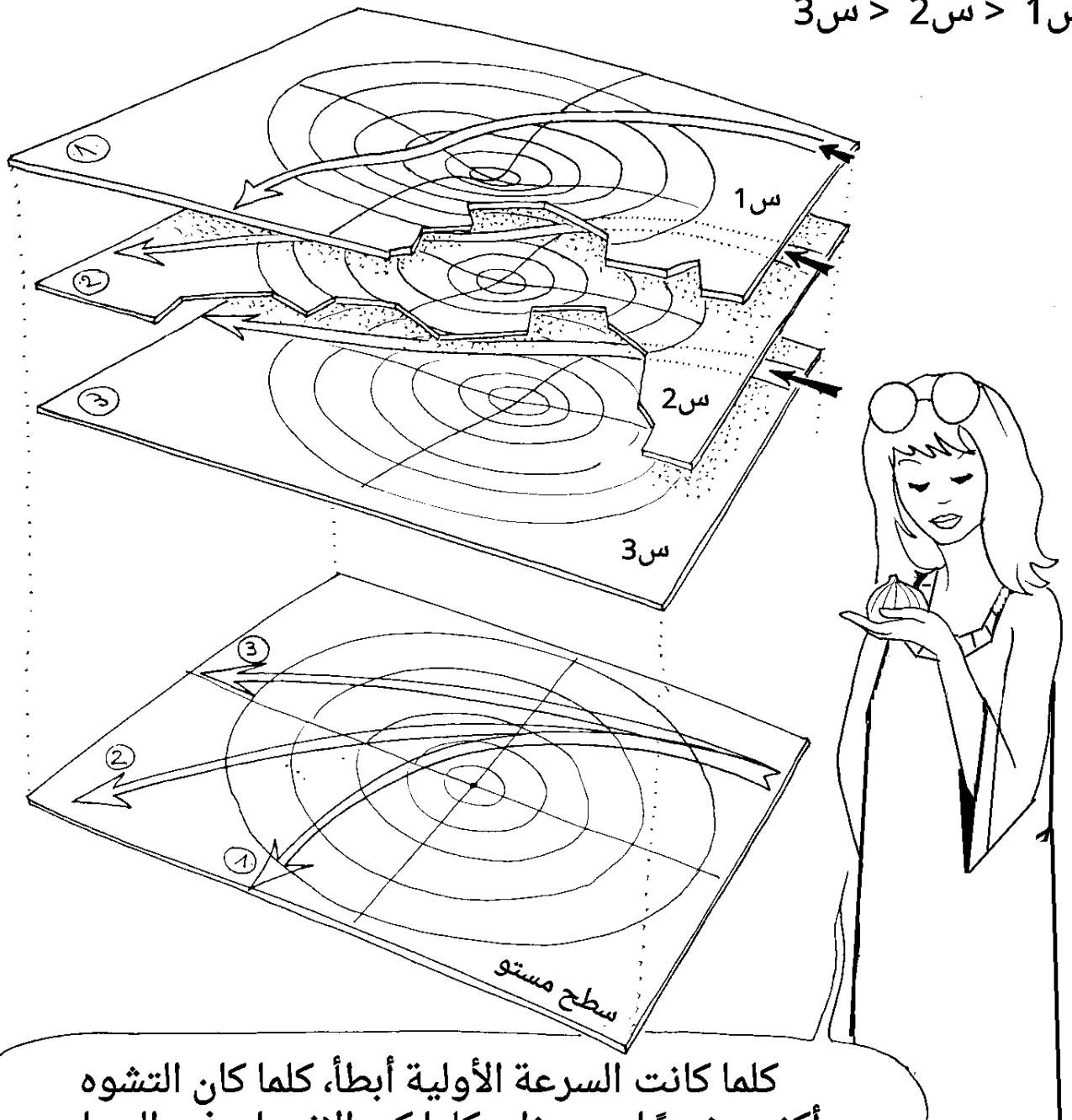


هذه هي نتيجة ضربة مطرقة السيد ألبرت. فكما هو واضح، فإن التأثير يتلاشى كلما اقتربنا من المركز.



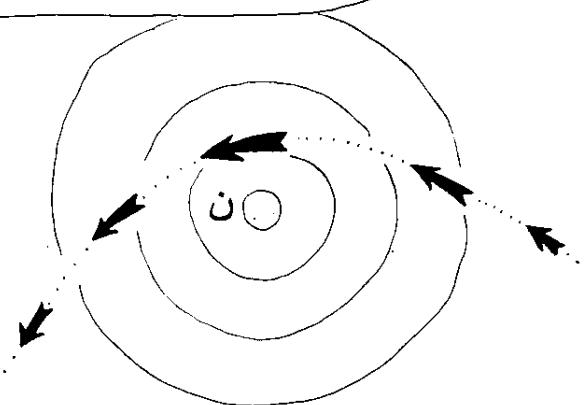
هذه حفرة (أو نتوء)، لقد رسمنا خطوط المستوى (وهي ليست الجيوديسيا!) إلى جانب جيودسية معينة.

$س 1 > س 2 > س 3$



كلما كانت السرعة الأولية أبطأ، كلما كان التشوه أكثر وضوحاً وبروزاً، وكلما كبر الانحناء في المسار.

تحت تأثير قوة الجاذبية، تزداد سرعة الجسم في البداية وتنخفض بعد ذلك. يصل الجسم إلى سرعته القصوى عندما تكون المسافة بينه وبين الجسم الجاذب في حدودها الأدنى (الحضيض)



ما هذه الآلة؟!

إنها "آلة الزمن".

إنها تتيح لنا تتبع  
جيوديسيا الحديقة الكونية

ولكن لماذا سنستقلها؟

لن أضع  
رجلين داخلها  
مهما حصل!

الرحلة و المسار  
الذي تقطعه "آلة الزمن"  
يسمى قدرًا.

الحديقة الكونية  
بأكملها مغمورة بسائل  
"استخدام الوقت" (\*)

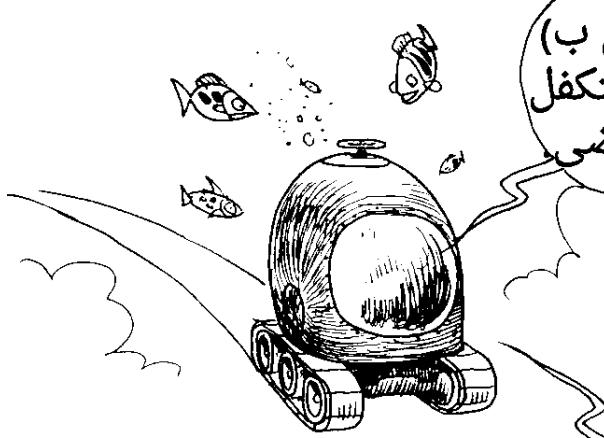
حسب تعبير الكاتب "الكونول" CHRONOL (\*).



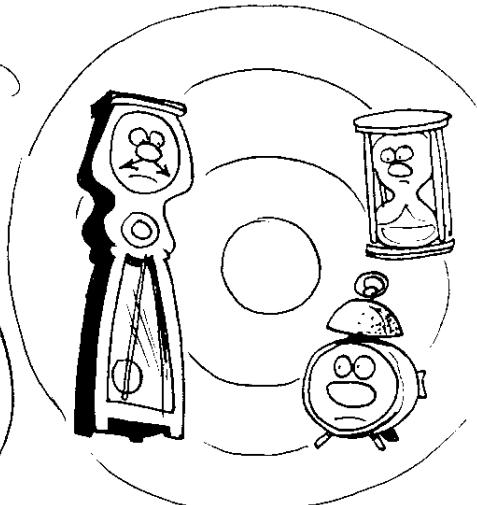
(\*) مذكورة : المبدأ الثاني للديناميكا الحرارية يخبرنا أنه ليس من الممكن تتبع جيوديسيا الزمكان (الحقيقة الكونية) بطريقة عكسية.

الإدارة.

و بما أن الضغط (ض أ) مرتفع عن الضغط (ض ب)  
فإن سائل "استخدام الزمن" سيتدفق و ستتكلف  
وحدة قياس التدفق بحساب الوقت الذي مضى

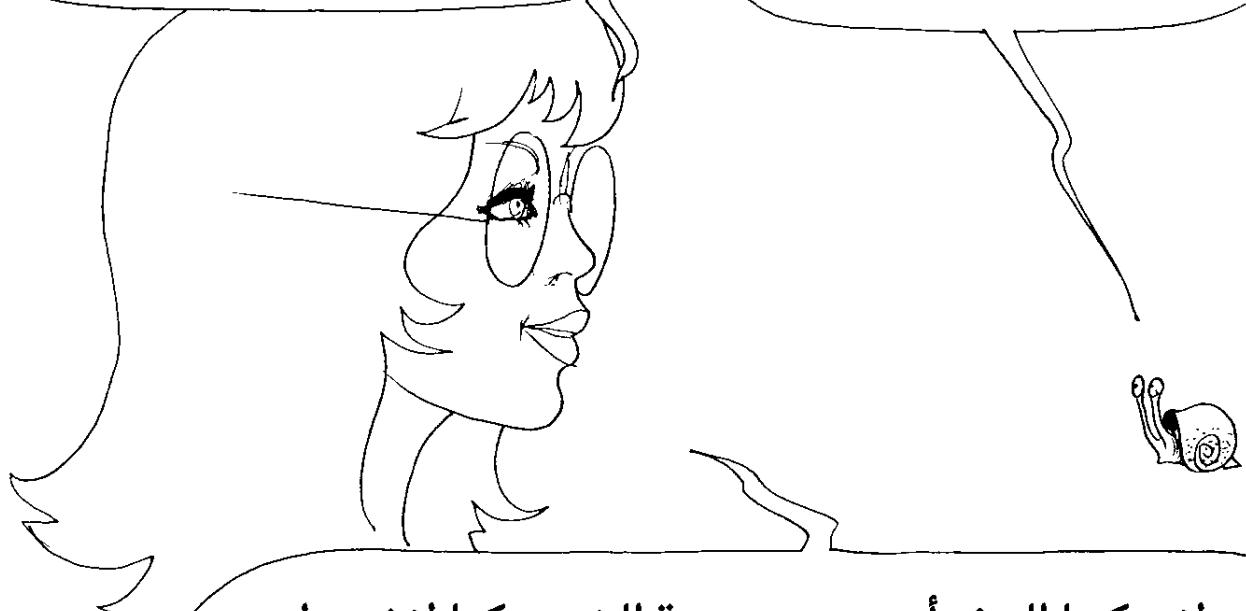


كلما تعمقنا في سائل "استخدام الزمن"،  
كلما ارتفع الضغط (ض ب) أكثر، و بما أن التدفق  
يتناصف مع الفارق بين (ض أ) و (ض ب) فإن  
الوقت سيمر بسرعة أقل. (ض أ - ض ب).



وعندما نصل سرعة الضوء،  
يصبح الضغط (ض ب) مساويا  
للحضارة (ض أ)، عندها سيتوقف  
الزمن.

و العمق يمثل السرعة.  
فكثما تقلنا أسرع، كلما  
كان الوقت أبطأ. (\*)



لا يمكننا السفر أسرع من سرعة الضوء، كما لا نستطيع  
أن نتوغل أعمق من مركز "الحديقة الفضائية".

(\*) انظر "كل شيء نسبي"، لنفس المؤلف.

سطح الحديقة الكونية هو الجمود، والراحة.

عندما نبقى بلا حراك،  
نشيخ بسرعة أكبر!

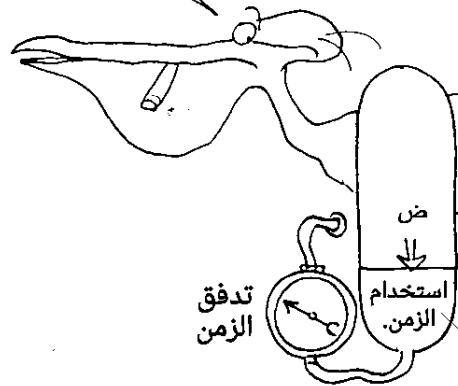


عندما يكون الجسم ضخماً و ذو كتلة مهمة للغاية، فإنه يحدث انحناء قوياً في "الزمكان". هذا يعني أنه في منطقة كهذه، و حتى في حالة الراحة، سوف يكون ضغط جسم ما، مغمور في "استخدام الزمن"، أعلى. وسوف يتذبذب وقته بسرعة أقل من جسم مماثل في حالة راحة و جمود ولكن بعيد عن أي كتلة. سيكون هذا هو الحال في محيط جسم بالغ الكثافة مثل أي نجم نيوتروني.

ربما سنصاب بضررية  
شيوخة مفاجئة.

ماذا سيحدث إذا غادرنا  
"آلية الزمن" فجأة؟

وعندما تستنفذ سائل "استخدام الزمن"  
من الخزان بالكامل، هل هي... الموت؟



# التواصل

حسنا، هنا نحن الآن داخل "آلات الزمن". كيف يمكن لنا أن نتواصل فيما بيننا الآن؟

باستخدام الفوتونات.

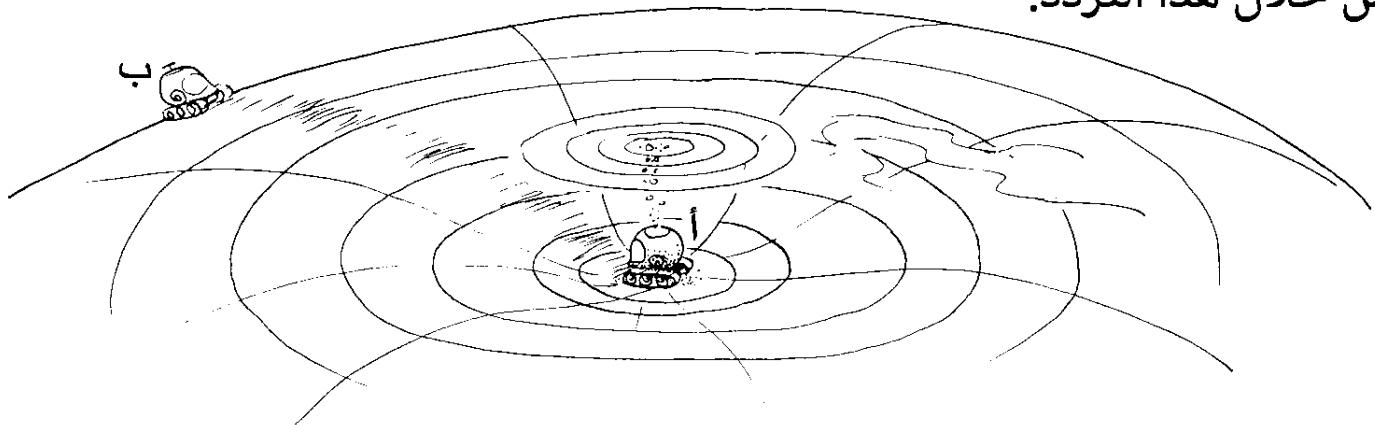
الفوتونات تلعب دور حزمات ضوئية يخترق شعاعها جميع طبقات "الحديقة الكونية" من خلال سرعة زاوية ثابتة.

يمكن للجسم أ الذي يسير بسرعة (س أ) أن يرسل حزمة ضوئية في اتجاه الجسم ب الذي يسير بسرعة أكبر (س ب).

(س ب) > (س أ)



يتم تحديد اللون  
من خلال هذا التردد.



تقاس الترددات (المرسلة أو المستقبلة) من خلال مقارنة الزمن الذي يت伝ق داخل "آلية الزمن" بالنسبة للمرسل أو المتلقي.  
من "آلية الزمن أ" يرسل سليم ضوء أزرقاً. لاحظ أنه يتواجد في منطقة من الفضاء حيث يسود انحناء قوي، قرب نجم نيوتروني مثلاً (ذو كثافة عالية جداً). صوفيا تلقي هذا الضوء. إنها تتواجد على متن "آلية الزمن ب"، بعيداً جداً عن هذا الجسم الكثيف. سيدافق الزمن عندها بشكل أسرع وستقياس ترددًا منخفضًا، لدرجة أن لون الضوء سيكون بالنسبة لها مائلاً إلى الحمرة.

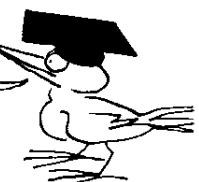
هذه الظاهرة تسمى "انزياح أحمر جذبوي" (\*).

RED SWIFT (\*)

يقف الآن سليم على نجم نيوتروني. (تم تحريره من قوى الجاذبية حتى لا يسحق على سطح النجم تحت تأثير وزنه).

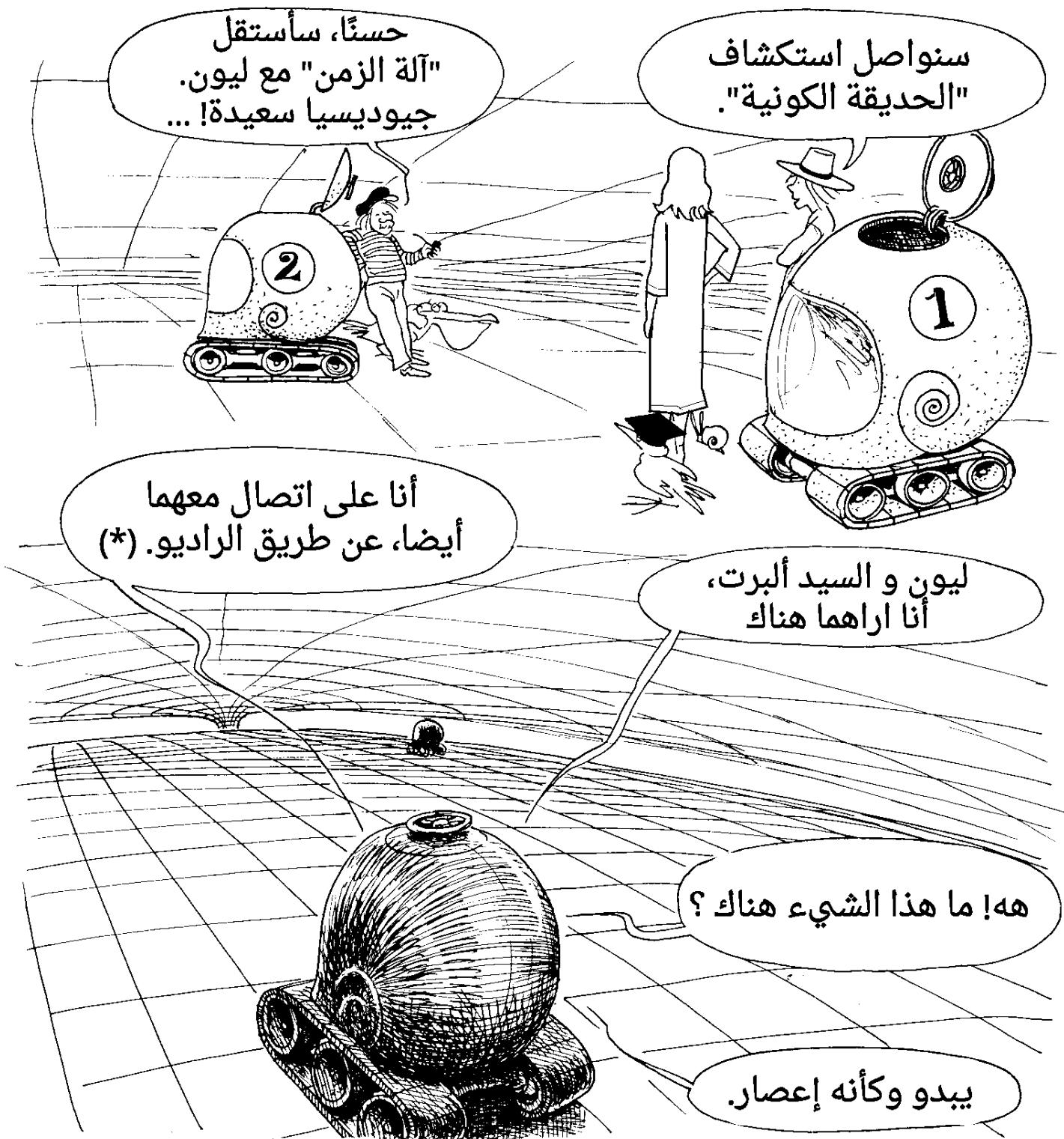


في الواقع، كان لون التفاحة أخضراء طوال الوقت، لكن تغير الزمن غير مظهرها.



لم يعد التفاح كما كان سابقاً ...

# مقاربة ثانية للثقب الأسود



إنه ثقب أسود!

لقد وقع السيد ألبرت  
وليون داخل الثقب مباشرة.

هل يمكننا مساعدتهما؟

نحن نمر  
بمحاذاته، أتعلم  
ذلك!

لا أعتقد ذلك،  
فلا يبدو لي أن  
الجيوديسيا الخاصة  
بنا ستتقاطع.

هل تستطعين رؤيتها؟

يبدو قاع الثقب الأسود  
معتماً تماماً.

ما زلت أراهما، ولكن "آلة الزمن"  
الخاصة بهما أصبحت ذات لون أحمر داكن.

آلو! سيد ألبرت،  
ليون، هل تسمعاني؟

لم أعد أفهم شيئاً!  
أصبح صوته حاداً ويتحدث  
بسرعة كبيرة.

أصبح صوته جهورياً أكثر فأكثر،  
وكانه صوت تسجيل بطيء.

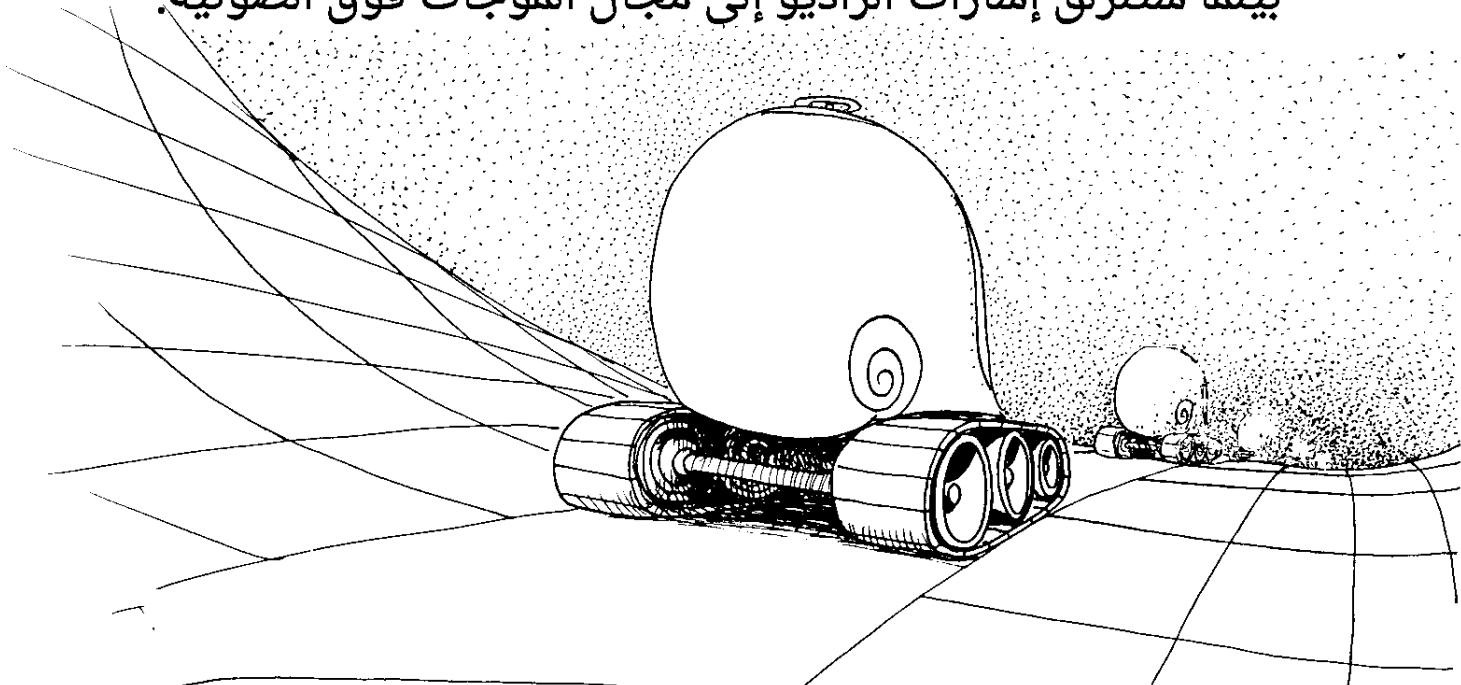
مشاكل التواصل، عندما نعيش  
في "فقاعات زمنية" مختلفة.

# مسألة الوقت

كلما توغل ألبرت و ليون في أعماق "الكرونول" (أو "استخدام الزمن")، كلما ارتفع الضغط الخارجي (ضخ) و كلما انخفض تدفق الوقت في "الساعة" و كلما تباطأ الوقت داخل "آلة الزمن"

عندما سيبلغا نهاية المسار و سرعة الضوء، فإن "الساعة الهدروليكيّة" ستتضخم كمية محدودة من "الكرونول" (أو سائل "استخدام الزمن")، هذا يعني أن الرحلة تمت في وقت منته.

في المقابل إذا واصلت صوفيا وسليم وماكس و تيرياتيس وقوعهم، فستبدو سقطتهم لا نهائية. الضوء المنبعث من "آلة الزمن" الخاصة بهم، سيتحول بسرعة إلى الأشعة تحت الحمراء خارج المجال الضوئي المرئي، بينما ستنزلق إشارات الراديو إلى مجال الموجات فوق الصوتية.



هذا يذكرني بمفارقة "أخيل" و السلحفاة (\*)، فهو يحاول الاقتراب من السلحفاة عن طريق خفض المسافة التي تفصل بينها إلى النصف في كل مرة. لقد نجح في وقت محدود.

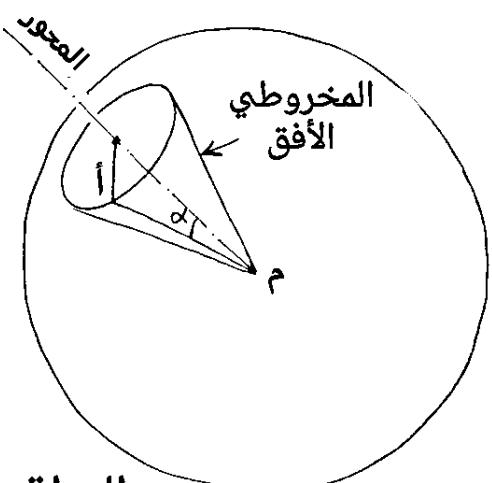
(\*) مفارقة أخيل:

إن جسماً ما لكي يتحرك إلى نقطة (أ) لا بد أن يصل إلى النقطة (ب) وهي منتصف طريقه إلى (أ)، ولكي يصل إلى (ب) يجب أن يصل أولاً إلى (ج) (منتصف طريقه إلى (ب)), وهكذا إلى ما لا نهاية. هذه السلسلة اللانهائية من الحركات تتطلب زمناً لا نهاية له، وبالتالي فإن تحرك أي جسم إلى أية نقطة في زمن محدد أمر مستحيل.

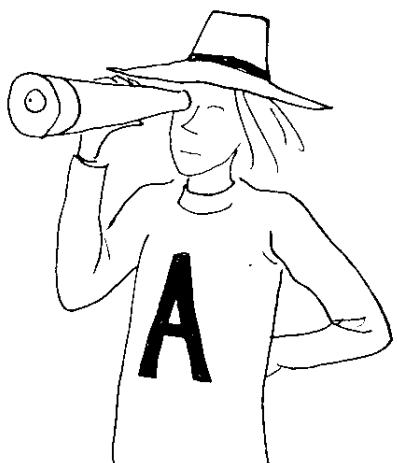
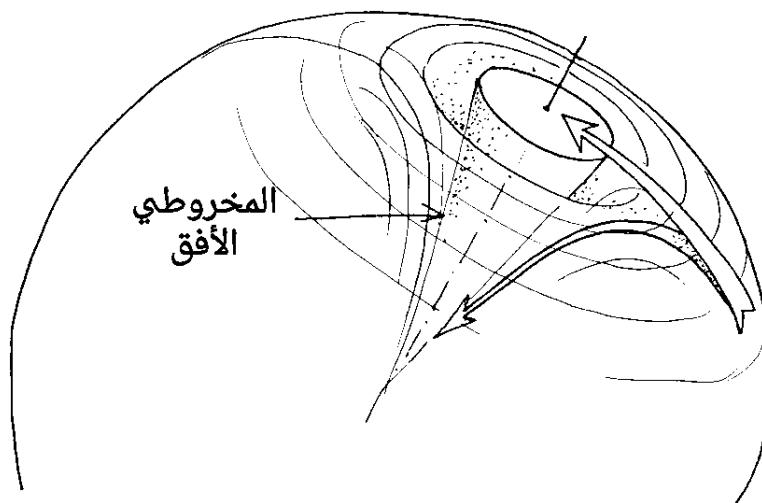
لنتأمل صورة هذا الثقب الأسود في هذا النموذج من "الحديقة الكونية". لقد إخترق المثقاب كررة "الزمكان" تماما حتى المركز، حيث تسود سرعة الضوء. لقد أصبحت جميع الطبقات المتراكمة مماسة ومحاذية للمخروطي ذو نصف زاوية  $\alpha$ .

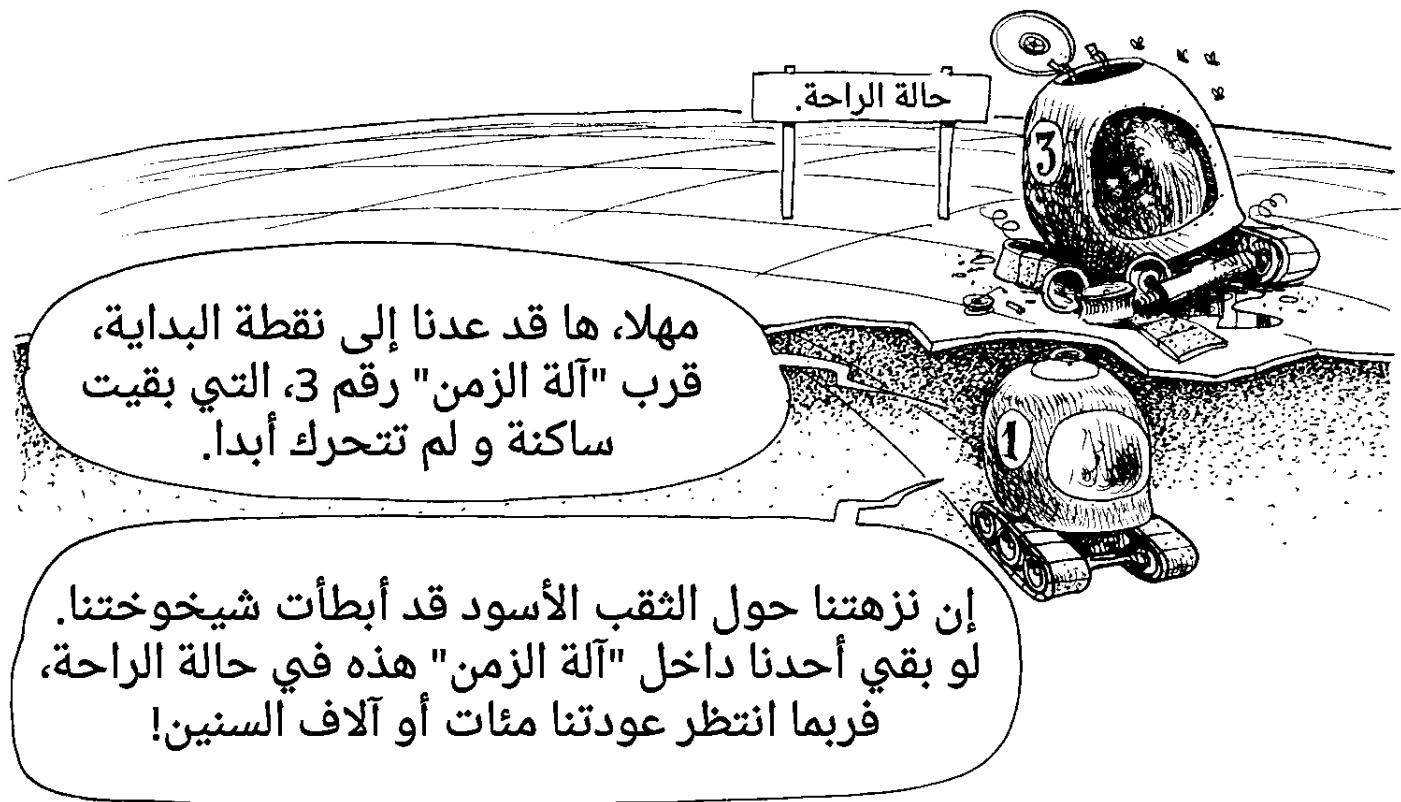


المسافة في هذا النموذج، هي في الواقع زاوية بين شعاعين متوجهين : مثلاً  $M$  و  $B$ . بالنظر إلى الرسم أعلاه، نلاحظ أننا لا نلتج أبداً إلى داخل المخروطي ذو نصف زاوية الرأس  $\alpha$ .

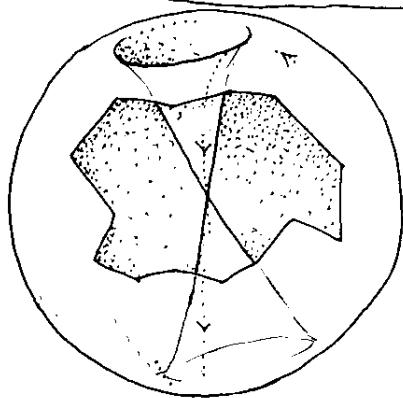


المراقب المتواجد على سطح "الكرونول" (أو سائل "استخدام الزمن")، سيكون في حالة الراحة، و على اعتبار أنه لا يدرك انحناء "الزمكان"، فحدود هذا الثقب الأسود، و التي نسميها أفقا، ستري على شكل دائرة تخترق بسرعة الضوء.





هكذا سيبدو الزوج ثقب أسود/نافورة بيضاء في نموذج "الحديقة الكونية".

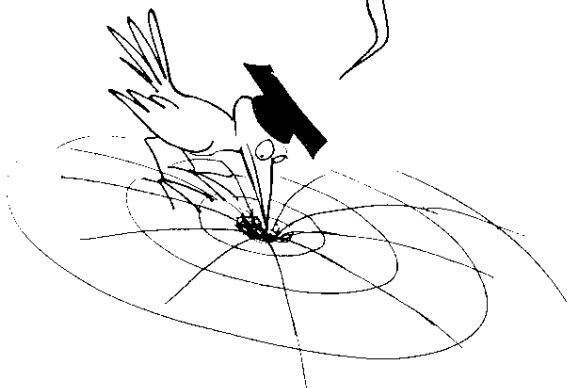


نلاحظ أنه في هذا النموذج ، يمنح  
التركيب ثقب أسود / نافورة بيضاء لأوراق  
"الحديقة الكونية" مظهر مساحات ذات اتجاهات  
غير منتظمة. فتظهر الأشياء معكوسة من خلال  
نفس الجانب. مثلًا ستصبح  $\pi$

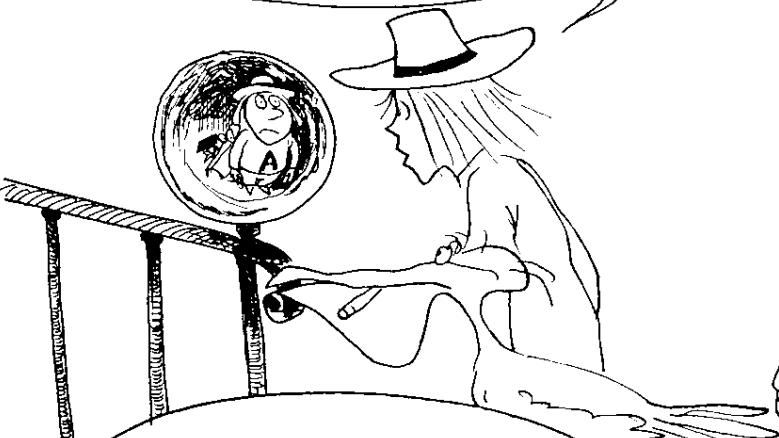
# زجاجة الحبر

و لكن هناك نظريات أخرى. بعضهم يعتقد بأن الثقوب السوداء تصل كوننا بكون توأم.

أو حتى مع عالم ينعكس فيه كل شيء بما في ذلك الزمن.



علاوة على ذلك،  
إذا تجرأ أي شخص بالإقتراب  
من الثقب الأسود، فلن يعود  
ليخبرنا بما يجري هناك.



أمم... قد يكون  
عمق قوقة تيريسياس  
ثقباً سوداً!

أمي !



أمم... قد يكون

عمق قوقة تيريسياس  
ثقباً سوداً!

أمم... قد يكون

عمق قوقة تيريسياس  
ثقباً سوداً!

ليون، اترك  
تيريسياس و شأنه!

هيا يا عزيزي  
تيريسياس، المهم  
هو أن تكون مرتاحاً  
في قوquetك.

مي !

## خاتمة

أوه، هذا الكوسمول!  
أنا أشعر بالصداع...

مهلا، الفراغ و المادة  
هما نفس الشيء و الكون  
يمكن أن ينغلق على نفسه  
و نحن ليس في استطاعتنا  
الا الانطلاق في خط  
مستقيم!



هذا الصنبور  
يطفو في الفضاء،  
فمن أين يتدفق  
الماء إذن؟

هم .. !

وأين يذهب هذا الماء،  
فمستواه في الدلو ثابت!

ومع ذلك،  
 فهو يتدفق!

